

Argomenti

4/dicembre/2012;

1

Trovare ε, δ . Dominio di funzioni. Punti di acc., etc. Tutte le domande di teoria. Limiti senza Taylor. Trovare l'inversa Calcolo derivate. Taylor: limiti e ordini. Ordini di infinitesimo. Grafici di funzioni. Integrali e Integrali impropri. Serie numeriche. Serie di potenze. Numeri complessi Stangata Precorsi

Trovare

ε, δ 4/dicembre/2012;

Problema n. 118

Quesito n. A La relazione $\left| \frac{2x+1}{x} - 2 \right| < \varepsilon \forall \varepsilon > 0$ è vera se e solo se $x \in (1 - \delta, 1 + \delta)$ con δ dato da :

[A] $\frac{\varepsilon}{1+\varepsilon}$ [B] $\frac{\varepsilon}{1+\sqrt{\varepsilon}}$ [C] $\frac{\varepsilon^2}{2+\varepsilon}$ [D] $\frac{\sqrt{\varepsilon}}{1+\varepsilon}$ [E] $\frac{1}{1+\varepsilon}$ [F] $\frac{2\varepsilon}{1+\varepsilon^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B La relazione $\left| \frac{2x+1}{x} - 3 \right| < \varepsilon \forall \varepsilon > 0$ è vera se e solo se $x \in (1 - \delta, 1 + \delta)$ con δ dato da :

[A] $\frac{\varepsilon}{1+\varepsilon}$ [B] $\frac{\varepsilon}{1+2\sqrt{2\varepsilon}}$ [C] $\frac{\varepsilon^2}{3+\varepsilon}$ [D] $\frac{3\varepsilon}{1+\varepsilon}$ [E] $\frac{1}{1+\varepsilon}$ [F] $\frac{\varepsilon}{1+2\varepsilon^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C La relazione $\left| \frac{3x+1}{x} - 4 \right| < \varepsilon \forall \varepsilon > 0$ è vera se solo se $x \in (1 - \delta, 1 + \delta)$ con δ dato da :

[A] $\frac{\varepsilon}{1+\varepsilon}$ [B] $\frac{\varepsilon^2}{1+\sqrt{\varepsilon}}$ [C] $\frac{2\varepsilon}{2+\varepsilon}$ [D] $\frac{4\varepsilon}{1+\varepsilon}$ [E] $\frac{1}{1+\varepsilon}$ [F] $\frac{3}{4} \frac{\varepsilon}{1+\varepsilon^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D La relazione $\left| \frac{4x+1}{x} - 5 \right| < \varepsilon \forall \varepsilon > 0$ è vera se solo se $x \in (1 - \delta, 1 + \delta)$ con δ dato da :

[A] $\frac{\varepsilon}{1+\varepsilon}$ [B] $\frac{\varepsilon}{1+\sqrt{\varepsilon}}$ [C] $\frac{2\varepsilon^2}{2+\varepsilon}$ [D] $\frac{\sqrt{\varepsilon}}{1+\varepsilon}$ [E] $\frac{1}{1+\varepsilon}$ [F] $\frac{2}{5} \frac{\varepsilon}{1+\varepsilon^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E La relazione $\left| \frac{3x+1}{x} - 6 \right| < \varepsilon \forall \varepsilon > 0$ è vera se solo se $x \in (1 - \delta, 1 + \delta)$ con δ dato da :

[A] $\frac{\varepsilon}{1+\varepsilon}$ [B] $\frac{\varepsilon}{1+\sqrt{\varepsilon}}$ [C] $\frac{5\varepsilon^2}{2+\varepsilon}$ [D] $\frac{6\sqrt{\varepsilon}}{1+\varepsilon}$ [E] $\frac{1}{1+\varepsilon}$ [F] $\frac{5}{6} \frac{\varepsilon}{1+\varepsilon^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F La relazione $\left| \frac{6x+1}{x} - 7 \right| < \varepsilon \forall \varepsilon > 0$ è vera se solo se $x \in (1 - \delta, 1 + \delta)$ con δ dato da :

[A] $\frac{\varepsilon}{1+\varepsilon}$ [B] $\frac{\varepsilon}{1+4\sqrt{\varepsilon}}$ [C] $\frac{\varepsilon^2}{2+\varepsilon}$ [D] $\frac{\sqrt{\varepsilon}}{1+4\varepsilon}$ [E] $\frac{1}{1+\varepsilon}$ [F] $\frac{6}{7} \frac{\varepsilon}{1+\varepsilon^2}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 170

Quesito n. A $\forall \varepsilon > 0$ si ha $\left| \frac{x^2}{2} - 2 \right| < \varepsilon$ se e solo se $x \in (2 - \delta, 2 + \delta)$ se si sceglie δ uguale a:

[A] $\sqrt{4+2\varepsilon} - 2$ [B] $\frac{\varepsilon}{4}$ [C] $\sqrt{\frac{\varepsilon}{2}}$ [D] $(\sqrt{25+4\varepsilon}) - 5$ [E] $\frac{1}{2}(\sqrt{1+4\varepsilon} - 1)$ [F] $\frac{1}{6}(\sqrt{1+9\varepsilon} - 1)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\forall \varepsilon > 0$, si ha $\left| \frac{x^2}{3} - \frac{4}{3} \right| < \varepsilon$ se e solo se $x \in (2 - \delta, 2 + \delta)$ se si sceglie δ uguale a:

[A] $\sqrt{4+3\varepsilon} - 2$ [B] $\frac{3\varepsilon}{2}$ [C] $\frac{\sqrt{3\varepsilon}}{2}$ [D] $\sqrt{25+4\varepsilon} - 5$ [E] $\frac{1}{2}(\sqrt{1+4\varepsilon} - 1)$ [F] $\frac{1}{6}(\sqrt{1+9\varepsilon} - 1)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\forall \varepsilon > 0$, si ha $\left| \frac{x^2}{3} - 3 \right| < \varepsilon$ se e solo se $x \in (3 - \delta, 3 + \delta)$ se si sceglie δ uguale a:

[A] $\sqrt{9+3\varepsilon} - 3$ [B] $\frac{1}{4}\varepsilon$ [C] $\frac{\sqrt{3\varepsilon}}{2}$ [D] $\sqrt{25+4\varepsilon} - 5$ [E] $\frac{1}{2}(\sqrt{1+4\varepsilon} - 1)$ [F] $\frac{1}{6}(\sqrt{1+9\varepsilon} - 1)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\forall \varepsilon > 0$, si ha $\left| \frac{x^2}{3} - \frac{1}{3} \right| < \varepsilon$ se e solo se $x \in (1 - \delta, 1 + \delta)$ se si sceglie δ uguale a:

[A] $\sqrt{1+3\varepsilon} - 1$ [B] $\frac{3}{4}\varepsilon$ [C] $\frac{\sqrt{3\varepsilon}}{2}$ [D] $\sqrt{4+3\varepsilon} - 2$ [E] $\sqrt{9+4\varepsilon} - 3$ [F] $\sqrt{16+5\varepsilon} - 4$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Per ogni $\varepsilon > 0$, si ha $\left| \frac{x^2}{2} - \frac{1}{2} \right| < \varepsilon$ se e solo se $x \in (1 - \delta, 1 + \delta)$ se si sceglie δ uguale a:

[A] $\sqrt{1+2\varepsilon} - 1$ [B] $\frac{\varepsilon}{2}$ [C] $\sqrt{\frac{\varepsilon}{2}}$ [D] $\sqrt{4+3\varepsilon} - 2$ [E] $\sqrt{9+4\varepsilon} - 3$ [F] $\sqrt{16+5\varepsilon} - 4$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Per ogni $\varepsilon > 0$, si ha $|x^2 - 16| < \varepsilon$ se e solo se $x \in (4 - \delta, 4 + \delta)$ se si sceglie δ uguale a:

[A] $\sqrt{16+\varepsilon} - 4$ [B] $\frac{\varepsilon}{16}$ [C] $\sqrt{\frac{\varepsilon}{2}}$ [D] $\frac{1}{2}\sqrt{9+2\varepsilon} - \frac{3}{2}$ [E] $\frac{1}{2}\sqrt{1+3\varepsilon} - \frac{1}{2}$ [F] $\frac{1}{8}\sqrt{1+8\varepsilon} - \frac{1}{8}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 227

Quesito n. A Sia data la funzione $f(x) = 2x\sqrt{1 - \frac{1}{x^2}}$, $x \geq 1$. Allora $\forall \varepsilon > 0 \exists x_o(\varepsilon) : x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - 2x| < \varepsilon$ e $x_o(\varepsilon)$ è dato da

[A] $\begin{cases} \frac{4+\varepsilon^2}{4\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 1 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{3+\varepsilon^2}{4\sqrt{\varepsilon}} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [C] $\begin{cases} \frac{\varepsilon}{4} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 1 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [D] $\begin{cases} \frac{1+\varepsilon^2}{8\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{2+\varepsilon^2}{6\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 1 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [F] $\begin{cases} \frac{1}{\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Sia data la funzione $f(x) = \frac{1}{2}x\sqrt{1 - \frac{4}{x^2}}$, $x \geq 2$. Allora $\forall \varepsilon > 0 \exists x_o(\varepsilon) : x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - \frac{1}{2}x| < \varepsilon$ e $x_o(\varepsilon)$ è dato da

[A] $\begin{cases} \frac{1+\varepsilon^2}{\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 1 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 1 \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{2+\varepsilon^2}{2\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 1 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 1 \end{cases}$ [C] $\begin{cases} \frac{1+\varepsilon^2}{2\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 1 \\ 3 & \text{se } \varepsilon \geq 1 \end{cases}$ [D] $\begin{cases} \frac{\varepsilon+1}{\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 1 \\ 3 & \text{se } \varepsilon \geq 1 \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{1+2\varepsilon^2}{2\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 1 \\ 4 & \text{se } \varepsilon \geq 1 \end{cases}$ [F] $\begin{cases} \frac{2+\varepsilon^2}{4\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 1 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 1 \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Sia data la funzione $f(x) = x\sqrt{1 - \frac{4}{x^2}}$, $x \geq 2$. Allora $\forall \varepsilon > 0 \exists x_o(\varepsilon) : x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - x| < \varepsilon$ e $x_o(\varepsilon)$ è dato da

[A] $\begin{cases} \frac{4+\varepsilon^2}{2\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{4+\varepsilon^2}{4\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [C] $\begin{cases} \frac{4+\varepsilon^2}{\varepsilon^2} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 3 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [D] $\begin{cases} \frac{1+\varepsilon^2}{2\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{2+\varepsilon^2}{3\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 3 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [F] $\begin{cases} \frac{3+\varepsilon^2}{3\varepsilon} & \text{se } \varepsilon < 2 \\ 2 & \text{se } \varepsilon \geq 2 \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D $\forall r > 0 \exists \delta_r : x \in (-\delta_r, \delta_r) \setminus \{0\} \Leftrightarrow \frac{x^2+x+1}{x^2} > r$ e δ_r è dato da

[A] $\begin{cases} \frac{\sqrt{4r-3}-1}{2(r-1)} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{4r-3}}{2(1-r)} & \text{se } \frac{3}{4} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{3}{4} \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{\sqrt{3r-2}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{3r-2}}{1-r} & \text{se } \frac{2}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{2}{3} \end{cases}$ [C] $\begin{cases} \frac{\sqrt{4r-3}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{4r-3}}{1-r} & \text{se } \frac{3}{4} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{3}{4} \end{cases}$ [D] $\begin{cases} \frac{\sqrt{3r-2}-1}{2(r-1)} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{3r-2}}{2(1-r)} & \text{se } \frac{2}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{2}{3} \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{\sqrt{2r-1}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{2r-1}}{1-r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [F] $\begin{cases} \frac{\sqrt{2r-1}-1}{2(r-1)} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{2r-1}}{2(1-r)} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E $\forall r > 0 \exists \delta_r : x \in (-\delta_r, \delta_r) \setminus \{0\} \Leftrightarrow \frac{x^2+2x+1}{x^2} > r$ e δ_r è dato da

[A] $\begin{cases} \frac{\sqrt{r}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{r}}{1-r} & \text{se } r < 1 \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{2\sqrt{r}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{2-\sqrt{r}}{1-r} & \text{se } r < 1 \end{cases}$ [C] $\begin{cases} \frac{3\sqrt{r}-2}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{2-\sqrt{r}}{1-r} & \text{se } r < 1 \end{cases}$ [D] $\begin{cases} \frac{3\sqrt{r}-2}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{4} & \text{se } r = 1 \\ \frac{3-2\sqrt{r}}{1-r} & \text{se } r < 1 \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{2\sqrt{r}-2}{\sqrt{r}-1} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{4} & \text{se } r = 1 \\ \frac{3\sqrt{r}-2}{1-r} & \text{se } r < 1 \end{cases}$ [F] $\begin{cases} \frac{2\sqrt{r}+1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{4} & \text{se } r = 1 \\ \frac{3\sqrt{r}-2}{1-r} & \text{se } r < 1 \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F $\forall r > 0 \exists \delta_r : x \in (-\delta_r, \delta_r) \setminus \{0\} \Leftrightarrow \frac{x^2+2x+2}{x^2} > r$ e δ_r è dato da

[A] $\begin{cases} \frac{\sqrt{2r-1}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{2r-1}}{1-r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{2\sqrt{2r-1}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{2-\sqrt{2r-1}}{1-r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [C] $\begin{cases} \frac{2\sqrt{2r-1}+1}{2r-2} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{2-\sqrt{2r-1}}{2-2r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [D] $\begin{cases} \frac{3\sqrt{3r-1}-2}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{2-\sqrt{4r-2}}{2-2r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{3\sqrt{3r-1}-2}{3r-2} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{2-\sqrt{2r-1}}{2-2r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [F] $\begin{cases} \frac{3\sqrt{3r-2}-2}{2r-2} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{4-\sqrt{2r-1}}{2-2r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 228

Quesito n. A Si dica per quale dei seguenti intervalli (a, b) si ha $\forall 0 < \varepsilon < \sqrt{3} - \sqrt{2} \exists (a, b) \ni \{1\} : x \in (a, b) \Rightarrow \left| \frac{\sqrt{2x^2+1}}{x} - \sqrt{3} \right| < \varepsilon$

[A] $\left(\frac{1}{\sqrt{\varepsilon^2+2\sqrt{3}\varepsilon+1}}, \frac{1}{\sqrt{\varepsilon^2-2\sqrt{3}\varepsilon+1}} \right)$ [B] $\left(\frac{1}{\sqrt{\varepsilon^2+4\varepsilon+1}}, \frac{1}{\sqrt{\varepsilon^2-4\varepsilon+1}} \right)$ [C] $\left(\frac{1}{\sqrt{2\varepsilon^2+4\varepsilon+1}}, \frac{1}{\sqrt{2\varepsilon^2-4\varepsilon+1}} \right)$

[D] $\left(\frac{1}{\sqrt{1+4\varepsilon+\varepsilon^2}}, \frac{1}{\sqrt{1+4\varepsilon-\varepsilon^2}} \right)$ [E] $\left(\frac{1}{\sqrt{\varepsilon^2+3\sqrt{2}\varepsilon+1}}, \frac{1}{\sqrt{\varepsilon^2-3\sqrt{2}\varepsilon+1}} \right)$ [F] $\left(\frac{1}{1+\sqrt{\varepsilon^2+3\sqrt{2}\varepsilon}}, \frac{1}{1-\sqrt{\varepsilon^2+3\sqrt{2}\varepsilon}} \right)$

[G] nessuna delle altre

Quesito n. B Si dica per quale dei seguenti intervalli (a, b) si ha : $\forall 0 < \varepsilon < 2 - \sqrt{2} \exists (a, b) \ni \{1\} : x \in (a, b) \Rightarrow \left| \frac{\sqrt{2x^2+2}}{x} - 2 \right| < \varepsilon$

[A] $\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{\varepsilon^2+4\varepsilon+2}}, \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{\varepsilon^2-4\varepsilon+2}} \right)$ [B] $\left(\frac{2}{\sqrt{\varepsilon^2+4\varepsilon+4}}, \frac{2}{\sqrt{\varepsilon^2-4\varepsilon+4}} \right)$ [C] $\left(\frac{2-\varepsilon}{\sqrt{2\varepsilon^2+4\varepsilon+4}}, \frac{2+\varepsilon}{\sqrt{2\varepsilon^2-4\varepsilon+4}} \right)$

[D] $\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{\varepsilon+4\varepsilon+2}}, \frac{\sqrt{2}}{-\varepsilon+\sqrt{4\varepsilon+2}} \right)$ [E] $\left(\frac{-\sqrt{\varepsilon+2}}{\sqrt{2+\sqrt{\varepsilon^2+4\varepsilon}}}, \frac{\sqrt{\varepsilon+2}}{\sqrt{2+\sqrt{\varepsilon^2+4\varepsilon}}} \right)$ [F] $\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{\varepsilon^2+2+4\varepsilon}}, \frac{\sqrt{2}}{-\sqrt{\varepsilon^2+2+4\varepsilon}} \right)$

[G] nessuna delle altre

Quesito n. C Si dica per quale dei seguenti intervalli (a, b) si ha : $\forall 0 < \varepsilon < \sqrt{3} \exists (a, b) \ni \{1\} : x \in (a, b) \Rightarrow \left| \frac{\sqrt{2x^2+2}}{x} - \sqrt{3} \right| < \varepsilon$

