TEN 2014-15. Esercizi 4. Intri B-smooth. Metodo Pollard p-1.

Notazione: Indichiamo con $\log n$ il logaritmo di n in base 2 e con $\ln n$ il logaritmo naturale di n, in base e. **Attenzione:** i links ai file vanno ribattuti completamente (col copia-incolla non funzionano).

1. Usare il programma

http://www.mat.uniroma2.it/~geo2/Bsmooth.txt

per confrontare il numero di primi e di interi B-smooth in un certo intervallo.

- 2. (Pollard p-1). Sia $M=2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7$.
 - (a) Sia n=95431706263. Scegliere $\overline{a}\in \mathbb{Z}_n^*$ a caso. Calcolare $\overline{b}=\overline{a}^M \mod n$. Calcolare il divisore $d=\mathrm{mcd}(b-1,n)$ di n ed il cofattore n/d.
 - (b) Sia n=57841557763361. Scegliere $\overline{a}\in\mathbb{Z}_n^*$ a caso. Calcolare $\overline{b}=\overline{a}^M \mod n$. Calcolare il divisore $d=\mathrm{mcd}(b-1,n)$ di n ed il cofattore n/d.
 - (c) Come mai l'algoritmo trova queste due fattorizzazioni?
- 3. Esercizio col metodo p-1 di Pollard (Usare PARI/GP e l'applet per la fattorizzazione on-line di Alpertron).
 - (a) Fattorizzare più possibile i seguenti 3 numeri col metodo p-1 di Pollard (aumentando progressivamente il valore di B). Usare ad esempio:

http://www.mat.uniroma2.it/~geo2/pminus.txt

n = 648094404671778064954604256557085019633635801783629254997370651459604545391

n = 870085944154182961097983310733553997642948638641712158092697230355367338367

n = 39080295191118915018134958938415108346749622881999563438557941763777383787997006813603591930551730233811157221825171

- (b) Controllare la primalità dei fattori trovati al punto (a) ed eventualmente fattorizzarli.
- (c) Verificare che nei casi in cui ha successo, l'algoritmo spezza il numero come n = m * q dove m è il prodotto di tutti i fattori primi p, per cui p-1 è B-smooth.