

ANALISI MATEMATICA II - A.A. 2017-18
Terzo appello del 25/6/2018, ore 9:30

1. Calcolare la somma della serie $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n2^n}$.
2. Calcolare il limite puntuale per $n \rightarrow +\infty$ delle successione di funzioni $f_n(x) = \frac{n^\alpha}{x} e^{-\frac{1}{n^2 x^2}}$ definite per $x > 0$ al variare di α .
3. Dire se la successione di funzioni $f_n(x) = \sqrt{\frac{nx}{n^2 x^2 + 4}}$ converge uniformemente a 0 su $[1, +\infty)$.
4. Trovare i punti di massimo e minimo di $f(x, y) = \sqrt{|x^2 - 1|}$ su $\{(x, y) : x^2 + y^3 = 1\}$ usando i moltiplicatori di Lagrange ove possibile.
5. Sia $\gamma : [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}^2$ definita da $\gamma(t) = (\cos^2 t, \sin^2 t)$.
(a) determinarne i punti singolari; (b) disegnarne il sostegno; (c) calcolarne la lunghezza
6. Dire per quali $\alpha \in \mathbb{R}$ l'insieme $\{(x, y) : (x^2 - y^2)((x - \alpha)^2 + y^2 - 1) = 0\}$ definisce implicitamente una curva regolare nell'intorno di ogni suo punto tranne $(0, 0)$.
7. Dire se la forma differenziale $\omega = (e^{x+y} z^2 - 1)dx + (e^{x+y} z^2 - 2)dy + 2e^{x+y} z dz$ è esatta, e in caso positivo trovarne il potenziale f tale che $f(0, 0, 0) = 3$.
8. Sia $A = \{(x, y) : x^2 + 3y^2 < 1, 3x^2 + y^2 < 1\}$. Disegnare A e parametrizzarne la parte di frontiera contenuta nel primo quadrante.
9. Calcolare il volume dell'insieme $D = \{(x, y, z) : x^2 + y^2 + z^2 \leq 1, x^2 + (y-1)^2 + z^2 \leq 1\}$.
10. Calcolare la superficie della frontiera dell'insieme D dell'esercizio 9.