[A] $\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{\varepsilon^2+2\sqrt{3}\varepsilon+2}}, \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{\varepsilon^2-2\sqrt{3}\varepsilon+2}} \right)$ [B] $\left(\frac{1}{1+\sqrt{\varepsilon^2+3\varepsilon}}, \frac{1}{1-\sqrt{-\varepsilon^2+4\varepsilon}} \right)$ [C] $\left(\frac{1}{1+\sqrt{2\varepsilon^2+4\varepsilon}}, \frac{1}{1-\sqrt{2\varepsilon^2+4\varepsilon}} \right)$

[D] $\left(\frac{\sqrt{2+\varepsilon}}{\sqrt{2\varepsilon^2+2\sqrt{3}\varepsilon+2}}, \frac{\sqrt{2+\varepsilon}}{\sqrt{\varepsilon^2-2\sqrt{3}\varepsilon+2}} \right)$ [E] $\left(\frac{1}{2+2\sqrt{2\varepsilon^2+4\varepsilon}}, \frac{1}{2-\sqrt{2\varepsilon^2+4\varepsilon}} \right)$ [F] $\left(\frac{1}{\sqrt{\varepsilon^2+1+2\sqrt{3}\varepsilon}}, \frac{1}{\sqrt{-\varepsilon^2+2\sqrt{3}\varepsilon+1}} \right)$

[G] nessuna delle altre

Quesito n. D Si dica per quale dei seguenti intervalli (a, b) si ha : $\forall 0 < \varepsilon < \frac{3}{2} \exists (a, b) \ni \{2\} : x \in (a, b) \Rightarrow \left| \frac{\sqrt{2x^2+1}}{x} - \frac{3}{2} \right| < \varepsilon$

[A] $\left(\frac{2}{\sqrt{4\varepsilon^2+12\varepsilon+1}}, \frac{2}{\sqrt{4\varepsilon^2-12\varepsilon+1}} \right)$ [B] $\left(\frac{4}{2+4\sqrt{\varepsilon^2+3\varepsilon}}, \frac{4}{2+4\sqrt{-\varepsilon^2+3\varepsilon}} \right)$ [C] $\left(\frac{2}{2\varepsilon+\sqrt{12\varepsilon+1}}, \frac{2}{-2\varepsilon+\sqrt{12\varepsilon+1}} \right)$

[D] $\left(\frac{2-\varepsilon}{\sqrt{4\varepsilon^2+1}}, \frac{2+\varepsilon}{\sqrt{4\varepsilon^2+1}} \right)$ [E] $\left(\frac{2\sqrt{3}-\varepsilon}{\sqrt{4\varepsilon^2+2}}, \frac{2\sqrt{2}+\varepsilon}{\sqrt{4\varepsilon^2+2}} \right)$ [F] $\left(\frac{2}{\sqrt{(2\varepsilon+1)^2+8\varepsilon}}, \frac{2}{\sqrt{(2\varepsilon+1)^2-16\varepsilon}} \right)$

[G] nessuna delle altre

Quesito n. E Si dica per quale dei seguenti intervalli (a, b) si ha : $\forall 0 < \varepsilon < \sqrt{3} \exists (a, b) \ni \{\sqrt{2}\} : x \in (a, b) \Rightarrow \left| \frac{\sqrt{2x^2+2}}{x} - \sqrt{3} \right| < \varepsilon$

[A] $\left(\frac{2}{\sqrt{2\varepsilon^2+4\sqrt{3}\varepsilon+2}}, \frac{2}{\sqrt{2\varepsilon^2-4\sqrt{3}\varepsilon+2}} \right)$ [B] $\left(\frac{2}{\sqrt{2\varepsilon^2+4\sqrt{3}\varepsilon+\sqrt{2}}}, \frac{2}{\sqrt{2\varepsilon^2-4\sqrt{3}\varepsilon+\sqrt{2}}} \right)$ [C] $\left(\frac{2}{\varepsilon\sqrt{2+4\sqrt{3}\varepsilon+2}}, \frac{2}{-\varepsilon\sqrt{2+4\sqrt{3}\varepsilon+2}} \right)$

[D] $\left(\frac{2}{\varepsilon\sqrt{2+4\sqrt{3}\varepsilon+2}}, \frac{2}{-\varepsilon\sqrt{2+4\sqrt{3}\varepsilon+2}} \right)$ [E] $\left(\frac{2-\sqrt{2\varepsilon}}{\sqrt{2\varepsilon^2+4\sqrt{3}\varepsilon+\sqrt{2}}}, \frac{2+\sqrt{2\varepsilon}}{\sqrt{2\varepsilon^2-4\sqrt{3}\varepsilon+\sqrt{2}}} \right)$ [F] $\left(\frac{2-\sqrt{\varepsilon}}{\varepsilon\sqrt{2+4\sqrt{3}\varepsilon+2}}, \frac{2+\sqrt{\varepsilon}}{-\varepsilon\sqrt{2+4\sqrt{3}\varepsilon+2}} \right)$

[G] nessuna delle altre

Quesito n. F Si dica per quale dei seguenti intervalli (a, b) si ha : $\forall 0 < \varepsilon < 1 \exists (a, b) \ni \{2\} : x \in (a, b) \Rightarrow \left| \frac{\sqrt{x^2+2}}{x} - \sqrt{\frac{3}{2}} \right| < \varepsilon$

[A] $\left(\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{4\varepsilon^2+4\sqrt{6}\varepsilon+2}}, \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{4\varepsilon^2-4\sqrt{6}\varepsilon+2}} \right)$ [B] $\left(\frac{2\sqrt{2}-\sqrt{2\varepsilon}}{\sqrt{4\varepsilon^2+4\sqrt{6}\varepsilon+2}}, \frac{2\sqrt{2}+\sqrt{2\varepsilon}}{\sqrt{4\varepsilon^2-4\sqrt{6}\varepsilon+2}} \right)$ [C] $\left(\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2+4\sqrt{4\varepsilon^2+4\sqrt{6}\varepsilon}}}, \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2+4\sqrt{4\varepsilon^2+4\sqrt{6}\varepsilon}}} \right)$

[D] $\left(\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2+4\sqrt{4\varepsilon^2+4\sqrt{6}\varepsilon}}}, \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2+4\sqrt{4\varepsilon^2+4\sqrt{6}\varepsilon}}} \right)$ [E] $\left(\frac{2-\sqrt{2\varepsilon}}{\sqrt{(4+4\sqrt{6})\varepsilon+2}}, \frac{2+\sqrt{2\varepsilon}}{\sqrt{(4+4\sqrt{6})\varepsilon+2}} \right)$ [F] $\left(\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{4\varepsilon^2+6\sqrt{6}\varepsilon+2}}, \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{4\varepsilon^2-6\sqrt{6}\varepsilon+2}} \right)$

[G] nessuna

delle altre

Problema n. 229

Quesito n. A $\forall M > \sqrt{2} \exists x_o : x \in (0, x_o) \Rightarrow \frac{\sqrt{2x^2+1}}{x} > M$ e x_o è dato da

[A] $\frac{1}{\sqrt{M^2-2}}$ [B] $\frac{1}{M^2-2}$ [C] $\frac{1}{3\sqrt{2}(M-\sqrt{2})}$ [D] $\frac{1}{(M^2-2)^2}$ [E] $\frac{1}{(M^2-2)^{3/2}}$ [F] $\frac{1}{(M-\sqrt{2})(M+\sqrt{2})^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B $\forall M > \sqrt{2} \exists x_o : x \in (0, x_o) \Rightarrow \frac{\sqrt{2x^2+2}}{x} > M$ e x_o è dato da

[A] $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{M^2-2}}$ [B] $\frac{\sqrt{2}}{M^2-2}$ [C] $\frac{\sqrt{2}}{3\sqrt{2}(M-\sqrt{2})}$ [D] $\frac{\sqrt{2}}{(M^2-2)^2}$ [E] $\frac{\sqrt{2}}{(M^2-2)^{3/2}}$ [F] $\frac{\sqrt{2}}{(M-\sqrt{2})(M+\sqrt{2})^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C $\forall M > 1 \exists x_o : x \in (0, x_o) \Rightarrow \frac{\sqrt{x^2+2}}{x} > M$ e x_o è dato da

[A] $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{M^2-1}}$ [B] $\frac{\sqrt{2}}{M^2-1}$ [C] $\frac{\sqrt{2}}{3(M-1)}$ [D] $\frac{\sqrt{2}}{(M^2-1)^2}$ [E] $\frac{\sqrt{2}}{(M^2-1)^{3/2}}$ [F] $\frac{\sqrt{2}}{(M-1)(M+1)^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D $\forall M > 1 \exists x_o : x \in (0, x_o) \Rightarrow \frac{\sqrt{x^2+3}}{x} > M$ e x_o è dato da

[A] $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{M^2-1}}$ [B] $\frac{\sqrt{3}}{M^2-1}$ [C] $\frac{1}{3(M-1)}$ [D] $\frac{\sqrt{3}}{(M^2-1)^2}$ [E] $\frac{\sqrt{3}}{(M^2-1)^{3/2}}$ [F] $\frac{\sqrt{3}}{(M-1)(M+1)^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E $\forall M > \sqrt{3} \exists x_o : x \in (0, x_o) \Rightarrow \frac{\sqrt{3x^2+1}}{x} > M$ e x_o è dato da

[A] $\frac{1}{\sqrt{M^2-3}}$ [B] $\frac{1}{M^2-3}$ [C] $\frac{1}{3\sqrt{3}(M-\sqrt{3})}$ [D] $\frac{1}{(M^2-3)^2}$ [E] $\frac{1}{(M^2-3)^{3/2}}$ [F] $\frac{1}{(M-\sqrt{3})(M+\sqrt{3})^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F $\forall M > \sqrt{3} \exists x_o : x \in (0, x_o) \Rightarrow \frac{\sqrt{3x^2+3}}{x} > M$ e x_o è dato da

[A] $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{M^2-3}}$ [B] $\frac{\sqrt{3}}{M^2-3}$ [C] $\frac{\sqrt{3}}{3\sqrt{3}(M-\sqrt{3})}$ [D] $\frac{\sqrt{3}}{(M^2-3)^2}$ [E] $\frac{\sqrt{3}}{(M^2-3)^{3/2}}$ [F] $\frac{\sqrt{3}}{(M-\sqrt{3})(M+\sqrt{3})^2}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 230

Quesito n. A Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (2 - \delta(\varepsilon), 2 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{2} - 2 \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \frac{1}{4}, b = 1$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove

$\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (2 - \delta(\varepsilon), 2 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{3} - \frac{4}{3} \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \frac{3}{4}, b = 1$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = \frac{1}{2}$ [C] $a = \frac{1}{6}, b = 1$ [D] $a = \frac{1}{8}, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 1$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (3 - \delta(\varepsilon), 3 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{3} - 3 \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \frac{3}{4}, b = 1$ [B] $a = \frac{1}{8}, b = 2$ [C] $a = 3, b = 1$ [D] $a = \frac{1}{16}, b = \frac{1}{4}$ [E] $a = 2, b = 3$ [F] $a = 2, b = 1$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (1 - \delta(\varepsilon), 1 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{3} - \frac{1}{3} \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \frac{3}{2}, b = 1$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = \frac{5}{2}, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = \frac{3}{2}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 1$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (1 - \delta(\varepsilon), 1 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{2} - 2 \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = 1, b = 1$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = 2$ [C] $a = 2, b = 1$ [D] $a = \frac{1}{4}, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = \frac{2}{3}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (4 - \delta(\varepsilon), 4 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{2} - 2 \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \frac{1}{8}, b = 1$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = 4$ [C] $a = 4, b = 1$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 4, b = 4$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 231

Quesito n. A Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (2 - \delta(\varepsilon), 2 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{2} - 2 \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \sqrt{2}, b = \frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = 2$ [C] $a = 2\sqrt{2}, b = \sqrt{2}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = \sqrt{2}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (2 - \delta(\varepsilon), 2 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{3} - \frac{4}{3} \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \sqrt{3}, b = \frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = \frac{1}{2}$ [C] $a = 3\sqrt{3}, b = 1$ [D] $a = \frac{1}{\sqrt{3}}, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{3}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (3 - \delta(\varepsilon), 3 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{3} - 3 \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \sqrt{3}, b = \frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{8}, b = 2$ [C] $a = 13, b = \frac{1}{2}$ [D] $a = \frac{1}{16}, b = \frac{1}{4}$ [E] $a = 2, b = 3$ [F] $a = 2, b = \sqrt{3}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (1 - \delta(\varepsilon), 1 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{3} - \frac{1}{3} \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \sqrt{3}, b = \frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = \frac{1}{2}$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = 3, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = \frac{3}{2}, b = \frac{1}{3}$ [F] $a = 2, b = 3$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (1 - \delta(\varepsilon), 1 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{2} - 2 \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = \sqrt{2}, b = \frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = 2$ [C] $a = 2, b = 1$ [D] $a = \frac{1}{4}, b = \frac{1}{2}$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = \frac{2}{3}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{\delta(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $\delta(\varepsilon)$ è tale che $x \in (4 - \delta(\varepsilon), 4 + \delta(\varepsilon)) \Rightarrow \left| \frac{x^2}{2} - 2 \right| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

[A] $a = 1, b = \frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = 4$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 4$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 232 simile al 227

Quesito n. A Sia data la funzione $f(x) = 2x\sqrt{1 - \frac{1}{x^2}}$ $x \geq 1$. Allora $\forall \varepsilon > 0 \exists x_o(\varepsilon) : x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - 2x| < \varepsilon$ e $x_o(\varepsilon)$ è dato da

[A] $\frac{4+\varepsilon^2}{4\varepsilon}$ [B] $\frac{16+\varepsilon^2}{8\varepsilon}$ [C] $\frac{24+\varepsilon^2}{16\varepsilon}$ [D] $\frac{96+\varepsilon^2}{24\varepsilon}$ [E] $\frac{4+2\varepsilon^2}{8\varepsilon}$ [F] $\frac{1+\varepsilon^2}{\sqrt{\varepsilon}}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Sia data la funzione $f(x) = \frac{1}{2}x\sqrt{1 - \frac{4}{x^2}}$ $x \geq 2$. Allora $\forall \varepsilon > 0 \exists x_o(\varepsilon) : x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - \frac{1}{2}x| < \varepsilon$ e $x_o(\varepsilon)$ è dato da

[A] $\frac{1+\varepsilon^2}{\varepsilon}$ [B] $\frac{12+\varepsilon^2}{4\varepsilon}$ [C] $\frac{24+\varepsilon^2}{6\varepsilon}$ [D] $\frac{4+\varepsilon^2}{\varepsilon}$ [E] $\frac{1+4\varepsilon^2}{2\varepsilon}$ [F] $\frac{1+2\varepsilon^2}{\sqrt{\varepsilon}}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Sia data la funzione $f(x) = x\sqrt{1 - \frac{4}{x^2}}$ $x \geq 2$. Allora $\forall \varepsilon > 0 \exists x_o(\varepsilon) : x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - x| < \varepsilon$ e $x_o(\varepsilon)$ è dato da

- [A] $\frac{4+\varepsilon^2}{2\varepsilon}$ [B] $\frac{16+\varepsilon^2}{4\varepsilon}$ [C] $\frac{48+\varepsilon^2}{8\varepsilon}$ [D] $\frac{96+\varepsilon^2}{12\varepsilon}$ [E] $\frac{1+\varepsilon^2}{\varepsilon}$ [F] $\frac{1+3\varepsilon^2}{\sqrt{\varepsilon}}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D $\forall r > 0 \exists \delta_r : x \in (-\delta_r, \delta_r) \setminus \{0\} \Leftrightarrow \frac{2x^2 - 2x + 1}{2x^2} > r$ e δ_r è dato da

- [A] $\begin{cases} \frac{\sqrt{2r-1}-1}{2(r-1)} & \text{se } r > 1 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{2r-1}}{2(1-r)} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{\sqrt{3r-2}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{3r-2}}{1-r} & \text{se } \frac{2}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{2}{3} \end{cases}$ [C]

- [D] $\begin{cases} \frac{\sqrt{4r-3}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{4r-3}}{1-r} & \text{se } \frac{3}{4} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{3}{4} \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{\sqrt{3r-2}-1}{2(r-1)} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{3r-2}}{2(1-r)} & \text{se } \frac{2}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{2}{3} \end{cases}$

- [F] $\begin{cases} \frac{\sqrt{2r-1}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{2r-1}}{1-r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E $\forall r > 0 \exists \delta_r : x \in (-\delta_r, \delta_r) \setminus \{0\} \Leftrightarrow \frac{2x^2 + 2x + 1}{x^2} > r$ e δ_r è dato da

- [A] $\begin{cases} \frac{\sqrt{r-1}-1}{r-2} & \text{se } r > 2 \\ \frac{1}{2} & \text{se } r = 2 \\ \frac{1-\sqrt{r-1}}{2-r} & \text{se } 1 \leq r < 2 \\ +\infty & r < 1 \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{\sqrt{3r-2}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{3r-2}}{1-r} & \text{se } \frac{2}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{2}{3} \end{cases}$ [C]

- [D] $\begin{cases} \frac{\sqrt{4r-3}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{4r-3}}{1-r} & \text{se } \frac{3}{4} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{3}{4} \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{\sqrt{3r-2}-1}{2(r-1)} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{3r-2}}{2(1-r)} & \text{se } \frac{2}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{2}{3} \end{cases}$

- [F] $\begin{cases} \frac{\sqrt{2r-1}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{2r-1}}{1-r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F $\forall r > 0 \exists \delta_r : x \in (-\delta_r, \delta_r) \setminus \{0\} \Leftrightarrow \frac{x^2 + 4x + 6}{x^2} > r$ e δ_r è dato da

