Università di Roma "Tor Vergata" – Corso di Laurea in Ingegneria Canale SE-Z – Prof.ssa Teresa D'Aprile Analisi Matematica I – Prova scritta del 01/09/2017

Cognome (in STAMPATELLO):	Nome (in STAMPATELLO):
---------------------------	------------------------

Esercizio 1. [6 punti] Calcolare il seguente limite:

$$\lim_{x\to 0^+}\frac{\left(\arctan(x+x^2)-e^x+\cos x\right)^2}{(x-\sin x)\sqrt{x^6+x^8\log^2 x}}.$$

Svolgimento:

Esercizio 2. [6 punti] Risolvere la seguente equazione nel campo complesso e scrivere le soluzioni in forma cartesiana:

 $(1+i)^2((z+i)^2-i)-6=0.$

Svolgimento:

Esercizio 3. [8 punti] Tracciare il grafico della funzione

$$f(x) = \arctan\left(\frac{|x-2|}{x-1}\right)$$

specificando: dominio, eventuali asintoti, intervalli di monotonia, intervalli di concavità/convessità, eventuali punti di massimo/minimo relativo, eventuali punti di non derivabilità, eventuali flessi. Svolgimento:

Esercizio 4. [5 punti] Determinare per quali valori del parametro $\alpha \in \mathbb{R}$ il seguente integrale improprio esiste finito:

 $\int_0^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{x^\alpha + x}} e^{-\sqrt{x}} dx.$

Calcolarlo per $\alpha=1.$

Svolgimento:

Esercizio 5. [6 punti] Risolvere il seguente problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y' = \frac{y^2 x \log(1 + x^2)}{\sqrt{1 + x^2}} \\ y(1) = 1 \end{cases}.$$

Svolgimento: