- 1. Determinare dominio di convergenza e somma della serie  $1+z+z^2+z^4+z^6+z^8+\ldots$
- 2. Determinare dominio di convergenza e somma della serie  $\sum_{n\geq 0} \frac{(z+i)^n}{(1+i)^{n+1}}$ .
- 3. Verificare che la serie  $\sum_{n\geq 0} \left(\frac{z-1}{z+1}\right)^n$  converge unif. sui compatti del semipiano Rez>0 e calcolarne la somma.
- 4. Determinare il raggio di convergenza delle serie

$$\sum_{n\geq 0} n! z^n \qquad \sum_{n\geq 0} \frac{z^n}{n!} \qquad \sum_{n\geq 0} n! z^{n!} \qquad \sum_{n\geq 0} z^{n!} \qquad \sum_{n\geq 0} n^n z^{n^2} \qquad \sum_{n\geq 0} z^{n^n}.$$

5. Discutere la convergenza delle serie

$$\sum_{n>1} \frac{z^n}{n(n+1)} \qquad \sum_{n>1} \frac{z^n}{n\sqrt{n+1}}$$

e delle rispettive serie derivate sul bordo del dominio di convergenza.

- 6. Verificare che la serie  $\sum_{n\geq 1}\frac{z^n}{n}$  converge su tutti i punti del bordo del disco unità |z|<1, eccetto z=1.
- 7. Sia  $\sum_n a_n z^n$  una serie con raggio di convergenza R, calcolare il raggio di convergenza delle serie

$$\sum_{n} a_n^2 z^n \qquad \sum_{n} a_n z^{2n} \qquad \sum_{n} a_n^2 z^{2n}.$$

8. Sia  $\sum_n a_n z^n$  una serie con raggio di convergenza R, e sia  $\sum_n b_n z^n$  una serie per cui vale

$$|b_n| < n^2 |a_n|, \quad \forall n.$$

1

Far vedere che anche  $\sum_n b_n z^n$  converge assolutamente per ogni z, con |z| < R.