- [A] $\begin{cases} \frac{\sqrt{2(3r-1)}-2}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ \frac{3}{2} & \text{se } r = 1 \\ \frac{2-\sqrt{2(3r-1)}}{1-r} & \text{se } \frac{1}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & \text{se } r < \frac{1}{3} \end{cases}$ [B] $\begin{cases} \frac{\sqrt{3r-2}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{3r-2}}{1-r} & \text{se } \frac{2}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{2}{3} \end{cases}$ [C]

- [D] $\begin{cases} \frac{\sqrt{4r-3}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{4r-3}}{1-r} & \text{se } \frac{3}{4} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{3}{4} \end{cases}$ [E] $\begin{cases} \frac{\sqrt{3r-2}-1}{2(r-1)} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{3r-2}}{2(1-r)} & \text{se } \frac{2}{3} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{2}{3} \end{cases}$

- [F] $\begin{cases} \frac{\sqrt{2r-1}-1}{r-1} & \text{se } r > 1 \\ 1 & \text{se } r = 1 \\ \frac{1-\sqrt{2r-1}}{1-r} & \text{se } \frac{1}{2} \leq r < 1 \\ +\infty & r < \frac{1}{2} \end{cases}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 233

Quesito n. A Data la funzione $f: [1, +\infty)$, $f(x) = 2x\sqrt{1 - \frac{1}{2x}}$, si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{x_o(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $x_o(\varepsilon)$ è tale che $x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - 2x| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

- [A] $a = 1, b = -1$ [B] $a = 1, b = -2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = 2, b = 1$ [E] $a = 2, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Data la funzione $f: [2, +\infty)$, $f(x) = \frac{1}{2}x\sqrt{1 - \frac{4}{x^2}}$, si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{x_o(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $x_o(\varepsilon)$ è tale che $x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - \frac{1}{2}x| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

- [A] $a = 1, b = -1$ [B] $a = 1, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = 2, b = -1$ [E] $a = 2, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Data la funzione $f: [1, +\infty)$, $f(x) = \frac{1}{2}x\sqrt{1 - \frac{1}{x^2}}$, si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \frac{x_o(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $x_o(\varepsilon)$ è tale che $x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - \frac{1}{2}x| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

- [A] $a = 2, b = -1$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [D] $a = 1, b = 2$ [E] $a = 2, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{M \rightarrow +\infty} \frac{\delta(M)}{a(M-1)^b} = 1$ dove $\delta(M)$ è tale che

$$x \in (\delta(M), \delta(M)) \setminus \{0\} \Rightarrow \frac{x^2 + x + 1}{x^2} > M \text{ e per ogni } M > 1$$

- [A] $a = 1, b = 0$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = 1, b = 2$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{M \rightarrow +\infty} \frac{\delta(M)}{a(M-1)^b} = 1$ dove $\delta(M)$ è tale che

$$x \in (\delta(M), \delta(M)) \setminus \{0\} \Rightarrow \frac{x^2 + 2x + 1}{x^2} > M \text{ e per ogni } M > 1$$

- [A] $a = \frac{1}{2}, b = 0$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = 1, b = 2$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{M \rightarrow +\infty} \frac{\delta(M)}{a(M-1)^b} = 1$ dove $\delta(M)$ è tale che

$$x \in (\delta(M), \delta(M)) \setminus \{0\} \Rightarrow \frac{x^2 + 2x + 2}{x^2} > M \text{ e per ogni } M > 1$$

- [A] $a = 1, b = 0$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = 1, b = 2$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 234

Quesito n. A Data la funzione $f: [1, +\infty)$, $f(x) = 2x\sqrt{1 - \frac{1}{x^2}}$, si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{x_o(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $x_o(\varepsilon)$ è tale che $x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - 2x| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

- [A] $a = \frac{1}{4}, b = 1$ [B] $a = 1, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = 2, b = 1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Data la funzione $f: [2, +\infty)$, $f(x) = \frac{1}{2}x\sqrt{1 - \frac{4}{x^2}}$, si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{x_o(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $x_o(\varepsilon)$ è tale che $x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - \frac{1}{2}x| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

- [A] $a = 1, b = 1$ [B] $a = 1, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [D] $a = 2, b = -1$ [E] $a = 2, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Data la funzione $f: [2, +\infty)$, $f(x) = \frac{1}{2}x\sqrt{1 - \frac{1}{x^2}}$, si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{\varepsilon \rightarrow +\infty} \frac{x_o(\varepsilon)}{a\varepsilon^b} = 1$ dove $x_o(\varepsilon)$ è tale che $x > x_o(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - \frac{1}{2}x| < \varepsilon$ e per ogni $\varepsilon > 0$

- [A] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [D] $a = 1, b = 2$ [E] $a = 2, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{M \rightarrow +\infty} \frac{\delta(M)}{aM^b} = 1$ dove $\delta(M)$ è tale che

$$x \in (\delta(M), \delta(M)) \setminus \{0\} \Rightarrow \frac{x^2 + x + 1}{x^2} > M \text{ e per ogni } M > 1$$

- [A] $a = 1, b = -\frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [D] $a = 1, b = 1$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{M \rightarrow +\infty} \frac{\delta(M)}{a(M-1)^b} = 1$ dove $\delta(M)$ è tale che

$$x \in (\delta(M), \delta(M)) \setminus \{0\} \Rightarrow \frac{x^2 + 2x + 1}{x^2} > M \text{ e per ogni } M > 1$$

- [A] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [D] $a = 1, b = -2$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si dica quanto valgono a e b affinché $\lim_{M \rightarrow +\infty} \frac{\delta(M)}{a(M-1)^b} = 1$ dove $\delta(M)$ è tale che

$$x \in (\delta(M), \delta(M)) \setminus \{0\} \Rightarrow \frac{x^2 + 2x + 2}{x^2} > M \text{ e per ogni } M > 1$$

- [A] $a = \sqrt{2}, b = -\frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = 2$ [C] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [D] $a = 1, b = -2$ [E] $a = 2, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = 2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3092

Quesito n. A Sia $0 < \varepsilon < 1$. Affinché l'equazione $\left| \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x} + 2} - 1 \right| < \varepsilon$ sia vera se e solo se $x \in (4 - \delta, 4 + \delta)$, δ deve essere uguale a:

- [A] $\frac{16\varepsilon}{(1+\varepsilon)^2}$ [B] $\frac{\varepsilon}{1+\varepsilon^2}$ [C] $\frac{\sqrt{2\varepsilon}}{1+\varepsilon}$ [D] $\frac{\sqrt{\varepsilon}}{(1+\varepsilon)^2}$ [E] $\frac{8\varepsilon}{(1+\varepsilon)}$ [F] $\frac{\varepsilon}{(1+\sqrt{\varepsilon})^2}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia $0 < \varepsilon < 1$. Affinché l'equazione $\left| \frac{2e^x}{2+e^x} - 1 \right| < \varepsilon$ sia vera se e solo se $x \in (\ln 2 - \delta, \ln 2 + \delta)$, δ deve essere uguale a:

- A** $\ln \frac{1+\varepsilon}{1-\varepsilon}$ **B** $\ln \frac{1+\varepsilon}{1-\sqrt{\varepsilon}}$ **C** $\ln \frac{1-\varepsilon}{1+\varepsilon}$ **D** $\ln \frac{1+\sqrt{\varepsilon}}{1-\varepsilon}$ **E** $\ln \frac{1+\varepsilon}{1+\sqrt{\varepsilon}}$ **F** $\ln \frac{1-e^\varepsilon}{1+\varepsilon}$
G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia $0 < \varepsilon < 1$. Affinché l'equazione $\left| \frac{2 \ln x}{2 + \ln x} - 1 \right| < \varepsilon$ sia vera se e solo se $x \in (e^2 - \delta, e^2 + \delta)$ δ deve essere uguale a:

- A** $e^2 - e^{\frac{2-2\varepsilon}{1+\varepsilon}}$ **B** $e^{\frac{2+2\varepsilon}{1-\varepsilon}} - e^2$ **C** $e^2 - e^{\frac{2-2\varepsilon}{1+2\varepsilon}}$ **D** $\varepsilon e^{\frac{2-\varepsilon}{1+\varepsilon}}$ **E** $\ln(1 + \varepsilon)$
F $\varepsilon \ln(1 + \varepsilon)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia $\varepsilon > 0$ e $x > \frac{\pi}{2}$. Affinché l'equazione $\left| \frac{2 \sin x}{1 + \sin x} - 1 \right| < \varepsilon$ sia vera se e solo se $x \in (x_1, x_2)$, l'intervallo (x_1, x_2) deve essere

- A** $(\frac{\pi}{2}, \pi - \arcsin \frac{1-\varepsilon}{1+\varepsilon})$ **B** $(\frac{\pi}{2}, \pi - \arcsin \frac{1+\varepsilon}{1-\varepsilon})$ **C** $(\frac{\pi}{2} + \varepsilon, \pi - \arcsin \frac{1-\varepsilon}{1+\varepsilon})$
D $(\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} - \arcsin \frac{\varepsilon}{1+\varepsilon})$ **E** $(\frac{\pi}{2}, \pi - \arcsin \frac{1-\varepsilon^2}{1+\varepsilon^2})$ **F** $(\frac{\pi}{2} + \arcsin \frac{\varepsilon}{1+\varepsilon}, \pi - \arcsin \frac{1-\varepsilon}{1+\varepsilon})$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia $\varepsilon > 0$ e $x < 0$. Affinché l'equazione $\left| \frac{2 \cos x}{1 + \cos x} - 1 \right| < \varepsilon$ sia vera se e solo se $x \in (x_1, x_2)$, l'intervallo (x_1, x_2) deve essere

- A** $(-\pi + \arccos \frac{\varepsilon-1}{1+\varepsilon}, 0)$ **B** $(-\pi + \arccos \frac{\varepsilon-1}{1+\varepsilon}, -\varepsilon)$ **C** $(-\pi + \arccos \frac{\varepsilon-1}{1+2\varepsilon}, 0)$
D $(-\pi + \arccos \frac{2\varepsilon-1}{1+\varepsilon}, -\arccos(\varepsilon+1))$ **E** $(-\frac{\pi}{2} + \arccos \frac{\varepsilon}{1+\varepsilon}, -\arccos(\varepsilon+1))$ **F** $(-\pi + \arccos(\varepsilon-1), 0)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia $0 < \varepsilon < 1$ e $x \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$. Affinché l'equazione $\left| \frac{\tan x}{\tan x - 1} - 1 \right| < \varepsilon$ sia vera se e solo se $x \in (x_1, x_2)$, l'intervallo (x_1, x_2) deve essere

- A** $(\frac{\pi}{2}, \pi + \arctan \frac{\varepsilon-1}{\varepsilon})$ **B** $(\frac{\pi}{2} + \arctan \varepsilon, \pi + \arctan \frac{\varepsilon-1}{\varepsilon})$ **C** $(\frac{\pi}{2} + 2 \arctan \varepsilon, \pi + \arctan \frac{\varepsilon-1}{\varepsilon})$ **D** $(\frac{\pi}{2} + \arctan \varepsilon, \pi + \arctan \frac{\varepsilon-1}{2\varepsilon})$ **E** $(\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} + \arctan \varepsilon)$
F $(\frac{\pi}{2} + \arctan \varepsilon, \frac{\pi}{2} + 2 \arctan \varepsilon)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Domino di funzioni

4/dicembre/2012;

Problema n. 3091

Maple

Quesito n. A Si individui il dominio della funzione $f(x) = \sqrt{-\log_2 \log_3(x^2 + 2x)}$

- A** $[-3, -1 - \sqrt{2}] \cup (-1 + \sqrt{2}, 1]$ **B** $[-3, -1 - \sqrt{2}] \cup (0, \sqrt{2} - 1)$ **C** $(-1 - \sqrt{2}, -2] \cup (1, +\infty)$
D $(-\infty, -3] \cup (\sqrt{2} - 1, +\infty)$ **E** $(-\infty, -2] \cup (\sqrt{2} - 1, 1)$ **F** $[-3, 2] \cup [0, 1]$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. B Si individui il dominio della funzione $\sqrt{-\log_2 \log_{1/2}(2x^2 + 2x)}$

- A** $(-\frac{1+\sqrt{3}}{2}, -\frac{1+\sqrt{2}}{2}] \cup [-\frac{1+\sqrt{2}}{2}, -\frac{1+\sqrt{3}}{2})$ **B** $(-\frac{1+\sqrt{3}}{2}, -1) \cup (0, -\frac{1+\sqrt{3}}{2})$ **C** $(-\frac{1+\sqrt{2}}{2}, -1] \cup (0, -\frac{1+\sqrt{2}}{2})$
D $(-\infty, -1)$ **E** $(-\frac{1+\sqrt{3}}{2}, -1) \cup [-\frac{1+\sqrt{2}}{2}, -\frac{1+\sqrt{3}}{2})$ **F** $(-\infty, -1) \cup (0, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. C Si individui il dominio della funzione $f(x) = \sqrt{\log_{1/2} \log_2(x^2 + x)}$

- A** $[-2, -\frac{1+\sqrt{5}}{2}] \cup (-\frac{1+\sqrt{5}}{2}, 1]$ **B** $[-\frac{1+\sqrt{5}}{2}, -1] \cup [0, 1]$ **C** $[-2, -\frac{1+\sqrt{5}}{2}] \cup [0, +\infty)$
D $[-\frac{1+\sqrt{5}}{2}, -1) \cup (0, -\frac{1+\sqrt{5}}{2})$ **E** $(-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$ **F** $(-\frac{1+\sqrt{5}}{2}, -1] \cup (1, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. D Si individui il dominio della funzione $f(x) = \sqrt{\log_{1/3} \log_{1/2}(2x^2 - 2x)}$

- A** $(\frac{1-\sqrt{3}}{2}, \frac{1-\sqrt{2}}{2}] \cup [\frac{1+\sqrt{2}}{2}, \frac{1+\sqrt{3}}{2})$ **B** $(\frac{1-\sqrt{3}}{2}, 0) \cup (1, \frac{1+\sqrt{3}}{2})$ **C** $(\frac{1-\sqrt{2}}{2}, 0) \cup (1, \frac{1+\sqrt{2}}{2})$
D $(-\infty, \frac{1+\sqrt{2}}{2}) \cup (\frac{1+\sqrt{3}}{2}, +\infty)$ **E** $(\frac{1-\sqrt{3}}{2}, \frac{1-\sqrt{2}}{2}] \cup (\frac{1+\sqrt{2}}{2}, +\infty)$ **F** $(\frac{1-\sqrt{3}}{2}, 0) \cup [\frac{1+\sqrt{2}}{2}, \frac{1+\sqrt{3}}{2})$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. E Si individui il dominio della funzione $f(x) = \sqrt{\log_2 \log_{1/2}(6x^2 + 2x)}$

- A** $[-\frac{1}{2}, -\frac{1}{3}] \cup (0, \frac{1}{6}]$ **B** $(-\frac{1-\sqrt{7}}{6}, -\frac{1}{2}] \cup [\frac{1}{6}, \frac{-1+\sqrt{7}}{6})$ **C** $(-\frac{1-\sqrt{7}}{6}, -\frac{1}{3}] \cup (0, -\frac{-1+\sqrt{7}}{6})$
D $(-\frac{1}{2}, \frac{1}{6})$ **E** $(-\infty, -\frac{1}{2}] \cup [\frac{1}{6}, +\infty)$ **F** $(-\infty, -\frac{1}{3}] \cup [\frac{1}{6}, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. F Si individui il dominio della funzione $f(x) = \sqrt{-\log_3 \log_2(x^2 - 2x)}$

- A** $[1 - \sqrt{3}, 1 - \sqrt{2}] \cup (1 + \sqrt{2}, 1 + \sqrt{3}]$ **B** $[1 - \sqrt{3}, 0) \cup (2, 1 + \sqrt{3}]$ **C** $(1 - \sqrt{2}, 0) \cup (2, 1 + \sqrt{2})$
D $[1 - \sqrt{2}, 0) \cup (2, 1 + \sqrt{2}]$ **E** $(-\infty, 1 - \sqrt{2}) \cup (1 + \sqrt{2}, +\infty)$ **F** $(1 - \sqrt{3}, 1 - \sqrt{2}) \cup (1 + \sqrt{2}, 1 + \sqrt{3})$ **G** nessuna delle altre

Problema n. 3095

Maple, sicuro

Quesito n. A Il dominio della funzione $f(x) = (\ln(x^2 - x - 1))^{\ln(-x^2 + 2x + 8)}$ è dato da

- A** $(-2, -1] \cup [2, 4)$ **B** $[-2, -1) \cup (2, 4]$ **C** $[-2, -1] \cup [2, 4]$ **D** $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$
E $(-2, 0] \cup [3, 4)$ **F** $[-2, 0) \cup (2, 4)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il dominio della funzione $f(x) = (\ln(x^2 - x - 1))^{\ln(-x^2 + 6x - 8)}$ è dato da:

- A** $(2, 4)$ **B** $(0, 1] \cup (2, 4]$ **C** $[-1, 4]$ **D** $(-1, 2)$ **E** $[-1, 2]$ **F** $(-2, -1] \cup [2, 4)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il dominio della funzione $f(x) = \sqrt{\frac{\ln(x^2 - 6x + 9)}{x^2 + 3x + 2}}$ è dato da

- A** $(-\infty, -2) \cup (-1, 2] \cup [4, +\infty)$ **B** $(-2, -1) \cup [2, 4)$ **C** $(-\infty, -2) \cup [4, +\infty)$
D $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ **E** $(-\infty, 2] \cup [4, +\infty)$ **F** $(-2, -1) \cup [4, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il dominio della funzione $f(x) = \ln\left(\frac{\sqrt{x-1} - 2\sqrt{x}}{-x^3 + 4x^2 - x - 6}\right)$ è dato da:

