

**ANALISI MATEMATICA II - A.A. 2017-18**  
**Primo appello del 24/1/2018, ore 15:30**

COGNOME:

NOME:

---

Riportare le soluzioni degli esercizi nei fogli allegati nell'ordine della numerazione (mezza facciata per esercizio).

---

1. Dire per quali  $x$  converge e calcolare  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+1)!}{n!} x^{2n}$ .
2. Dire per quali  $\alpha$  converge  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(n+1)! - (n-1)!}{(n+2)!(n^\alpha + 1) |\log n|^{3-\alpha}}$ .
3. Calcolare l'insieme di convergenza puntuale di  $f_n(x) = \left(\frac{n^2 + 3nx^2}{nx^2 + 4}\right) \sin\left(\frac{x}{n}\right)$  e il limite  $f(x)$ . Dire se la convergenza è uniforme.
4. Trovare i punti di massimo e minimo di  $f(x, y) = \sqrt{|x^2 - y^2|}$  su  $\{(x, y) : x^2 + y^2 = 4x\}$  usando i moltiplicatori di Lagrange ove possibile.
5. Dire per quali  $\alpha \in \mathbb{R}$  l'insieme  $\{(x, y) : (x^2 + y^2 - \alpha)(4x^2 + y^2 - 1) = 0\}$  definisce implicitamente una curva regolare nell'intorno di ogni suo punto.
6. Sia  $\gamma : [0, 4\pi] \rightarrow \mathbb{R}^2$  definita da  $\gamma(t) = (\cos t, \sin^2 t)$ .  
(a) determinarne i punti singolari; (b) disegnarne il sostegno; (c) calcolarne la lunghezza
7. Dire se la forma differenziale  $\omega = \left(ye^{2xy} + 2xy^2e^{2xy} + e^x\right)dx + \left(xe^{2xy} + 2x^2ye^{2xy} + e^y\right)dy$  è esatta, e in caso positivo trovarne il potenziale  $f$  tale che  $f(0, 0) = 0$ .
8. Calcolare  $\iint_D (yx^2 + xy^2) dx dy$ , dove  $D = \{(x, y) : x^2 + 2(y-1)^2 \leq 4\}$ .
9. Calcolare l'area della superficie  $\Sigma = \{(x, y, z) : x = y^2 + z^2, x + z^2 \leq 4 - y^2\}$ .
10. Sia  $\Sigma = \{(x, y, z) : x^2 + y^2 + z^2 = 4, x > 0\}$ . Calcolare il flusso del rotore del campo  $(x, z, -y)$  su  $\Sigma$  usando il teorema del rotore.