

Programma del corso di Crittografia  
aa 2010-11

Numeri primi – Congruenze – Teorema cinese dei resti - Elementi invertibili in  $Z_n$ .  
Piccolo teorema di Fermat - Teorema di Wilson – Funzione  $\phi$  e Teorema di Eulero –  
esistenza di radici primitive modulo  $n$  e struttura del gruppo degli invertibili in  $Z_n$  -  
scrittura di numeri naturali in base  $b$  – operazioni - residui quadratici modulo un  
primo – simboli di Legendre e Jacobi – legge di reciprocità quadratica (senza  
dimostrazione) – algoritmo per l'estrazione di radice modulo un primo – campi finiti  
– struttura del gruppo degli invertibili in un campo finito - logaritmo discreto –  
Algoritmo di Massey Omura per il calcolo del logaritmo discreto – Baby steps-giant  
steps

Analisi del costo temporale delle operazioni

Introduzione alle curve ellittiche – curve ellittiche su campi finiti e modulo  $n$  –  
logaritmo discreto sulle curve ellittiche (algoritmo di Silver Pohlig Hellman)

Test di primalità correlati ai teorema di Fermat e di Wilson – test di Lucas – numeri di  
Fermat, Mersenne e Carmichael– pseudoprimi e pseudoprimi di Eulero – test di  
primalità probabilistici (Fermat, Solovay Strassen, Miller Rabin) – AKS

Algoritmo di fattorizzazione di Fermat – metodo delle basi di fattorizzazione –  
Algoritmo di Lenstra

Sistemi crittografici e chiavi – sistemi simmetrici e asimmetrici – Cifrari per  
traslazione – cifrari affini – cifrari affini per digrafi – crittoanalisi - analisi delle  
frequenze – RSA- El Gamal – firma digitale standard – crittografia sulle curve  
ellittiche