- A** $(1, 2) \cup (3, +\infty)$ **B** $[1, 2) \cup (3, +\infty)$ **C** $(1, \frac{3}{2}) \cup (2, 3)$ **D** $(1, 3) \cup (4, 6)$
E $(\frac{3}{2}, 3) \cup (3, +\infty)$ **F** $(\frac{3}{2}, 2) \cup (3, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il dominio della funzione $f(x) = (\ln(x^2 - 2x + 1))^{\ln(\sqrt{x-1} - x + 2)}$ è dato da:

- A** $[2, \frac{5+\sqrt{5}}{2})$ **B** $(1, \frac{5-\sqrt{5}}{2}] \cup (2, +\infty)$ **C** $(1, \frac{5+\sqrt{5}}{2})$ **D** $[1, 2) \cup (3, +\infty)$
E nessun valore di x **F** $(1, 2]$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il dominio della funzione $f(x) = (\ln(\sqrt{x-1} + x - 1))^{\ln(2x^2 - 9x + 9)}$ è dato da:

- A** $[\frac{5-\sqrt{5}}{2}, \frac{3}{2}) \cup (3, +\infty)$ **B** $(1, \frac{3}{2})$ **C** $(\frac{3}{2}, 3)$ **D** $(\frac{3}{2}, 2) \cup [3, +\infty)$ **E** $(1, 3) \cup [\frac{5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$
F $(-\infty, \frac{3}{2}) \cup (3, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3135

Maple

Quesito n. A Il dominio della funzione $\sqrt{(x+1)\ln(x^2 - 5x + 6)}$ è

- A** $[-1, \frac{5-\sqrt{5}}{2}] \cup [\frac{5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **B** $[-\sqrt{5}, \frac{5-\sqrt{5}}{2}] \cup [\frac{5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **C** $(-\infty, -1) \cup [\frac{5+2\sqrt{5}}{2}, +\infty)$
D $[-1, \frac{5}{2}] \cup (3, +\infty)$ **E** $(-1, 2) \cup [3, +\infty)$ **F** $(-\infty, 2) \cup (3, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. B Il dominio della funzione $\sqrt{(x-1)\ln(x^2 + 5x + 6)}$ è

- A** $[\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, -3) \cup (-2, \frac{-5+\sqrt{5}}{2}] \cup [1, +\infty)$ **B** $(-\sqrt{5}, \frac{5-\sqrt{5}}{2}) \cup (\frac{5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$
C $(-\infty, -1] \cup [\frac{5+2\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **D** $(-1, \frac{5}{2}) \cup [3, +\infty)$ **E** $(-3, -2] \cup [1, +\infty)$ **F** $(-3, 2) \cup (1, 2]$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. C Il dominio della funzione $\sqrt{(x+2)\ln(x^2 + 5x + 6)}$ è

- A** $[\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, -3) \cup [\frac{-5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **B** $(-3, -2) \cup [\frac{-5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **C** $(-\infty, -1) \cup (\frac{5+2\sqrt{5}}{2}, +\infty)$
D $(-3, -2] \cup (-2, +\infty)$ **E** $[\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, -3] \cup (1, +\infty)$ **F** $(-3, 2) \cup (1, 2)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. D Il dominio della funzione $\sqrt{(x-4)\ln(x^2 + 5x + 6)}$ è

- A** $[\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, -3) \cup (-2, \frac{-5+\sqrt{5}}{2}] \cup [4, +\infty)$ **B** $[\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, -3] \cup [\frac{-5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$
C $(-\infty, -1) \cup (\frac{5+2\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **D** $(-3, -2) \cup (4, +\infty)$ **E** $[\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, -3] \cup (-2, \frac{5+\sqrt{5}}{2}) \cup (4, +\infty)$ **F** $(-3, 2) \cup (1, 2)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. E Il dominio della funzione $\sqrt{(x+4)\ln(x^2 - 5x + 6)}$ è

- A** $[-4, \frac{5-\sqrt{5}}{2}] \cup [\frac{5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **B** $(-3, -2) \cup (\frac{-5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **C** $(-\infty, -1) \cup (\frac{5+2\sqrt{5}}{2}, +\infty)$
D $[-4, \frac{5-\sqrt{5}}{2}] \cup [\frac{5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **E** $(\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, -3) \cup (-2, \frac{5+\sqrt{5}}{2}) \cup (4, +\infty)$ **F** $(-4, \frac{5-\sqrt{5}}{2}) \cup [\frac{5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. F Il dominio della funzione $\sqrt{(x+4)\ln(x^2 + 5x + 6)}$ è

- A** $[-4, \frac{-5-\sqrt{5}}{2}] \cup [\frac{-5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **B** $[-4, \frac{-5-\sqrt{5}}{2}) \cup (\frac{-5+\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **C** $(-\infty, -1) \cup (\frac{5+2\sqrt{5}}{2}, +\infty)$
D $(-4, -3) \cup (\frac{5+2\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **E** $(\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, -2) \cup (-2, \frac{5+\sqrt{5}}{2}) \cup (5, +\infty)$ **F** $(-4, 2) \cup (\frac{5+2\sqrt{5}}{2}, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Punti di acc., etc.

4/dicembre/2012;

Problema n. 3150

Quesito n. A L'insieme dei punti accumulazione dell'insieme $A = \{x \in \mathbf{R} : x = 2^{2^n} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2}(-1)^n, n \in \mathbf{Z}\}$ è dato da:

- A** I punti $x = 0$ e $x = 1$ **B** solo $x = 0$ **C** solo $x = 2$ **D** Tutto l'insieme A **E** Non ha punti di accumulazione **F** Ogni punto $x \in (1, 2)$
G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B L'insieme dei punti accumulazione dell'insieme $A = \{x \in \mathbf{R} : x = 2^{-2^n} - 1 + (-1)^n, n \in \mathbf{Z}\}$ è dato da:

- A** I punti $x = -2, x = -1, x = 0$ e $x = 1$ **B** I punti $x = -1, x = 0$ e $x = 1$ **C** I punti $x = -2, x = 0$ e $x = 1$ **D** Tutto l'insieme A **E** Non ha punti di accumulazione **F** I punti $x = -2, x = -1, x = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C L'insieme dei punti accumulazione dell'insieme $A = \{x \in \mathbf{R} : x = 2^{2^n(1+(-1)^n)} + 1 + (-1)^n, n \in \mathbf{Z}\}$ è dato da:

- A** Il solo punto $x = 3$ **B** I punti $x = 0, x = 1$ e $x = 3$ **C** I punti $x = -2, x = 0$ e $x = 1$ **D** Tutto l'insieme A **E** Non ha punti di accumulazione **F** I punti $x = -1, x = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D L'insieme dei punti accumulazione dell'insieme $A = \{x \in \mathbf{R} : x = 2^{2^n} + n, n \in \mathbf{Z}\}$ è dato da:

- A** Non ha punti di accumulazione **B** I punti $x = -1, x = 0$ e $x = 1$ **C** I punti $x = -2, x = 0$ e $x = 1$ **D** Tutto l'insieme A **E** I punti $x = 1$ e $x = 2$ **F** I punti $x = -1, x = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E L'insieme dei punti accumulazione dell'insieme $A = \{x \in \mathbf{R} : x = n^{\frac{1-(-1)^n}{2n}}(n - 2 \lfloor \frac{n}{2} \rfloor), n \in \mathbf{Z}\}$ è dato da:

- A** Il punto $x = 1$ **B** Non ha punti di accumulazione **C** I punti $x = 0$ e $x = 1$ **D** Tutto l'insieme A **E** I punti $x = 1$ e $x = 2$ **F** I punti $x = -1, x = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F L'insieme dei punti accumulazione dell'insieme $A = \{x \in \mathbf{R} : x = 2^{2^n} + 2^{-2^n}, n \in \mathbf{Z}\}$ è dato da:

- A** Il punto $x = 2$ **B** Non ha punti di accumulazione **C** I punti $x = 0$ e $x = 1$ **D** Tutto l'insieme A **E** I punti $x = 1$ e $x = 2$ **F** I punti $x = -1, x = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3152

Quesito n. A Sia dato un insieme $A \subset \mathbf{R}$, $A \neq \mathbf{R}$, costituito da infiniti punti e si considerino le seguenti affermazioni: 1) A non può essere un sottoinsieme dell'insieme dei suoi punti di accumulazione 2) A può essere un sottoinsieme dell'insieme dei suoi punti di accumulazione 3) l'insieme dei punti di accumulazione di A non è mai vuoto. Si dica se

☐ A) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è vera, 1) è vera, 3) è falsa ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è vera ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia dato un insieme $A \subset \mathbf{R}$, $A \neq \mathbf{R}$, costituito da infiniti punti e si considerino le seguenti affermazioni: 1) A non può essere un sottoinsieme della frontiera di A 2) A può essere un sottoinsieme della frontiera di A 3) l'insieme dei punti di frontiera di A non è mai vuoto. Si dica se

☐ A) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è vera, 1) è vera, 3) è falsa ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è vera ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Dati due insiemi qualsiasi $A, B \subset \mathbf{R}$, si dica quale delle seguenti affermazioni è vera: 1) $(A \cup B) = \overset{\circ}{A} \cup \overset{\circ}{B}$, 2) $A \cap B = \overset{\circ}{A} \cap \overset{\circ}{B}$, 3) $\overset{\circ}{A \cup B} = \overset{\circ}{A} \cup \overset{\circ}{B}$. Si dica se

☐ A) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è vera ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è vera, 1) è vera, 3) è falsa ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera: 1) L'insieme dei punti di accumulazione di un qualsiasi insieme è un insieme chiuso 2) la frontiera di un insieme è un insieme chiuso 3) $\bigcup_{i=1}^{\infty} C_i$ è un insieme chiuso se ciascun insieme C_i è chiuso.

☐ A) 2) è vera, 1) è vera, 3) è falsa ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è vera ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera: 1) Esistono insiemi chiusi $A \subset \mathbf{R}$ per i quali $\overset{\circ}{\partial A} \neq \emptyset$ 2) Esistono insiemi aperti $A \subset \mathbf{R}$ per i quali $\overset{\circ}{\partial A} \neq \emptyset$ 3) Esistono insiemi né aperti né chiusi $A \subset \mathbf{R}$ per i quali $\overset{\circ}{\partial A} \neq \emptyset$.

☐ A) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è vera ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è vera, 1) è vera, 3) è falsa ☐ F) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera: dato un qualsiasi insieme $A \subset \mathbf{R}$ allora 1) $\partial(\partial A) \supset \partial A$ 2) $(A')' \subset A'$ dove A' è l'insieme dei punti di accumulazione di A 3) $\partial(\overline{A}) \subset \partial A$

☐ A) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è vera ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è vera, 1) è vera, 3) è falsa ☐ F) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3153

Quesito n. A Sia dato un qualsiasi insieme $A \subset \mathbf{R}$, e sia A' l'insieme dei suoi punti di accumulazione. Si considerino le seguenti affermazioni: 1) $\partial A \subset A$, 2) $A' \subset A$ 3) $A \subset \partial A \cup A'$. Allora

☐ A) Se 1) è vera allora 2) è vera ☐ B) Se 1) è vera allora 3) è vera ☐ C) Se 1) è vera allora 2) è falsa ☐ D) Se 1) è vera allora 2) è vera e 3) è vera ☐ E) Se 1) è falsa allora 2) è vera e 3) è vera ☐ F) Se 3) è vera allora 1) è vera ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia dato un qualsiasi insieme $A \subset \mathbf{R}$ e sia A' l'insieme dei suoi punti di accumulazione. Si considerino le seguenti affermazioni: 1) Se A è costituito da infiniti punti, allora $A' \neq \emptyset$ 2) se A è limitato allora $A' \neq \emptyset$, 3) se $A = \overline{A}$ allora $A' \neq \emptyset$

☐ A) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ B) 2) è vera, 1) è vera, 3) è vera ☐ C) 2) è vera, 1) è vera, 3) è falsa ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia dato un qualsiasi insieme $A \subset \mathbf{R}$ e sia A' l'insieme dei suoi punti di accumulazione. Si considerino le seguenti affermazioni: 1) Se A è costituito da infiniti punti, allora $A' \neq \emptyset$ 2) se A è costituito da infiniti punti ed è limitato allora $A' \neq \emptyset$, 3) se $A = \overline{A}$ allora $A' \neq \emptyset$

☐ A) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è vera, 1) è vera, 3) è falsa ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è vera ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia dato un qualsiasi insieme $A \subset \mathbf{R}$ e sia A' l'insieme dei suoi punti di accumulazione. Si considerino le seguenti affermazioni: 1) $\partial A, A'$ è costituito solo da punti isolati 2) se $A' \subset A$ allora A è chiuso 3) se $\partial A \subset A$ allora A è chiuso

☐ A) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è vera ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è vera ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è vera ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia dato un qualsiasi insieme $A \subset \mathbf{R}$ e sia A' l'insieme dei suoi punti di accumulazione. Si considerino le seguenti affermazioni: 1) un insieme costituito da soli punti isolati può avere punti di accumulazione 2) se $A' = A$ allora A può essere chiuso 3) $(A')' \subset A'$

☐ A) 2) è vera, 1) è vera, 3) è vera ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è vera ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è vera ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia dato un qualsiasi insieme $A \subset \mathbf{R}$ e sia A' l'insieme dei suoi punti di accumulazione. Si considerino le seguenti affermazioni: 1) un insieme costituito da soli punti isolati non può avere punti di accumulazione 2) se $(\partial A)' \subset A$ 3) $\partial(A') \subset A$

☐ A) 2) è vera, 1) è falsa, 3) è vera ☐ B) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è falsa ☐ C) 2) è vera, 1) è vera, 3) è vera ☐ D) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è falsa ☐ E) 2) è falsa, 1) è falsa, 3) è vera ☐ F) 2) è falsa, 1) è vera, 3) è vera ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3155

Quesito n. A Sia dato l'insieme

$A = \{x \in \mathbf{R}: x = \frac{p}{q}, q \text{ intero pari, } p \text{ e } q \text{ primi fra di loro}\}$. L'insieme dei punti di accumulazione di A è

☐ A) Tutto $\mathbf{R}$ ☐ B) tutti i numeri reali pari ☐ C) non ha punti di accumulazione ☐ D) tutti i numeri razionali pari ☐ E) tutti i numeri reali minori di 1 ☐ F) tutti i numeri reali maggiori di 1/2 ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia dato l'insieme

$A = \{x \in \mathbf{R}: x = \frac{p}{q}, q \text{ intero pari, } p \text{ e } q \text{ primi fra di loro}\}$ e $B = \{x \in \mathbf{R}: x = \frac{p}{q}, q \text{ intero dispari, } p \text{ e } q \text{ primi fra di loro}\}$. Allora

☐ A) $\overline{A} = \overline{B}$ ☐ B) $\overline{A} \subset \overline{B}$ e $\overline{A} \neq \overline{B}$ ☐ C) $\overline{A} \supset \overline{B}$ e $\overline{A} \neq \overline{B}$ ☐ D) $\overline{A}$ è dato dai numeri reali pari ☐ E) $\overline{B}$ è dato dai numeri reali dispari ☐ F) $\overline{A} \subset A$ e $\overline{B} \subset B$ ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia $A \subset (0, 1)$ il sottoinsieme dei razionali il cui sviluppo decimale è finito e contiene non più di 10 cifre. Allora l'insieme dei punti di accumulazione di A è

☐ A) vuoto ☐ B) tutto $(0, 1)$ ☐ C) tutto $[0, 1]$ ☐ D) A ☐ E) $(0, 1) \setminus A$ ☐ F) $[0, 1] \setminus A$ ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia $A \subset (0, 1)$ il sottoinsieme dei razionali il cui sviluppo decimale ha la prima cifra nulla ossia $x \in A$ se $x = 0, 0x_2x_3 \dots, x_j$ intero compreso fra 0 e 9. Allora l'insieme dei punti di accumulazione di A è

☐ A) l'intervallo $[0, \frac{1}{10}]$ ☐ B) tutto $(0, 1)$ ☐ C) tutto $[0, 1]$ ☐ D) A ☐ E) $[\frac{9}{10}, 1]$ ☐ F) $[0, 1] \setminus A$ ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia $A \subset (0, 1)$ il sottoinsieme dei razionali della forma: $x_1 = 0, 9 + \frac{1}{2}, x_n = 0, \underset{n \text{ termini}}{9999998} + 2^{-n}$. Allora l'insieme dei punti di accumulazione di A è dato da

☐ A) Un solo punto ☐ B) tutto $(0, 1)$ ☐ C) tutto $[0, 1]$ ☐ D) A ☐ E) due punti ☐ F) $[0, 1] \setminus A$ ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia $A \subset (0, 1)$ il sottoinsieme dei razionali della forma: $x_1 = 0, 9 - 1, x_n = 0, \underset{n \text{ termini}}{9999998} + \frac{-1+(-1)^n}{2}$. Allora l'insieme dei punti di accumulazione di A è dato da

☐ A) due punti ☐ B) tutto $(0, 1)$ ☐ C) tutto $[0, 1]$ ☐ D) A ☐ E) un solo punto ☐ F) $[0, 1] \setminus A$ ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3163

Quesito n. A Sia dato l'insieme $A = [0, 1] \cup B$ con $B = \{x \in \mathbf{R}: x = \frac{1}{n}, n \in \mathbf{N}\}$. La frontiera di A è costituita da

