

## Analisi Matematica 2

### Foglio di esercizi n. 2

**1.** Disegnare il dominio delle seguenti funzioni:

a.  $f(x, y) = \frac{e^{xy}}{|x| + y^2 - 1}$

b.  $f(x, y) = \frac{1}{\sqrt{2 - |x| - |y|}}$

c.  $f(x, y) = \frac{\sqrt{4 - x^2}}{\sqrt{9 - y^2}}$

d.  $f(x, y) = \frac{\log(|x^3 + xy|)}{y - 1}$

e.  $f(x, y) = \log(\sin(\pi\sqrt{x^2 + y^2}))$

f.  $f(x, y) = \arcsin(x + y)$

**2.** Disegnare le curve di livello nel dominio delle seguenti funzioni:

a.  $f(x, y) = \frac{1}{\sqrt{4x^2 + y^2}}$

b.  $f(x, y) = e^{xy}$

c.  $f(x, y) = \frac{4y}{x^2 + y^2}$

d.  $f(x, y) = ||x| + y|$

e.  $f(x, y) = \log\left(\frac{y}{x^2}\right)$

f.  $f(x, y) = (x + 1)e^y$

**3.** Determinare se i seguenti limiti esistono e nel caso calcolarli:

a.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy}{|x| + |y|}$

b.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{|x|(1+y)}{\sqrt{x^2 + y^2}}$

c.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x \log(1 + x^2 + 2y^2)}{3x^2 + y^2}$

d.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{(x^2 - y^2) \sin\left(\frac{1}{xy^2}\right)}{e^{x+y} - 1}$

e.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2(1 - y^2) + y^4}{x^2 + y^4}$

f.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy^2 \log(|x/y|)}{\sqrt{x^2 + y^2}}$

g.  $\lim_{(x,y) \rightarrow \infty} \frac{x^4 + y^2 - 2x + 3y}{2 + \sqrt{x^2 + y^2}}$

h.  $\lim_{(x,y) \rightarrow \infty} \frac{x^6 + 3y^3}{1 + x^2}$

i.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (1,1)} \frac{x^2 + xy - 2y^2}{x^2 - y^2}$

j.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (2,1)} \frac{x^2 - 4y}{x - 2y}$

k.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x(1 - \cos(y^2(x + 2)))}{x^4 + y^4}$

l.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{y}{\sqrt{2x - x^2 - y^2}}$

m.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2y^2}{x^3 + y^3}$

n.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2y^2}{|x|^3 + |y|^3}$

o.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x + y}{\sin(x) + y}$

p.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^3(x + 2y)}{x^4 + y^4}$

q.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\sin(x^2y) - x \sin(xy)}{x^4y^3}$

r.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2 \log(1 - y) + y \log(1 + x^2)}{x^2y^2}$