

Esercizi sugli integrali

Lista n.5 di giovedì 14 marzo 2002

Calcolare i seguenti integrali riconducendoli a integrali di funzioni razionali (talvolta può essere utile qualche manipolazione algebrica preliminare):

$$[85] \int \frac{1}{\cos x + \sin x} dx$$

$$[86] \int \frac{\sin x}{2 \cos x - \sin x} dx$$

$$[87] \int \frac{\cos x}{\cos x + 2 \sin x} dx$$

$$[88] \int \frac{\sin x}{\cos x + \sin x} dx$$

$$[89] \int \frac{\cos x}{2 + 3 \cos x} dx$$

$$[90] \int \frac{1}{1 + \sin x \cos x + 3 \cos^2 x} dx$$

$$[91] \int \frac{1}{e^x + 2 + 17e^{-x}} dx$$

$$[92] \int \frac{e^x + 1}{e^x - 1} dx$$

$$[93] \int \frac{1}{4 \cos x - 15 \sin x + 15 \sin^2 x} dx$$

Calcolare i seguenti integrali che, pur riconducibili a integrali di funzioni razionali, si risolvono meglio operando prima con opportune manipolazioni algebriche:

$$[94] \int \cos^8 x \sin^5 x dx$$

$$[95] \int \cos^7 x \sin^{10} x dx$$

$$[96] \int \cos^5 x dx$$

$$[97] \int \sin^7 x dx$$

$$[98] \int \cos^6 x dx$$

$$[99] \int \sin^8 x dx$$

$$[100] \int \cos^4 x \sin^4 x dx$$

$$[101] \int \cos^8 x \sin^4 x dx$$

$$[102] \int \frac{\sin^3 x}{\cos^4 x} dx$$

$$[103] \int \frac{\cos^7 x}{\sin^{18} x} dx$$

$$[104] \int \frac{\sin^5 x}{\cos^2 x} dx$$

$$[105] \int \frac{\cos x}{\sin^6 x} dx$$

$$[106] \int \frac{\sin^4 x}{\cos^3 x} dx$$

$$[107] \int \frac{\sin^2 x}{\cos^5 x} dx$$

$$[108] \int \frac{\cos^6 x}{\sin x} dx$$

$$[109] \int \frac{\sin^{11} x}{\cos x} dx$$

$$[110] \int \tan x dx$$

$$[111] \int \tan^2 x dx$$

$$[112] \int \tan^9 x dx$$

$$[113] \int \tan^{10} x dx$$

$$[114] \int \frac{\cos^2 x}{\sin^4 x} dx$$

$$[115] \int \frac{\cos^6 x}{\sin^{10} x} dx$$

$$[116] \int \frac{\sin^6 x}{\cos^8 x} dx$$

$$[117] \int \frac{\sin^{12} x}{\cos^{16} x} dx$$

$$[118] \int \frac{\cos^4 x}{\sin^2 x} dx$$

$$[119] \int \frac{\cos^{10} x}{\sin^6 x} dx$$

$$[120] \int \frac{\sin^8 x}{\cos^6 x} dx$$

$$[121] \int \frac{\sin^{16} x}{\cos^{12} x} dx$$