☐ A) 5 punti ☐ B) tutto A ☐ C) tutti i punti di B e solo quelli ☐ D) i punti $\{0\}$ e $\{1\}$ ☐ E) tre punti ☐ F) l'insieme vuoto ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia dato l'insieme $A = [-1, 1] \cup B$ con $B = \{x \in \mathbf{R}: x = (1 + \frac{1}{n})(-1)^n, n \in \mathbf{N}\}$. La frontiera di A è costituita da

☐ A) un insieme infinito-numerabile di punti positivi e un insieme infinito-numerabile di punti negativi ☐ B) un insieme infinito-numerabile di punti tutti positivi ☐ C) un insieme infinito-numerabile di punti tutti negativi ☐ D) due soli punti ☐ E) un insieme infinito-non-numerabile di punti positivi ☐ F) un insieme infinito-non-numerabile di punti negativi ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia dato l'insieme $A = [-1, 1] \cup B$ con $B = \{x \in \mathbf{R}: x = \frac{1}{2} + (\frac{-n+20}{n^2+\sqrt{n}})(1 - (-1)^n), n \in \mathbf{N}\}$. La frontiera di A è costituita da

☐ A) un insieme finito di punti (almeno 5 punti) tutti positivi ☐ B) un insieme infinito-numerabile di punti tutti positivi ☐ C) un insieme infinito-numerabile di punti tutti negativi ☐ D) il solo punto $\frac{1}{2}$ ☐ E) due soli punti ☐ F) l'intervallo $[-1, 1]$ ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia dato l'insieme $A = [-1, 1] \cup [2, 3] \cup B$ con $B = \{x \in \mathbf{R}: x = (\frac{-2n^2+n}{n^2+\sqrt{n-1}}), n \in \mathbf{N}\}$. La frontiera di A è costituita da

☐ A) esattamente quattro punti ☐ B) un insieme infinito-numerabile di punti tutti positivi ☐ C) un insieme infinito-numerabile di punti tutti negativi ☐ D) un solo punto ☐ E) i soli punti $\{-1\}$ e $\{1\}$ ☐ F) l'insieme $[-1, 1] \cup [2, 3]$ ☐ G) nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia dato l'insieme $A = [-1, -\frac{1}{2}] \cup (\frac{1}{2}, 1] \cup B$ con $B = \{x \in \mathbf{R}: x = (\frac{(-1)^n}{4} + \frac{2}{n+8})(1 + (-1)^n), n \in \mathbf{N}\}$. La frontiera di A è costituita da

[A] esattamente cinque punti **[B]** un insieme infinito-numerabile di punti
[C] un insieme infinito-non-numerabile di punti **[D]** un solo punto **[E]** i soli punti $\{-1\}$ e $\{1\}$ **[F]** i punti $\{-1\}, \{-\frac{1}{2}\}, \{\frac{1}{2}\}$ e $\{1\}$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia dato l'insieme $A = (0, 1] \cup B$ con $B = \{x \in \mathbf{R}: x = \frac{1-(-1)^n}{2} + \frac{2n-9}{3+4n^2}, n \in \mathbf{N}\}$. La frontiera di A è costituita da

[A] esattamente sei punti **[B]** un insieme infinito-numerabile di punti
[C] un insieme infinito-non-numerabile di punti **[D]** un solo punto **[E]** i soli punti $\{0\}$ e $\{1\}$ **[F]** tutto l'insieme A **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Tutte le domande di teoria

4/dicembre/2012;

Problema n. 3001

Quesito n. A Si consideri una generica successione c_n e le seguenti affermazioni (1) se è limitata è convergente, (2) se è monotona è convergente, (3) se è convergente è monotona. Siano ora date le seguenti successioni $a_n = n$, $b_n = \frac{(-1)^n}{n}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera (si dice che una successione è convergente se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$)

[A] nessuna delle altre **[B]** a_n soddisfa le ipotesi di (1) ma non la tesi **[C]** b_n soddisfa la ipotesi e la tesi di (3) **[D]** a_n soddisfa la ipotesi ma non la tesi di (3) **[E]** b_n soddisfa la ipotesi e la tesi di (2) **[F]** b_n soddisfa la ipotesi ma non la tesi di (2) **[G]** a_n soddisfa le ipotesi di (1) ma non la tesi e b_n soddisfa le ipotesi di (3) ma non la tesi

Quesito n. B Siano date tre successioni a_n , b_n e c_n che verificano le relazioni $a_n \leq b_n \leq c_n$. Si assumono le seguenti definizioni: (1) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (2) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (3) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (4) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] nessuna delle altre **[B]** se a_n converge e b_n converge allora converge c_n **[C]** se b_n converge e c_n converge allora converge pure a_n **[D]** se a_n diverge negativamente e c_n diverge positivamente allora b_n converge **[E]** se a_n diverge negativamente e c_n diverge positivamente allora b_n diverge positivamente **[F]** se a_n diverge negativamente e c_n diverge positivamente allora b_n diverge negativamente **[G]** se a_n converge e c_n converge allora converge pure b_n

Quesito n. C Siano date tre successioni a_n , b_n e c_n che verificano le relazioni $a_n \leq b_n \leq c_n$. Si assumono le seguenti definizioni: (1) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (2) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (3) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (4) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] nessuna delle altre **[B]** se a_n non è regolare e b_n non è regolare allora c_n non è regolare **[C]** se a_n converge ad un numero positivo e c_n diverge positivamente allora b_n converge ad un numero positivo **[D]** se a_n diverge negativamente e c_n diverge positivamente allora b_n converge al valore zero **[E]** se a_n diverge positivamente e c_n diverge positivamente allora b_n converge **[F]** se a_n diverge negativamente e c_n diverge positivamente allora b_n diverge negativamente **[G]** se a_n non è regolare e c_n non è regolare allora neppure b_n è regolare

Quesito n. D Siano date tre successioni a_n , b_n e c_n che verificano le relazioni $a_n \leq b_n \leq c_n$. Si assumono le seguenti definizioni: (1) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (2) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (3) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (4) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] se a_n diverge positivamente anche b_n diverge positivamente **[B]** se a_n diverge negativamente anche b_n diverge negativamente **[C]** se a_n diverge positivamente, c_n può convergere **[D]** se a_n converge, b_n può divergere negativamente **[E]** se a_n diverge positivamente, c_n può convergere **[F]** se b_n diverge negativamente, a_n può convergere **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. E Siano date tre successioni a_n , b_n e c_n che verificano le relazioni $a_n \leq b_n \leq c_n$. Si assumono le seguenti definizioni: (1) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (2) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (3) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (4) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] se a_n converge, b_n può divergere positivamente **[B]** se a_n diverge negativamente anche b_n diverge negativamente **[C]** se a_n diverge positivamente, c_n può convergere **[D]** se a_n converge, c_n può divergere negativamente **[E]** se a_n diverge positivamente, c_n può convergere **[F]** se b_n diverge positivamente, c_n può convergere **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. F Date due successioni a_n e b_n e si consideri la successione $c_n = a_n b_n$. Si assumono le seguenti definizioni (a)–(d): (a) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (b) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (c) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (d) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Si dica quale delle affermazioni è vera (1) se a_n è limitata e b_n converge allora c_n converge (2) se a_n è limitata e b_n diverge allora c_n diverge (3) se a_n converge al valore zero e b_n diverge allora c_n converge

[A] nessuna delle altre **[B]** solamente (1) **[C]** solamente (3) **[D]** solamente (2) e (3) **[E]** solamente (2) **[F]** solamente (1) e (3) **[G]** solamente (2) e (1)

Problema n. 3002

Quesito n. A Si assumano le seguenti definizioni (a)–(d): (a) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (b) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (c) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (d) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Date due successioni a_n e b_n , si considerino le seguenti affermazioni: (1) se a_n non è regolare e b_n non è regolare allora $a_n + b_n$ non è regolare, (2) se a_n non è regolare e b_n converge allora $a_n + b_n$ converge, (3) se a_n diverge e b_n diverge allora $a_n + b_n$ converge. Allora le successioni $a_n = (-1)^n$, e $b_n = (-1)^n + \frac{1}{n}$

[A] soddisfano le ipotesi di (1) ma non la tesi **[B]** soddisfano le ipotesi e la tesi di (1) **[C]** soddisfano la ipotesi di (1) e di (2) **[D]** soddisfano la ipotesi (3) ma non la tesi **[E]** soddisfano la ipotesi (2) e la tesi **[F]** soddisfano la ipotesi e la tesi di (3) **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. B Si assumano le seguenti definizioni (a)–(d): (a) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (b) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (c) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (d) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Date due successioni a_n e b_n , si considerino le seguenti affermazioni: (1) se a_n non è regolare e b_n non è regolare allora $a_n + b_n$ non è regolare, (2) se a_n non è regolare e b_n converge allora $a_n + b_n$ converge, (3) se a_n diverge e b_n diverge allora $a_n + b_n$ converge. Allora le successioni $a_n = (-2)^n$, e $b_n = (-2)^{n+1} + \frac{1}{n}$

[A] soddisfano le ipotesi di (2) ma non la tesi **[B]** soddisfano le ipotesi e la tesi di (1) **[C]** soddisfano la ipotesi di (1) e di (2) **[D]** soddisfano la ipotesi (1) ma non la tesi **[E]** soddisfano la ipotesi (2) e la tesi **[F]** soddisfano la ipotesi e la tesi di (2) **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. C Si assumano le seguenti definizioni (a)–(d): (a) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (b) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (c) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (d) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Date due successioni a_n e b_n si considerino le seguenti affermazioni: (1) se a_n non è regolare e b_n non è regolare allora $a_n + b_n$ non è regolare, (2) se a_n non è regolare e b_n converge allora $a_n + b_n$ converge, (3) se a_n diverge e b_n diverge allora $a_n + b_n$ converge. Allora le successioni $a_n = n + \frac{1}{n}$, e $b_n = -n$

[A] soddisfano le ipotesi di (3) ma non la tesi **[B]** soddisfano le ipotesi e la tesi di (1) **[C]** soddisfano la ipotesi di (1) e di (2) **[D]** soddisfano la ipotesi (1) ma non la tesi **[E]** soddisfano la ipotesi (2) e la tesi **[F]** soddisfano la ipotesi e la tesi di (3) **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. D Si assumano le seguenti definizioni (a)–(d): (a) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (b) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (c) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (d) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Date due successioni a_n e b_n si considerino le seguenti affermazioni: (1) se a_n non è regolare e b_n non è regolare allora $a_n + b_n$ non è regolare, (2) se a_n non è regolare e b_n converge allora $a_n + b_n$ converge, (3) se a_n diverge e b_n diverge allora $a_n + b_n$ diverge. Allora le successioni $a_n = (-1)^n$, e $b_n = \frac{1}{n}$

[A] soddisfano le ipotesi di (2) ma non la tesi **[B]** soddisfano le ipotesi e la tesi di (1) **[C]** soddisfano la ipotesi di (1) e di (2) **[D]** soddisfano la ipotesi (3) ma non la tesi **[E]** soddisfano la ipotesi (1) e la tesi **[F]** soddisfano la ipotesi e la tesi di (3) **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. E Si assumano le seguenti definizioni (a)–(d): (a) una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, (b) *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, (c) *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, (d) *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Date due successioni a_n e b_n si considerino le seguenti affermazioni: (1) se a_n non è regolare e b_n non è regolare allora $a_n b_n$ non è regolare, (2) se a_n non è regolare e b_n converge allora $a_n b_n$ converge, (3) se a_n diverge e b_n diverge allora $a_n b_n$ diverge. Allora le successioni $a_n = (-1)^n$, e $b_n = (-1)^n \frac{1}{\sqrt{n}}$

[A] soddisfano le ipotesi di (1) ma non la tesi **[B]** soddisfano le ipotesi e la tesi di (1) **[C]** soddisfano la ipotesi di (1) e di (2) **[D]** soddisfano la ipotesi (3) ma non la tesi **[E]** soddisfano la ipotesi (2) e la tesi **[F]** soddisfano la ipotesi e la tesi di (3) **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. F Si assumano le seguenti definizioni **(a) – (d)** : **(a)** una successione *converge* se esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, **(b)** *diverge positivamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$, **(c)** *diverge negativamente* se $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = -\infty$, **(d)** *non è regolare* se non converge né diverge sia positivamente che negativamente. Date due successioni a_n e b_n si considerino le seguenti affermazioni: **(1)** se a_n non è regolare e b_n non è regolare allora $a_n b_n$ non è regolare, **(2)** se a_n non è regolare e b_n converge allora $a_n b_n$ converge, **(3)** se a_n diverge e b_n diverge allora $a_n b_n$ diverge. Allora le successioni $a_n = (-1)^n n^2$, e $b_n = \frac{1}{n}$,

[A] soddisfano le ipotesi di **(2)** ma non la tesi **[B]** soddisfano le ipotesi e la tesi di **(1)** **[C]** soddisfano la ipotesi di **(1)** e di **(2)** **[D]** soddisfano la ipotesi **(3)** ma non la tesi **[E]** soddisfano la ipotesi **(1)** e la tesi **[F]** soddisfano la ipotesi e la tesi di **(3)** **[G]** nessuna delle altre

Problema n. 3003

Quesito n. A Data una successione a_n si considerino le seguenti tre affermazioni: $\exists l \in \mathbf{R}$ (lo stesso per ciascuna delle **(1)–(3)**) tale che : **(1)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \Rightarrow |a_n - l| < \frac{1}{\varepsilon}$ **(2)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu' : n > \nu' \Rightarrow |a_n - l|^2 < \varepsilon$ **(3)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \tilde{\nu} : n > \tilde{\nu} \Rightarrow |a_n^2 - l^2| < \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$?

[A] solamente **(1)** e **(2)** **[B]** solamente **(1)** **[C]** solamente **(3)** **[D]** solamente **(1)** e **(3)** **[E]** solamente **(2)** e **(3)** **[F]** solamente **(2)** **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. B Data una successione $a_n \neq 0$ si considerino le seguenti tre affermazioni: $\exists l \in \mathbf{R}$ (lo stesso per ciascuna delle **(1)–(3)**) tale che : **(1)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \Rightarrow |\ln |a_n| - \ln |l|| < \varepsilon$, **(2)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu' : n > \nu' \Rightarrow |a_n - l|^2 < |\sin \varepsilon|$ **(3)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \tilde{\nu} : n > \tilde{\nu} \Rightarrow |\cos a_n - \cos l| < \frac{|\sin \varepsilon|}{\varepsilon}$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$?

[A] solamente **(2)** e **(3)** **[B]** solamente **(1)** **[C]** solamente **(3)** **[D]** solamente **(1)** e **(3)** **[E]** solamente **(1)** e **(2)** **[F]** solamente **(2)** **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. C Data una successione a_n si considerino le seguenti tre affermazioni: $\exists l \in \mathbf{R}$ (lo stesso per ciascuna delle **(1)–(3)**) tale che : **(1)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \Rightarrow |a_n - l| < |\cos \varepsilon|$, **(2)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu' : n > \nu' \Rightarrow |a_n - l|^2 < \frac{|\sin \sqrt{\varepsilon}|}{\varepsilon}$ **(3)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \tilde{\nu} : n > \tilde{\nu} \Rightarrow |\cos a_n - \cos l| < \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$?

[A] nessuna delle altre **[B]** solamente **(1)** **[C]** solamente **(3)** **[D]** solamente **(1)** e **(3)** **[E]** solamente **(1)** e **(2)** **[F]** solamente **(2)** **[G]** solamente **(2)** e **(3)**

Quesito n. D Data una successione a_n si considerino le seguenti tre affermazioni: $\exists l \in \mathbf{R}$ (lo stesso per ciascuna delle **(1)–(3)**) tale che : **(1)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \Rightarrow \ln(1 + |a_n - l|) < \varepsilon$, **(2)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu' : n > \nu' \Rightarrow |a_n^4 - l^4| < |\sin \sqrt{\varepsilon}|$ **(3)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \tilde{\nu} : \forall n \Rightarrow |a_n - l| < \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$?

[A] solamente **(1)** **[B]** solamente **(1)** e **(2)** **[C]** solamente **(3)** **[D]** solamente **(1)** e **(3)** **[E]** solamente **(2)** e **(3)** **[F]** solamente **(2)** **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. E Data una successione a_n si considerino le seguenti tre affermazioni: $\exists l \in \mathbf{R}$ (lo stesso per ciascuna delle **(1)–(3)**) tale che : **(1)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \Rightarrow \ln(1 + |a_n - l|^2) < \varepsilon$, **(2)** $\exists \varepsilon_0 : \forall 0 < \varepsilon < \varepsilon_0 \exists \nu' : n > \nu' \Rightarrow |a_n - l| < |\sin \sqrt{\varepsilon}|$, **(3)** $\exists \varepsilon_0$ t.c. $\forall \varepsilon > \varepsilon_0 \exists \tilde{\nu} : n > \tilde{\nu} \Rightarrow |a_n - l| < \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$?

[A] solamente **(1)** e **(2)** **[B]** solamente **(1)** **[C]** solamente **(3)** **[D]** solamente **(1)** e **(3)** **[E]** solamente **(2)** e **(3)** **[F]** solamente **(2)** **[G]** nessuna delle altre

Quesito n. F Data una successione a_n si considerino le seguenti tre affermazioni: $\exists l \in \mathbf{R}$ (lo stesso per ciascuna delle **(1)–(3)**) tale che : **(1)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \Rightarrow \ln(1 + |a_n - l|^2) < |\cos \varepsilon|$, **(2)** $\exists \varepsilon_0 : \forall 0 < \varepsilon < \varepsilon_0 \exists \nu' : n > \nu' \Rightarrow |a_n - l| < |\sin \sqrt{\varepsilon}|$ **(3)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \tilde{\nu} : \forall n \geq 10 \Rightarrow |a_n - l| < \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$?

