## Esercizi

## 10 dicembre 2012

1. Sia  $\gamma$  una parametrizzazione della porzione curva data da  $\rho^2 = a^2 \cos 2\theta$  in coordinate polari che giace nel semipiano  $x \ge 0$ . Calcolare  $\int_{\gamma} (x+y)$ 

2. Calcolare la lunghezza della *cicloide*, ovvero la curva percorsa in un periodo da un punto sul bordo di un cerchio che rotola su un piano.

3. Calcolare la lunghezza della curva espressa in coordinate polari da  $\rho = \cos \theta$ .

4. Calcolare  $\int_{\gamma} |xy|$  dove  $\gamma$  parametrizza il bordo di  $\{(x,y): \max\{|x|,|y|\} \leq 2\}$ .

5. Calcolare l'area della parte della superficie cilindrica  $x^2+y^2=2x$  interna alla sfera  $x^2+y^2+z^2\leq 4$ .

**6.** Calcolare l'area della superficie laterale del cilincro parabolico  $y=\frac{3}{8}x^2$  limitata dai piani  $x=0,\,z=0,\,y=6$  e z=x.

7. Calcolare  $\int_{\gamma} \frac{z}{x^2+y^2+z^2} \text{ dove } \gamma \text{ parametrizza la prima spirale dell'elica cilindrica}$   $\begin{cases} x=a\cos t\\ y=a\sin t\\ z=bt \end{cases}.$ 

8. Calcolare la lunghezza dell'elica conica  $\begin{cases} x(t) = e^t \cos t \\ y(t) = e^t \sin t \text{ tra } (0,0,0) \text{ e } (1,0,1). \\ z(t) = e^t \end{cases}$ 

9. Calcolare la lunghezza della spirale logaritmica, parametrizzata in coordinate polari da  $\rho = ae^m\theta$  con  $\theta \in (-\infty, 0]$ .

1