

UNIVERSITÀ DI ROMA “TOR VERGATA”

Analisi Matematica II per Ingegneria — Prof. C. Sinestrari

Risposte (sintetiche) agli esercizi del 4.X.2022

1. (a)  $y(x) = e^{\frac{x^2}{2}} - 2.$   
 (b)  $y(x) = 2e^{\frac{x^2}{2}} - 1.$   
 (c)  $y(x) = e^{3x} - 2e^{2x}.$   
 (d)  $y(x) = x^2e^{-x}.$   
 (e)  $y(x) = \frac{\operatorname{sen} x^2}{x}.$   
 (f)  $y(x) = \frac{e^{x^3} + 2e}{x^2}.$   
 (g)  $y(x) = \operatorname{sen} x - \operatorname{sen} x \cos x$   
 (h)  $y(x) = (2 + \sqrt{x})^4 (1 - e^{2-2\sqrt{x}}).$
  
2. (a)  $y(x) = \frac{1}{1-x}, \quad x \in (-\infty, 1).$   
 (b)  $y(x) = -\frac{2}{x^2 + 2x - 1}, \quad x \in (-1 - \sqrt{2}, -1 + \sqrt{2}).$   
 (c)  $y(x) = \operatorname{tg} \left( \frac{1 - e^{-x^2}}{2} - \frac{\pi}{4} \right), \quad x \in \mathbb{R}.$   
 (d)  $y(x) = \frac{1}{\sqrt{2} \cos x - 1}, \quad x \in \left( -\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right).$   
 (e)  $y(x) = \ln(\ln(2 - e^x) + 1), \quad x < \ln(2 - e^{-1}).$   
 (f)  $y(x) = -2 - \sqrt{9 + 2 \operatorname{sen} x} \quad x \in \mathbb{R}.$   
 (g)  $y(x) = -1 - \sqrt{4 + \ln(1 + x^2)}, \quad x \in \mathbb{R}.$   
 (h)  $y(x) = -\frac{1}{2} \ln(1 - 2 \ln(x + 2)) \quad x \in (-2, \sqrt{e} - 2).$

3. Le soluzioni sono rispettivamente

$$(a) y(x) = \frac{2 + 4e^{3x}}{1 - 4e^{3x}}, \quad (b) y(x) = \frac{2 - 2e^{3x}}{1 + 2e^{3x}}, \quad (c) y(x) \equiv 2.$$

4. Le soluzioni sono rispettivamente

$$(a) y(x) = \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}, \quad (b) y(x) \equiv 0, \quad (c) y(x) = \frac{3e^{2x} + 1}{3e^{2x} - 1}.$$

5. Le soluzioni sono rispettivamente

$$(a) \ y(x) \equiv 0, \quad (b) \ y(x) = \frac{3}{2x^2 + 1}, \quad (c) \ y(x) = \frac{12}{4 - x^3}.$$

6. Le soluzioni sono rispettivamente

$$(a) \ y(x) = \sqrt{2e^x - 1}, \quad (b) \ y(x) = -\sqrt{2e^x - 1}.$$

7. Le soluzioni sono rispettivamente

$$(a) \ y(x) = \pi + \operatorname{arctg} x, \quad (b) \ y(x) = \pi - \operatorname{arcsen}(x + x^2).$$

8. Per ciascuna equazione va trovato l'integrale generale, in funzione di  $y_0$ , e studiata l'esistenza per ogni  $x$  al variare di  $y_0$ .

(a) Si trova  $y(x) = \frac{1}{y_0^{-1} - \operatorname{sen} x}$  se  $y_0 \neq 0$ , mentre  $y(x) \equiv 0$  se  $y_0 = 0$ . Da questo segue che  $y(x)$  è definita per ogni  $x$  se e solo se  $y_0 \in (-1, 1)$ .

(b) Si trova  $y(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{\frac{3}{2}x^2 + y_0^{-3}}}$  se  $y_0 \neq 0$ , mentre  $y(x) \equiv 0$  se  $y_0 = 0$ . Da questo segue che  $y(x)$  è definita per ogni  $x$  se e solo se  $y_0 \geq 0$ .

(c) Si trova  $y(x) = \frac{1}{y_0^{-1} - \operatorname{arctg} x}$  se  $y_0 \neq 0$ , mentre  $y(x) \equiv 0$  se  $y_0 = 0$ . Da questo segue che  $y(x)$  è definita per ogni  $x$  se e solo se  $y_0 \in [-\frac{2}{\pi}, \frac{2}{\pi}]$ .

(d) Si trova  $y(x) = -\ln\left(\frac{e^{-2x} - 1}{2} + e^{-y_0}\right)$ , da cui si deduce che  $y(x)$  è definita per ogni  $x$  se e solo se  $y_0 \leq \ln 2$ .