[A] nessuna delle altre **[B]** solamente **(1)** **[C]** solamente **(3)** **[D]** solamente **(1)** e **(2)** **[E]** solamente **(2)** e **(3)** **[F]** solamente **(2)** **[G]** solamente **(1)** e **(3)**

Problema n. 3004

Quesito n. A Data una successione a_n si consideri: **(1)** $\exists l \in \mathbf{R} : \forall \varepsilon > 0 |a_n - l| < \varepsilon \forall n$, **(2)** $a_n < a_{n+1} \forall n$ **(3)** $\exists l \in \mathbf{R} : \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(1)** implica **(3)** ma **(3)** non implica **(1)** **[B]** **(1)** implica **(2)** e **(2)** implica **(1)** **[C]** **(3)** implica **(2)** ma **(2)** non implica **(3)** **[D]** **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[E]** **(3)** implica **(1)** e **(2)** **[F]** **(2)** implica **(1)** e **(3)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Data una successione a_n si consideri: **(1)** $\exists l \in \mathbf{R} : \forall \varepsilon > 0 |a_n - l| < \varepsilon \forall n$, **(2)** $a_n \leq a_{n+1}$ e $|a_n| \leq M \forall n$ **(3)** $\exists l \in \mathbf{R} : \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$ oppure $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = +\infty$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(1)** implica **(2)** ma **(2)** non implica **(1)** **[B]** **(3)** implica **(1)** ma **(1)** non implica **(3)** **[C]** **(3)** implica **(2)** ma **(2)** non implica **(3)** **[D]** **(3)** implica **(2)** e **(2)** implica **(3)** **[E]** **(1)** implica **(2)** e **(2)** implica **(1)** **[F]** **(2)** implica **(3)** e **(1)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Data una successione a_n si consideri: **(1)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} |a_{n+1} - a_n| = 0$ **(2)** $a_n \leq a_{n+1}$ e $|a_n| \leq M \forall n$ **(3)** $\exists l \in \mathbf{R} : \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(2)** implica **(3)** e **(3)** non implica **(2)** **[B]** **(3)** implica **(1)** e **(1)** implica **(3)** **[C]** **(3)** implica **(2)** ma **(2)** non implica **(3)** **[D]** **(1)** implica **(3)** ma **(3)** non implica **(1)** **[E]** **(1)** implica **(2)** e **(2)** implica **(1)** **[F]** **(1)** implica **(2)** ma **(2)** non implica **(1)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Data una successione a_n si consideri: **(1)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} |a_{n+1} - a_n| = 0$ **(2)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = 1$ **(3)** $\exists l \in \mathbf{R} \setminus \{0\} : \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(3)** implica **(1)** e **(2)** **[B]** **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[C]** **(3)** implica **(2)** e **(2)** implica **(3)** **[D]** **(1)** implica **(3)** ma **(3)** non implica **(1)** **[E]** **(1)** implica **(2)** e **(2)** implica **(3)** **[F]** **(1)** implica **(2)** ma **(2)** non implica **(1)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Data una successione a_n si consideri: **(1)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} |a_{n+1} - a_n| = 0$ **(2)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = r < 1$ **(3)** $\exists l \in \mathbf{R} \setminus \{0\} : \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(3)** implica **(1)** ma non **(2)** **[B]** **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[C]** **(3)** implica **(2)** e **(2)** implica **(3)** **[D]** **(1)** implica **(3)** ma **(3)** non implica **(1)** **[E]** **(1)** implica **(2)** ma **(2)** non implica **(1)** **[F]** **(2)** implica **(3)** ma **(3)** non implica **(2)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Data una successione a_n si consideri: **(1)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} |a_{n+1} - a_n| = 0$ **(2)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = r > 1$ **(3)** $\exists l \in \mathbf{R} \setminus \{0\} : \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(3)** implica **(1)** ma non **(2)** **[B]** **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[C]** **(3)** implica **(2)** e **(2)** implica **(3)** **[D]** **(1)** implica **(3)** ma **(3)** non implica **(1)** **[E]** **(1)** implica **(2)** ma **(2)** non implica **(1)** **[F]** **(2)** implica **(3)** ma **(3)** non implica **(2)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3005

Quesito n. A Data una successione a_n e dato $l \in \mathbf{R}$ si considerino le affermazioni: **(1)** $\exists \varepsilon_l > 0 : \exists \nu_l : n > \nu_l \Rightarrow |a_n - l| \geq \varepsilon_l$ **(2)** $\exists \varepsilon'_l : |a_n - l| \geq \varepsilon'_l \forall n$ **(3)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n \neq l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(1)** implica **(3)** ma **(1)** non implica **(2)** **[B]** **(3)** implica **(1)** e **(2)** **[C]** **(2)** implica **(3)** e **(1)** **[D]** **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[E]** **(3)** implica **(1)** ma non implica **(2)** **[F]** **(2)** implica **(1)** ma non implica **(3)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Data una successione a_n e dato $l \in \mathbf{R}$ si considerino le affermazioni: **(1)** Dato $l \in \mathbf{R} \exists \varepsilon_l > 0 : \exists \nu_l \exists n > \nu_l : |a_n - l| \geq \varepsilon_l$ **(2)** $\exists \nu_l : n > \nu_l \Rightarrow |a_{n^2} - l| \geq \frac{1}{2}$ **(3)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n \neq l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(2)** implica **(3)** ma **(2)** non implica **(1)** **[B]** **(3)** implica **(1)** e **(2)** **[C]** **(2)** implica **(3)** e **(1)** **[D]** **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[E]** **(1)** implica **(3)** ma non implica **(2)** **[F]** **(2)** implica **(1)** ma non implica **(3)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Data una successione a_n e dato $l \in \mathbf{R}$ si considerino le affermazioni: **(1)** $\exists \varepsilon_o > 0 \exists \nu_{\varepsilon_o} : n \geq 0 \Rightarrow |a_{n+\nu_{\varepsilon_o}} - a_{\nu_{\varepsilon_o}}| < \varepsilon_o$ **(2)** $\forall \nu > 0, n > \nu \Rightarrow |a_n - l| < \varepsilon_o$ **(3)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(3)** implica **(1)** ma non **(2)** **[B]** **(3)** implica **(2)** e **(1)** **[C]** **(2)** implica **(3)** e **(1)** **[D]** **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[E]** **(1)** implica **(3)** ma non implica **(2)** **[F]** **(2)** implica **(1)** ma non implica **(3)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Data una successione a_n si considerino le seguenti affermazioni: **(1)** $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu_{\varepsilon} : n \geq 0 \Rightarrow |a_{n+\nu_{\varepsilon}} - a_{\nu_{\varepsilon}}| < \varepsilon$ **(2)** $\exists l \in \mathbf{R} : \forall \varepsilon > 0 \exists \nu_{\varepsilon} : n > \nu_{\varepsilon} \Rightarrow |a_n - l| < \varepsilon$ **(3)** $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[B]** **(3)** implica **(1)** ma non **(2)** **[C]** **(3)** implica **(2)** ma non **(1)** **[D]** **(1)** implica **(2)** ma non **(3)** **[E]** **(1)** implica **(3)** ma non implica **(2)** **[F]** **(2)** implica **(1)** ma non implica **(3)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Data una successione a_n si consideri: **(1)** $\forall l \in \mathbf{R} \exists \varepsilon_l > 0 : \forall \nu \exists n_l > \nu : |a_{n_l} - l| \geq \varepsilon_l$ **(2)** $\exists \varepsilon > 0 \exists n_{\varepsilon} : \nu > n_{\varepsilon} \Rightarrow |a_{n_{\varepsilon}+\nu} - a_{n_{\varepsilon}}| \geq \varepsilon$ **(3)** non esiste $l \in \mathbf{R} : \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(2)** implica **(1)** e **(3)** **[B]** **(3)** implica **(1)** ma non **(2)** **[C]** **(3)** implica **(2)** ma non **(1)** **[D]** **(1)** implica **(2)** ma non **(3)** **[E]** **(1)** implica **(3)** ma non implica **(2)** **[F]** **(2)** implica **(1)** ma non implica **(3)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Data una successione a_n si consideri: **(1)** $\forall l \in \mathbf{R} \exists \varepsilon_l > 0 : \forall \nu \exists n_l > \nu : |a_{n_l} - l| \geq \varepsilon_l$ **(2)** $\exists \varepsilon > 0 : \forall \nu \exists n_{\varepsilon} : |a_{n_{\varepsilon}+\nu} - a_{n_{\varepsilon}}| \geq \varepsilon$ **(3)** non esiste $l \in \mathbf{R}$ tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] **(1)** implica **(2)** e **(3)** **[B]** **(3)** implica **(1)** ma non **(2)** **[C]** **(3)** implica **(2)** ma non **(1)** **[D]** **(1)** implica **(2)** ma non **(3)** **[E]** **(3)** implica **(2)** e **(1)** **[F]** **(1)** implica **(3)** ma non implica **(2)** **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3006

Quesito n. A Sia data la funzione $f(x) : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = \begin{cases} 1/q & x = p/q, \\ 1 & \text{altrimenti} \end{cases}$ p, q interi. Si dica in quali punti la funzione è continua.

[A] solo in $[0, 1] \setminus \mathbf{Q}$ **[B]** solo in $(0, 1)$ **[C]** solo in $\mathbf{Q} \cap [0, 1]$ **[D]** solo in $[0, 1] \setminus \{0\}$ **[E]** solo in $[0, 1] \setminus \{\frac{1}{2}\}$ **[F]** solo in $x = 0$ e $x = 1$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la funzione $f(x): [-1, 1] \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = \begin{cases} 2\sin 1/x & x \neq 0 \\ \alpha & x = 0 \end{cases}$

Per quali valori di α si ha $\left(\int_{-1}^x dy f(y)\right)' = f(x)$ per ogni $x \in [-1, 1]$?

[A] solo per $\alpha = 0$ [B] solo per $\alpha = 2$ [C] per nessun valre di α [D] solo per $\alpha = 1$ [E] solo per $\alpha = -1$ [F] solo per per $\alpha = -2$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Per quali tra le seguenti funzioni f_1, f_2, f_3 , definite in $[-1, 1]$, la funzione $\int_{-1}^x dz f_i(z)$ non è una primitiva di $f_i(x)$? $f_1(x) = \begin{cases} x \sin 1/\sqrt{x} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$ $f_2(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x\sqrt{x}} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$ $f_3(x) = \begin{cases} -1 & -1 \leq x < 0 \\ 0 & 0 < x \leq 1 \end{cases}$

[A] solo f_2 e f_3 [B] solo f_1 e f_2 [C] solo f_1 e f_3 [D] solo f_3 [E] solo f_1 [F] f_1 f_2 e f_3 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data una funzione $f: [-1, 1] \rightarrow \mathbf{R}$, integrabile secondo Riemann e sia $F(x) = \int_{-1}^x dy f(y)$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera.

[A] Se $f(x)$ è continua in $x_o \in (-1, 1)$ allora $F(x)$ è derivabile in x_o e $F'(x_o) = f(x_o)$ [B] Se $f(x)$ è continua in $x_o \in (-1, 1)$ allora $F(x)$ è derivabile in x_o ma non è detto che $F'(x_o) = f(x_o)$ [C] Se $f(x)$ è continua in $x_o \in (-1, 1)$ allora $F(x)$ è derivabile in x_o ed è continua in x_o [D] Se $f(x)$ non è continua in $x_o \in (-1, 1)$ allora $F(x)$ è derivabile comunque in x_o e $F'(x_o) = f(x_o)$ [E] Se $f(x)$ è continua in $x_o \in (-1, 1)$ allora $F(x)$ è derivabile comunque in x_o ma non è detto che $F'(x_o) = f(x_o)$ [F] $F(x)$ è continua in x_o solo se $f'(x_o)$ esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera : (1) se una funzione $f: (a, b) \rightarrow \mathbf{R}$ è continua allora assume tutti i valori compresi fra $\inf_{(a,b)} f(x)$ e $\sup_{(a,b)} f(x)$ (2) se $f: (a, b) \rightarrow \mathbf{R}$ è derivabile in (a, b) allora la derivata assume tutti i valori compresi fra $\inf_{(a,b)} f'(x)$ e $\sup_{(a,b)} f'(x)$ (non è detto che la derivata sia essa stessa una funzione continua) (3) se una funzione $f: (a, b) \rightarrow \mathbf{R}$ non è continua allora di sicuro non assume tutti i valori compresi fra $\inf_{(a,b)} f(x)$ e $\sup_{(a,b)} f(x)$

[A] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [E] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la funzione $f(x): [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = \begin{cases} 1/q & x = p/q, \quad p, q \text{ interi} \\ 1 & \text{altrimenti} \end{cases}$

Si dica quanto vale la derivata di $F(x) = \int_0^x dy f(y)$ nei punti x_o di ascissa irrazionale

[A] 0 [B] 1 [C] nessun valore perché la funzione $F(x)$ non è derivabile sugli irrazionali [D] α_1 se $x_o = 0, \alpha_1 \alpha_2 \alpha_3 \dots$ è lo sviluppo decimale di x_o [E] x_o [F] x_o^2 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3007

Quesito n. A Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è continua è limitata (2) se f è continua è monotona (3) se f è derivabile è monotona. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] nessuna delle altre risposte è esatta [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera

Quesito n. B Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è continua è limitata (2) se f è continua è monotona (3) se f è monotona è continua. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [B] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è continua è limitata (2) se f è strettamente monotona è invertibile (3) se f è continua e monotona è derivabile. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è continua allora esiste $x_o \in [a, b]$ tale che $f(x_o) = \frac{1}{2}(f(a) + f(b))$ (2) se f è invertibile è monotona (3) se f è derivabile è monotona. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [B] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è continua è allora esiste $x_o \in [a, b]$ tale che $f(x_o) = \frac{1}{2}(f(a) + f(b))$ (2) se f è invertibile è monotona (3) se f è derivabile è invertibile. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa [B] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [F] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è monotona è limitata (2) se f è strettamente monotona è invertibile (3) se f è derivabile e invertibile allora $f' \neq 0$ per ogni x . Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3008

Quesito n. A Data una funzione $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è continua è limitata (2) se f è continua ed invertibile allora f^{-1} è continua (3) se f è continua e invertibile è monotona. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Data una funzione $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ sia $g(x): [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ la f ristretta all'intervallo $[0, 1]$ ($g(x) = f|_{[0,1]}$). Si consideri: (1) se f è continua è limitata (2) se f è continua ed invertibile allora $g(x)$ è monotona (3) se f è invertibile è monotona. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Data una funzione $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è continua allora esiste x_o appartenente al dominio della funzione per cui $f(x_o) = \frac{1}{2}(f(3) + f(0))$ (2) se $f'(x) \geq 0$ allora la funzione è crescente (3) se f è invertibile e continua è monotona. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Data una funzione $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è monotona è limitata (2) se f è continua è limitata (3) se f è monotona è continua. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Data una funzione $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ si consideri: (1) se f è continua allora esiste $x_o \in [0, 1]$ tale che $f(x_o) = \frac{1}{2}(f(0) + f(1))$ (2) se f è continua allora esiste x_o nel dominio tale che $f(x_o) = \frac{1}{2}(f(0) + f(3))$ (3) se f è strettamente monotona è invertibile. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa [D] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Data una funzione $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ sia $g(x): [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ la f ristretta all'intervallo $[2, 3]$ ($g(x) = f|_{[2,3]}$). Si consideri: (1) se f è continua allora esiste (finito o infinito) $\lim_{x \rightarrow 1+} f(x)$ (2) se f è continua ed invertibile allora $g(x)$ è monotona (3) se f è strettamente monotona è invertibile. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [B] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3022

Quesito n. A (1) Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile in (a, b) sia $f'(x_o) = 0$, $x_o \in (a, b)$. Allora x_o è un punto di massimo oppure di minimo oppure di flesso a tangente orizzontale (2) sia $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $f'(x) > 0$ per ogni x . Allora $f(x)$ è crescente sul suo dominio (3) sia $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile. Allora $\frac{f(x) - f(0)}{x^{1/2}} = o(1)$ per $x \rightarrow 0^+$ (In tutti e tre i casi con f si intende una qualsiasi funzione avente le caratteristiche date). Allora

[A] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B (1) Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile in (a, b) , $x_o \in (a, b)$ è un punto di massimo oppure di minimo; allora $f'(x_o) = 0$. (2) sia $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $f'(x) > 0$ per ogni x . Allora $f(x)$ è crescente sul suo dominio (3) sia $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $f'(x) > 0$ per ogni x . Ne segue che $f(x)$ è invertibile (In tutti e tre i casi con f si intende una qualsiasi funzione avente le caratteristiche date). Allora

[A] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C (1) sia $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $f'(1/2) = 0$. Allora $\frac{f(x) - f(\frac{1}{2})}{\sqrt{x - \frac{1}{2}}} = o(1)$ per $x \rightarrow \frac{1}{2}^+$ (2) sia $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $x = 0$ è un minimo. Allora $f'(0^+) = 0$ (la derivata destra in $x = 0$ vale zero). (3) sia $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $f'(x) > 0$ per ogni x . Ne segue che $f(x)$ è invertibile (In tutti e tre i casi con f si intende una qualsiasi funzione avente le caratteristiche date). Allora

[A] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D (1) sia $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che in $x_o \in [0, 1]$ la funzione ha un minimo. Allora $f'(x_o) = 0$ (2) sia $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione tale che in $x_o \in [0, 1]$ ha un minimo. Allora f è derivabile in x_o (3) sia $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $f'(x) > 0$ per ogni x . Ne segue che $f(x)$ è invertibile (In tutti e tre i casi con f si intende una qualsiasi funzione avente le caratteristiche date). Allora

