Università di Roma "Tor Vergata" – Corso di Laurea in Ingegneria Analisi Matematica I – Prova scritta del 17/02/2020

Cognome:	
(in STAMPATELLO)	
Nome:	
(in STAMPATELLO)	
Matricola:	
Titolare del corso:	

Esercizio	Punteggio
1	
2	
3	
4	
5	
Totale	

A

Esercizio 1. [7 punti] Calcolare il seguente limite:

$$\lim_{n \to +\infty} \left[\left(e^{-\frac{1}{n}} + \frac{1}{n} \right)^{-6n} - \frac{\sqrt{n^2 + 1}}{n+3} \right] n^2.$$

Esercizio 2. [8 punti] Tracciare il grafico della funzione

$$f(x) = \arctan\left(\frac{x^2 - 7}{|x| - \sqrt{6}}\right) - |x|$$

specificando: dominio, eventuali asintoti, intervalli di monotonia, eventuali punti di massimo/minimo relativo, eventuali punti di non derivabilità. Non è richiesto lo studio della derivata seconda.

Cognome (in STAMPATELLO):						
Esercizio 3. [4	punti] Discutere	la convergenza	del seguente	integrale	improprio	al variare del
parametro $\alpha \in \mathbb{R}$:		_				
		$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\log(1-\alpha)}{ \sin(2\alpha) } \frac{1}{\sin(2\alpha)} \frac{1}{\sin(2\alpha)} \frac{1}{\sin(2\alpha)} \frac{1}{\cos(2\alpha)} \frac{1}{\cos($	$\frac{(\cos x)}{(x) ^{\alpha}}dx.$			

Cognome (in STAMPATELLO)	: Non	me (in STAMPATELLO)):
·			

Esercizio 4. [6 punti] Calcolare il seguente integrale:

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin(2x) \log(1 - \cos x) dx.$$

Esercizio 5. [5 punti] Risolvere il seguente problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y' = \frac{x(x+2)(y-3)}{1+x^2} \\ y(0) = 1 \end{cases}.$$