[A] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E (1) sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $x_o \in [a, b]$ è un punto di minimo. Allora esiste un intorno di x_o tale che $f'(x_o)(x - x_o) \geq 0$ per ogni x appartenente all'intorno (2) sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $x_o \in (a, b)$ è un punto di massimo. Allora $\exists \delta > 0 : x \in (x_o - \delta, x_o + \delta) \Rightarrow f'(x_o)(x - x_o) < 0$ (3) sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $x_o \in (a, b)$ è un punto di minimo e $f'(x_o) = 0$. Allora $f''(x_o) > 0$ (si assume che in x_o la funzione ha un minimo se esiste un intorno $(x_o - \delta, x_o + \delta)$ tale che $f(x) \geq f(x_o)$ per $x \in (x_o - \delta, x_o + \delta)$ e viceversa per il massimo) (In tutti e tre i casi con f si intende una qualsiasi funzione avente le caratteristiche date). Allora

[A] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F (1) sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $x_o \in [a, b]$ è un punto di massimo. Allora esiste un intorno di x_o tale che $f'(x_o)(x - x_o) \leq 0$ per ogni x appartenente all'intorno (2) sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $x_o \in (a, b)$ è un punto di massimo. Allora $\exists \delta > 0 : x \in (x_o - \delta, x_o + \delta) \Rightarrow f'(x_o)(x - x_o) < 0$ (3) sia $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile. Allora $f(x) - f(0) - f'(0)x = o(x)$ per $x \rightarrow 0^+$ (si assume che in x_o la funzione ha un minimo se esiste un intorno $(x_o - \delta, x_o + \delta)$ tale che $f(x) \geq f(x_o)$ per $x \in (x_o - \delta, x_o + \delta)$ e viceversa per il massimo) (In tutti e tre i casi con f si intende una qualsiasi funzione avente le caratteristiche date). Allora

[A] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3023

Quesito n. A Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale è vera. (1) Data una funzione $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$, continua in $(0, 1)$, $f(0) = 0$, $f(1) = 0$, allora esiste $\sup_{x \in [0, 1]} f(x)$ in $\mathbf{R}$ (2) Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$

continua in (a, b) e limitata in $[a, b]$, allora esiste $\sup_{x \in (a, b)} f(x)$ in $\mathbf{R}$ (3)

Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua in (a, b) e limitata in $[a, b]$, allora esiste $\lim_{x \rightarrow b^-} f(x)$ in $\mathbf{R}$

[A] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale è vera. (1) Data una funzione $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$, continua in $(0, 1)$, allora esiste $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ in $\mathbf{R} \cup \{\pm\infty\}$ (2) Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, continua in (a, b) e limitata in $[a, b]$, allora esiste una successione $\{x_k\} \subset [a, b]$ tale che $\lim_{k \rightarrow +\infty} f(x_k) = f(b)$ (3) Data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, continua in (a, b) , per cui $\lim_{x \rightarrow b^-} f(x) = f(b)$ e $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = f(a)$, allora f è continua in $[a, b]$.

[A] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale è vera. (1) sia data la funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ strettamente decrescente. Allora il prodotto f^2 è anch'essa decrescente (2) siano date le funzioni $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ e $g: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ entrambe strettamente crescenti. Allora la somma $f + g$ è anch'essa crescente (3) sia data la funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ strettamente crescente e invertibile. Allora l'inversa può essere sia decrescente che crescente

[A] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale è vera. (1) È data una funzione $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ limitata superiormente ed inferiormente. Allora esiste almeno un massimo locale e/o un minimo locale (2) È data una funzione $g: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ limitata superiormente ed inferiormente. Allora esiste massimo ed estremo inferiore dell'immagine di f (3) È data una funzione $h: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ limitata superiormente ed inferiormente. Allora esistono estremo inferiore e superiore dell'immagine di f

[A] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale è vera. (1) È data una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ per cui $f \circ f$ è continua. Allora f è continua (2) È data una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ per cui $f(2x)$ è continua. Allora f è continua (3) È data una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ per cui f^2 è continua. Allora f è continua

[A] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [E] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale è vera. Sono date le funzioni $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ e $g: (a, b) \rightarrow \mathbf{R}$ limitate. Allora (1) $\sup_{x \in (a, b)} (f(x) + g(x)) = \sup_{x \in (a, b)} f(x) + \sup_{x \in (a, b)} g(x)$ (2) $\inf_{x \in (a, b)} (f(x) + g(x)) \leq \inf_{x \in (a, b)} f(x) + \inf_{x \in (a, b)} g(x)$ (3) Se f e g sono continue allora esiste $\lim_{x \rightarrow b^-} f(x)$ e $\lim_{x \rightarrow b^-} g(x)$

[A] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [D] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3024

Quesito n. A Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale delle A-G è vera. (1) È data una funzione $f: [0, 3] \rightarrow \mathbf{R}$, derivabile con derivata continua nel suo dominio, che vale zero per $1 \leq x \leq 2$. Allora $f(x)$ è costante su $[0, 3]$. (2) Data una funzione $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile due volte, se la funzione è strettamente convessa in $\mathbf{R}$ allora $g''(x) \geq 0$ per ogni x (3) È data una funzione $h: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $\lim_{x \rightarrow b^-} h'(x) = +\infty$. Allora $\lim_{x \rightarrow b^-} h(x) = +\infty$.

[A] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale delle A-G è vera. (1) È data una funzione $f: (a, b) \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile tale che $\lim_{x \rightarrow b^-} f(x) = +\infty$. Allora $\lim_{x \rightarrow b^-} f'(x) = +\infty$. (2) È data una funzione $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 0$. Allora non è detto che sia definitivamente positiva oppure negativa (3) È data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $|f'(x)|$ è illimitata. Allora $f(x)$ è illimitata.

[A] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [B] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale delle A-G è vera. (1) È data una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile monotona strettamente crescente tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$. Può aversi $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$. (2) È data una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile monotona strettamente crescente tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$. Può aversi $f'(x) = 0$ su di un insieme illimitato (3) È data una funzione $h: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile per cui la derivata prima è una funzione strettamente crescente. Allora h ha la concavità rivolta verso l'alto

[A] (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera [B] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale delle A-G è vera. (1) È data una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ monotona strettamente crescente e derivabile. Allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ (2) È data una funzione $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 0$. Allora si ha $\lim_{x \rightarrow +\infty} g'(x) = 0$. (3) È data una funzione $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 0$. Allora se esiste $\lim_{x \rightarrow +\infty} g'(x)$ esso è 0.

[A] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera [B] (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa [C] (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa [D] (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera [E] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa [F] (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale delle A-G è vera. (1) È data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua in $[a, b]$ e derivabile in (a, b) tale che $\lim_{x \rightarrow a^+} f'(x) = +\infty$. Allora $f'(a^+)$ non esiste in **R**. (2) È data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua in $[a, b]$ e derivabile in (a, b) tale che $\lim_{x \rightarrow a^+} f'(x)$ non esiste. Allora $f'(a^+)$ non esiste in **R**. (3) È data una funzione $h: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile tale che $h'(x)$ è illimitata inferiormente. Allora si ha $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = -\infty$

A (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa **D** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **E** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si considerino le seguenti tre affermazioni e si dica quale delle A-G è vera. (1) È data una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ che in $x = x_o$ ha un massimo. Allora la funzione è derivabile in $x = x_o$ e la derivata vale zero. (2) È data una funzione $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile che in x_o ha un flesso con derivata prima nulla. Allora $g''(x_o)$ esiste e vale zero (3) È data una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ convessa. Allora f' esiste ed è crescente

A (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa **D** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **E** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3030

Quesito n. A Sia data una funzione $f: [0, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e strettamente crescente. Sia data inoltre la funzione $g: [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $g(x) = f(x)$ per ogni $x \in [1, 2]$. Sia $G = \{y = g(x): x \in [1, 2]\}$ l'insieme dei valori assunti da $g(x)$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A G è limitato **B** G non ammette massimo **C** G non ammette minimo **D** G può essere illimitato **E** G ammette estremo superiore ma non inferiore **F** G ammette estremo inferiore ma non superiore **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data una funzione $f: [0, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e strettamente crescente. Sia data inoltre la funzione $g: [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $g(x) = f(x)$ per ogni $x \in (1, 2]$. Sia $G = \{y = g(x): x \in (1, 2]\}$ l'insieme dei valori assunti da $g(x)$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A G ammette massimo ma non minimo **B** G ammette massimo e minimo **C** G ammette minimo **D** G può essere illimitato **E** G non ammette estremo superiore né inferiore **F** G ammette estremo inferiore ma non superiore **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data una funzione $f: [0, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e strettamente crescente. Sia data inoltre la funzione $g: [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $g(x) = f(x)$ per ogni $x \in [1, 2)$. Sia $G = \{y = g(x): x \in [1, 2)\}$ l'insieme dei valori assunti da $g(x)$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A G ammette minimo ma non massimo **B** G ammette massimo **C** G non ammette minimo **D** G può essere illimitato **E** G non ammette estremo superiore né inferiore **F** G ammette estremo inferiore ma non superiore **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data una funzione $f: [0, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e strettamente decrescente. Sia data inoltre la funzione $g: [1, 2] \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $g(x) = f(x)$ per ogni $x \in [1, 2]$. Sia $G = \{y = g(x): x \in [1, 2]\}$ l'insieme dei valori assunti da $g(x)$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A G è limitato **B** G non ammette massimo **C** G non ammette minimo **D** G può essere illimitato **E** G ammette estremo superiore ma non inferiore **F** G ammette estremo inferiore ma non superiore **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data una funzione $f: [0, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e strettamente crescente. Sia data inoltre la funzione $g: (1, 2) \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $g(x) = f(x)$ per ogni $x \in (1, 2)$. Sia $G = \{y = g(x): x \in (1, 2)\}$ l'insieme dei valori assunti da $g(x)$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A G ammette estremo superiore e inferiore **B** G ammette massimo **C** G ammette minimo **D** G può essere illimitato **E** G ammette estremo superiore ma non inferiore **F** G ammette estremo inferiore ma non superiore **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data una funzione $f: [0, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e strettamente decrescente. Sia data inoltre la funzione $g: (1, 2) \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $g(x) = f(x)$ per ogni $x \in (1, 2]$. Sia $G = \{y = g(x): x \in (1, 2]\}$ l'insieme dei valori assunti da $g(x)$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A G ammette minimo ma non massimo **B** G ammette massimo e minimo **C** G ammette massimo ma non minimo **D** G può essere illimitato **E** G non ammette estremo superiore né inferiore **F** G ammette estremo inferiore ma non superiore **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3051

Quesito n. A Si dia la definizione di funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ non uniformemente continua. Si dimostri la seguente affermazione: data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, continua e limitata allora essa è uniformemente continua, ovvero si trovi un controesempio.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. B Si dia la definizione di funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ non uniformemente continua. Si dimostri la seguente affermazione: sia data la funzione $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$. Allora $f(x)$ non può essere uniformemente continua, ovvero si trovi un controesempio.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. C Si dia la definizione di funzione $f: [a, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$ non uniformemente continua. Si dimostri la seguente affermazione: data una funzione $f: [a, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, continua e limitata allora essa è uniformemente continua, ovvero si trovi un controesempio.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. D Data una funzione continua $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, si dica cosa vuol dire che f non è uniformemente continua. Successivamente si applichi la definizione scritta alla funzione $f(x) = x^2$

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. E Data una funzione $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$, si dica cosa vuol dire che f è uniformemente continua. Si dica cosa vuol dire che f non è uniformemente continua. Si dica se è uniformemente continua o meno la seguente funzione $f(x) = \sin \frac{1}{x}$ se $x \neq 0$, $f(0) = 0$ (svolgendo i calcoli)

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. F Si dia la definizione di funzione $f: [a, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$ uniformemente continua. Si dia la definizione di funzione $f: [a, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$ non uniformemente continua. Si dimostri la seguente affermazione: data una funzione $f: [a, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, uniformemente continua allora essa è limitata, ovvero si trovi un controesempio.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Problema n. 3052

Quesito n. A Data una funzione $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, continua tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = l$. Dimostrare che $f(x)$ è uniformemente continua. Sia dia poi un esempio di funzione $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, uniformemente continua tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. B Sia data una funzione $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile. Dimostrare che se $\lim_{x \rightarrow 1^-} f'(x) = +\infty$ allora $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$ ovvero trovare un controesempio. Dimostrare la seguente affermazione: è data una funzione $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile tale che per ogni $0 < \delta < 1$ la derivata è una funzione limitata nell'insieme $[0, \delta]$ ossia $\sup_{x \in [0, \delta]} |f'(x)| < M_\delta$ Allora la derivata prima è limitata in $[0, 1]$ ossia $\sup_{x \in [0, 1]} |f'(x)| \leq M < +\infty$ oppure trovare un controesempio.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. C Sia data una funzione $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, derivabile tale che $\sup_{x \in [0, +\infty)} |f'(x)| \leq M < +\infty$. Allora f è uniformemente continua. Dimostrare poi che la funzione $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = \sqrt{x}$ è uniformemente continua oppure non è uniformemente continua.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. D Sia data una funzione continua $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, derivabile tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$. Dimostrare che f è una funzione limitata ovvero trovare un controesempio. Dire se la funzione $f(x) = x \sin x$ è uniformemente continua come funzione definita su $[0, 1]$ e poi su tutto **R**

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. E Si dimostri che se $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, è continua allora è integrabile secondo Riemann. Si dimostri che se $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ è monotona allora è integrabile secondo Riemann. Si dia un esempio di funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, non integrabile secondo Riemann.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. F Siano $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, e $g: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, due funzioni derivabili. Si dimostri che $f + g$ e fg sono ambedue uniformemente continue. Siano date $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = \sin x$ e $g: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, $g(x) = \cos x$ se $x \neq 0$ e $g(0) = 0$. Dire se $f + g$ è uniformemente continua negli insiemi $(0, +\infty)$ e $[0, +\infty)$

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Problema n. 3054

Quesito n. A Si dimostri il seguente teorema: sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua. Allora è uniformemente continua.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. B Si dimostri il seguente teorema: Sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e $g: [c, d] \rightarrow [a, b]$ derivabile. Allora la funzione $f(g(x)): [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ è derivabile.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. C Si dimostrino i seguenti teoremi: (1) Sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile in $x_o \in (a, b)$. Allora è continua in x_o . (2) Sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile. Se $x_o \in (a, b)$ è un punto di massimo oppure di minimo, allora $f'(x_o) = 0$.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. D Si dimostri il teorema: Sia $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua. Allora f è integrabile secondo Riemann.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. E Si dimostri il teorema: siano $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$ e $g: [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$ continue e inoltre $0 \leq f(x) \leq g(x)$. Allora se esiste $\int_0^\infty dx g(x)$, esiste pure $\int_0^\infty dx f(x)$. Se non esiste $\int_0^\infty dx f(x)$, non esiste neppure $\int_0^\infty dx g(x)$.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. F Si dimostri il teorema: siano $f: [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ e $g: (0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ continue tale che $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = +\infty$ e inoltre $0 \leq f(x) \leq g(x)$. Allora se esiste $\int_0^1 dx g(x)$, esiste pure $\int_0^1 dx f(x)$. Se non esiste $\int_0^1 dx f(x)$, non esiste neppure $\int_0^1 dx g(x)$.

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Problema n. 3056

Quesito n. A Definire $\beta \lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ e applicare tale definizione alla funzione $f(x) = \sin \frac{1}{x} - \sqrt{|x|}$

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. B Definire $\beta \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ e applicare tale definizione alla funzione $f(x) = x \sin \frac{1}{x} + \cos(\sin x)$

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. C Definire $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ e applicare tale definizione alla funzione $f(x) = x^4 - x^3 - x^2$

A **B** **C** **D** **E** **F** **G**

Quesito n. D Definire $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = l$ e applicare tale definizione alla funzione $f(x) = x \sin \frac{1}{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}$

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. E Definire $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ e applicare tale definizione alla funzione $f(x) = x^3 \sin \frac{1}{x} + \frac{1}{\sqrt{-x}} + x^3$

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. F Definire $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$ e applicare tale definizione alla funzione $f(x) = \frac{\sqrt{|x|}}{\sin^2 x} + \frac{1}{\sqrt{|x|}}$

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Problema n. 3060

Quesito n. A Data una successione a_n si considerino le seguenti affermazioni (1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \implies |a_n - l| < \varepsilon^2$ (2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu' : n > \nu' \implies |a_n - l| < 1 + \varepsilon$ (3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \tilde{\nu} : n > \tilde{\nu} \implies |e^{a_n} - e^l| < \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$,

☐ A solamente la (1) e (3) ☐ B solamente la (2) ☐ C solamente la (1) ☐ D solamente la (3) ☐ E solamente la (1) e la (2) ☐ F solamente la (2) e la (3) ☐ G nessuna delle altre

Quesito n. B Sia data una successione a_n . Si considerino le seguenti affermazioni (1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \implies |a_n - l| \geq \varepsilon$, (2) $\exists \varepsilon > 0, \exists \nu : n > \nu \implies |a_n - l| \geq \varepsilon$, (3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall \nu \exists n : n > \nu \implies |a_n - l| \geq \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n \neq l$,

☐ A solamente la (3) ☐ B solamente la (2) ☐ C solamente la (1) ☐ D solamente la (1) e la (2) ☐ E solamente la (1) e la (3) ☐ F solamente la (2) e la (3) ☐ G nessuna delle altre

Quesito n. C Sia data una successione a_n . Si considerino le seguenti affermazioni (1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \implies |a_n - l| \geq \varepsilon$, (2) esiste una sottosuccessione $\{n_k\}$ tale che $\lim_{k \rightarrow +\infty} a_{n_k} \neq l$ (3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall \nu \exists n : n > \nu \implies |a_n - l| \geq \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n \neq l$,

☐ A solamente la (2) e la (3) ☐ B solamente la (2) ☐ C solamente la (1) ☐ D solamente la (1) e la (2) ☐ E solamente la (1) e la (3) ☐ F solamente la (3) ☐ G nessuna delle altre

Quesito n. D Sia data una successione a_n . Si considerino le seguenti affermazioni (1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \implies |a_n - l| \geq \varepsilon$, (2) per qualsiasi sottosuccessione $\{n_k\}$ si ha $\lim_{k \rightarrow +\infty} a_{n_k} \neq l$ (3) $\forall \nu \exists n : n > \nu \implies |a_n - l| > 0$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n \neq l$,

☐ A solamente la (1) ☐ B solamente la (2) ☐ C solamente la (2) e la (3) ☐ D solamente la (1) e la (2) ☐ E solamente la (1) e la (3) ☐ F solamente la (3) ☐ G nessuna delle altre

Quesito n. E Data una successione a_n si considerino le seguenti affermazioni (1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu : n > \nu \implies |a_n - l| < \frac{\varepsilon - 1}{\sqrt{\varepsilon}}$ (2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu' : n > \nu' \implies |a_n - l| < \sqrt{\varepsilon}$ (3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \tilde{\nu} : n > \tilde{\nu} \implies |\cos a_n - \cos l| < \varepsilon$. Quali affermazioni fra le precedenti sono **equivalenti** a dire che $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$,

☐ A solamente (1) e (2) ☐ B solamente (1) ☐ C solamente (3) ☐ D solamente (1) e (3) ☐ E solamente (2) e (3) ☐ F solamente (2) ☐ G nessuna delle altre

Quesito n. F Data una successione a_n si considerino le seguenti affermazioni (1) $\exists \nu : n > \nu \implies |a_n - l| < \frac{1}{(10)^\nu}$ (2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \nu' : n > \nu' \implies |a_n - l| < 1 + \varepsilon$ (3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \tilde{\nu} : n > \tilde{\nu} \implies |e^{a_n} - e^l| < \varepsilon$. Allora $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = l$, implica

☐ A la (1), la (2) e la (3) ☐ B solamente la (2) ☐ C solamente la (1) ☐ D solamente la (3) ☐ E solamente la (1) e la (2) ☐ F solamente la (2) e la (3) ☐ G nessuna delle altre

Problema n. 3100

Quesito n. A Si dimostri il Teorema di Weierstrass: una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua ammette massimo M e minimo m . Inoltre tali valori sono assunti ossia esistono due punti $x_o \in [a, b]$ e $x_1 \in [a, b]$ tale che $f(x_o) = M$ e $f(x_1) = m$. Si esibisca la dimostrazione solo per uno dei due punti (x_o, M) e (x_1, m) . È vero il teorema per una generica funzione continua definita su un intervallo non chiuso $f: (a, b) \rightarrow \mathbf{R}$? In caso di risposta affermativa dimostrarlo. Si dia altrimenti un controesempio.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. B Si dimostri il Teorema di Bolzano Weierstrass: Un insieme $E \subset \mathbf{R}$ infinito e limitato ammette almeno un punto di accumulazione. È vero il Teorema se l'insieme non è limitato? In caso di risposta affermativa dimostrarlo. Si dia altrimenti un controesempio.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. C Si dimostri il Teorema: data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e invertibile, essa è monotona. È vero il seguente teorema: data una funzione $f: [a, b] \cup [c, d] \rightarrow \mathbf{R}$, $[a, b] \cap [c, d] = \emptyset$ continua e invertibile allora essa è monotona. In caso di risposta affermativa dimostrarlo. Si dia altrimenti un controesempio.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. D Si dimostri data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ monotona, Allora f è continua se e solo se $\text{Im}(f) = [f(a), f(b)]$. Si dimostri che (oppure si dia un controesempio) data una funzione $f: [a, b] \cup [c, d] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e monotona. Allora l'inversa è continua. Si dimostri che (oppure si dia un controesempio) data una funzione $f: [a, b] \cup [c, d] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e monotona. Allora l'inversa è continua.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. E Si dimostri il seguente Teorema: una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua assume tutti i valori compresi fra $\min_{x \in [a, b]} f(x) \doteq m$ e $\max_{x \in [a, b]} f(x) \doteq M$. Si consideri la seguente affermazione: una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ non continua in almeno un punto non assume tutti i valori compresi fra $\min_{x \in [a, b]} f(x) \doteq m$ e $\max_{x \in [a, b]} f(x) \doteq M$. La si dimostri se è vera. Si dia altrimenti un controesempio.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. F Si dimostrino i seguenti due teoremi: 1) sia data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ strettamente monotona e continua. Allora l'inversa f^{-1} è pure essa continua. 2) sia data una funzione $f: [0, 1] \cup [2, 3] \rightarrow \mathbf{R}$ strettamente monotona e continua. Allora l'inversa f^{-1} è pure essa continua. Si dimostri inoltre: data una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ strettamente monotona, l'inversa è monotona.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3102

Quesito n. A Si stimi $e^{1/2}$ in termini di numeri razionali a meno di 1/100. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. B Si stimi $e^{1/3}$ in termini di numeri razionali a meno di 1/100. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. C Si stimi $e^{1/4}$ in termini di numeri razionali a meno di 1/100. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. D Si stimi $\sin \frac{1}{2}$ in termini di numeri razionali a meno di 1/100. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. E Si stimi $\sin \frac{1}{4}$ in termini di numeri razionali a meno di 1/100. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. F Si stimi $\sin \frac{2}{3}$ in termini di numeri razionali a meno di 1/100. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Problema n. 3103

Quesito n. A Si stimi $\int_0^{1/2} \arctan t^2 dt$ in termini di numeri razionali a meno di 1/10. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. B Si stimi $\int_0^{1/3} \sin t^2 dt$ in termini di numeri razionali a meno di 1/10. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. C Si stimi $\int_0^{2/3} \cos t^2 dt$ in termini di numeri razionali a meno di 1/10. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. D Si stimi $\int_0^{1/2} \ln(1 + x^2) dx$ in termini di numeri razionali a meno di 1/10. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. E Si stimi $\int_0^{1/4} \ln(1 + x^2) dx$ in termini di numeri razionali a meno di 1/10. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. F Si stimi $\int_0^{2/3} \arctan x^2 dx$ in termini di numeri razionali a meno di 1/10. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Problema n. 3104

Quesito n. A Si stimi $e^{1/2}$ in termini di numeri razionali a meno dell'1%. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. B Si stimi $e^{1/3}$ in termini di numeri razionali a meno dell'1%. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. C Si stimi $e^{1/4}$ in termini di numeri razionali a meno dell'1%. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. D Si stimi $\sin \frac{1}{2}$ in termini di numeri razionali a meno dell'1%. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. E Si stimi $\sin \frac{1}{4}$ in termini di numeri razionali a meno dell'1%. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. F Si stimi $\sin \frac{2}{3}$ in termini di numeri razionali a meno dell'1%. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Problema n. 3105

Quesito n. A Si stimi $\arctan 3/2$ in termini di numeri razionali a meno di 1/10. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. B Si stimi $\arctan 4/3$ in termini di numeri razionali a meno di 1/10. Riportare i dettagli.

☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

Quesito n. C Si stimi $\arctan 5/4$ in termini di numeri razionali a meno di $1/10$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. D Si stimi $\ln \frac{5}{2}$ in termini di numeri razionali a meno di $1/10$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. E Si stimi $\ln \frac{4}{3}$ in termini di numeri razionali a meno di $1/10$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. F Si stimi $\sin \frac{5}{4}$ in termini di numeri razionali a meno di $1/10$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Problema n. 3106

Quesito n. A Si stimi $\int_0^{1/2} \frac{\cos x - 1}{x^2} dx$ in termini di numeri razionali a meno di $1/1000$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. B Si stimi $\int_0^{1/3} \frac{\sin x - x}{x^3} dx$ in termini di numeri razionali a meno di $1/1000$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. C Si stimi $\int_0^{1/4} \frac{\ln(1+x^3)}{x} dx$ in termini di numeri razionali a meno di $1/1000$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. D Si stimi $\int_0^{1/2} \cos(x^2) dx$ in termini di numeri razionali a meno di $1/1000$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. E Si stimi $\int_0^{3/4} \frac{\sin x}{x} dx$ in termini di numeri razionali a meno di $1/1000$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. F Si stimi $\int_0^{2/3} \frac{e^x - 1}{x} dx$ in termini di numeri razionali a meno di $1/1000$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Problema n. 6001

Tranne la F è uguale al 3052

Quesito n. A Data una funzione $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, continua tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = l$. Dimostrare che $f(x)$ è uniformemente continua. Sia dia poi un esempio di funzione $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, uniformemente continua tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. B Sia data una funzione $f : [0, 1) \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile. *Dimostrare che se $\lim_{x \rightarrow 1^-} f'(x) = +\infty$ allora $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$ ovvero trovare un controesempio. Dimostrare la seguente affermazione: è data una funzione $f : [0, 1) \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile tale che per ogni $0 < \delta < 1$ la derivata è una funzione limitata nell'insieme $[0, \delta]$ ossia $\sup_{x \in [0, \delta]} |f'(x)| < M_\delta$ Allora la derivata prima è limitata in $[0, 1)$ ossia $\sup_{x \in [0, 1)} |f'(x)| \leq M < +\infty$ oppure trovare un controesempio.*

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. C Sia data una funzione $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, derivabile tale che $\sup_{x \in [0, +\infty)} |f'(x)| \leq M < +\infty$. Allora f è uniformemente continua. Dimostrare poi che la funzione $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = \sqrt{x}$ è uniformemente continua oppure non è uniformemente continua.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. D Sia data una funzione continua $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, derivabile tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$. Dimostrare che f è una funzione limitata ovvero trovare un controesempio. Dire se la funzione $f(x) = x \sin x$ è uniformemente continua come funzione definita su $[0, 1]$ e poi su tutto $\mathbf{R}$

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. E Si dimostri che se $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, è continua allora è integrabile secondo Riemann. Si dimostri che se $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ è monotona allora è integrabile secondo Riemann. Si dia un esempio di funzione $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$, non integrabile secondo Riemann.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. F Sia $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, uniformemente continua. Si dimostri che esistono $a \geq 0$, $b \geq 0$, tale che $|f(x)| \leq a|x| + b$. Si dimostri la seguente affermazione: sia $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$, ed esistono $a \geq 0$, $b \geq 0$, $x_0 \geq 0$ tale che $|f(x)| \leq a|x| + b$. Allora f è uniformemente continua oppure si dia un controesempio.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Problema n. 317

Quesito n. A

Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = |x|^3$

☐A è derivabile ☐B ha una discontinuità di prima specie ☐C ha una discontinuità di seconda specie ☐D ha un punto angoloso ☐E ha tangente verticale ☐F ha una cuspid ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \sqrt[3]{\sin x}$

☐A ha tangente verticale ☐B ha una discontinuità di prima specie ☐C ha una discontinuità di seconda specie ☐D ha un punto angoloso ☐E è derivabile ☐F ha una cuspid ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \sqrt[3]{\sin^2 x}$

☐A ha una cuspid ☐B ha una discontinuità di prima specie ☐C ha una discontinuità di seconda specie ☐D ha un punto angoloso ☐E è derivabile ☐F ha tangente verticale ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \begin{cases} 1 & x \leq 0 \\ \frac{e^x - 1}{x} & x > 0 \end{cases}$

☐A ha un punto angoloso ☐B ha una discontinuità di prima specie ☐C ha una discontinuità di seconda specie ☐D ha una cuspid ☐E è derivabile ☐F ha tangente verticale ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \begin{cases} x & x \leq 0 \\ \frac{2 \cos x}{x} & x > 0 \end{cases}$

☐A ha una discontinuità di seconda specie ☐B ha un punto angoloso ☐C ha una discontinuità di prima specie ☐D ha una cuspid ☐E è derivabile ☐F ha tangente verticale ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \begin{cases} 1 & x \leq 0 \\ \frac{\sin x}{x} & x > 0 \end{cases}$

☐A è derivabile ☐B ha un punto angoloso ☐C ha una discontinuità di prima specie ☐D ha una cuspid ☐E ha una discontinuità di seconda specie ☐F ha tangente verticale ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 6317 molto simile al n.317

Quesito n. A Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = |x|^3$

☐A è derivabile ☐B ha una discontinuità di prima specie ☐C ha una discontinuità di seconda specie ☐D ha un punto angoloso ☐E ha tangente verticale ☐F ha una cuspid ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \sqrt[3]{1 - \cos x}$

☐A ha tangente verticale ☐B ha una discontinuità di prima specie ☐C ha una discontinuità di seconda specie ☐D ha un punto angoloso ☐E è derivabile ☐F ha una cuspid ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \sqrt[3]{\sin^2 x}$

☐A ha una cuspid ☐B ha una discontinuità di prima specie ☐C ha una discontinuità di seconda specie ☐D ha un punto angoloso ☐E è derivabile ☐F ha tangente verticale ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \begin{cases} 1 & x \leq 0 \\ \frac{e^x - 1}{x} & x > 0 \end{cases}$

☐A ha un punto angoloso ☐B ha una discontinuità di prima specie ☐C ha una discontinuità di seconda specie ☐D ha una cuspid ☐E è derivabile ☐F ha tangente verticale ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Nel punto $x = 1$ la funzione $f(x) = \begin{cases} -\pi & x = 1 \\ \frac{\sin \pi x}{x - 1} & x \neq 1 \end{cases}$

☐A è derivabile ☐B ha un punto angoloso ☐C ha una discontinuità di prima specie ☐D ha una cuspid ☐E ha una discontinuità di seconda specie ☐F ha tangente verticale ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Nel punto $x = 0$ la funzione $f(x) = \begin{cases} 1 & x \leq 0 \\ \frac{\sin x}{x} & x > 0 \end{cases}$

☐A è derivabile ☐B ha un punto angoloso ☐C ha una discontinuità di prima specie ☐D ha una cuspid ☐E ha una discontinuità di seconda specie ☐F ha tangente verticale ☐G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3111

Quesito n. A Si stimi l'errore commesso usando lo sviluppo al primo ordine di $\sin x$ centrato in $x = 0$ ($\sin x = x +$ resto di ordine x^3) per calcolare l'integrale $\int_0^{1/2} \sin t^2 dt$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. B Si stimi l'errore commesso usando lo sviluppo al primo ordine di $\sin x$ centrato in $x = 0$ ($\sin x = x +$ resto di ordine x^3) per calcolare l'integrale $\int_0^{1/3} \sin t^2 dt$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. C Si stimi l'errore commesso usando lo sviluppo al primo ordine di $\sin x$ centrato in $x = 0$ ($\sin x = x +$ resto di ordine x^3) per calcolare l'integrale $\int_0^{2/3} \sin t^2 dt$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. D Si stimi l'errore commesso usando lo sviluppo al secondo ordine di e^x centrato in $x = 0$ ($e^x = x + \frac{1}{2}x^2 +$ resto di ordine x^3) per calcolare l'integrale $\int_0^{1/2} e^{t^2} dt$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. E Si stimi l'errore commesso usando lo sviluppo al secondo ordine di e^x centrato in $x = 0$ ($e^x = x + \frac{1}{2}x^2 +$ resto di ordine x^3) per calcolare l'integrale $\int_0^{1/3} e^{t^2} dt$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Quesito n. F Si stimi l'errore commesso usando lo sviluppo al secondo ordine di e^x centrato in $x = 0$ ($e^x = x + \frac{1}{2}x^2 +$ resto di ordine x^3) per calcolare l'integrale $\int_0^{2/3} e^{t^2} dt$. Riportare i dettagli.

☐A ☐B ☐C ☐D ☐E ☐F ☐G

Problema n. 3160

Quesito n. A Data una qualsiasi funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ DERIVABILE tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = l \in \mathbf{R}$ si considerino le seguenti affermazioni: (1) esiste almeno un punto in cui $f'(x_0) = 0$ (2) dato un qualsiasi intervallo $[a, b]$ sottoinsieme del dominio di f , l'immagine di f comprende l'intervallo che ha per estremi $f(a)$ e $f(b)$ (se $f(a) = f(b)$ si intende l'intervallo ridotto ad un punto). (3) non possono esistere punti di flesso a tangente verticale. Si dica se

A (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera **D** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **E** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Data una qualsiasi funzione $f: [a, b] \rightarrow [f(a), f(b)]$ monotona strettamente crescente non necessariamente continua sul suo dominio. Si considerino le seguenti affermazioni: (1) f è invertibile (2) se f è continua l'immagine della funzione è tutto l'intervallo $[f(a), f(b)]$ (3) se f è DERIVABILE allora $f'(x) \geq 0$ per ogni x . Si dica se

A (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **D** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa **E** (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia f una qualsiasi funzione $f: [0, 5] \rightarrow [5, 15]$ Si considerino le seguenti affermazioni: (1) Se f è monotona allora è limitata (2) Se f è continua allora è limitata (3) se f è DERIVABILE allora esiste un punto $x_0 \in [0, 5]$ tale che $f'(x_0) = 2$. Si dica se

A (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **D** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa **E** (1) è vera, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia f una funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = l \in \mathbf{R}$, $f(x) > 0$ per $x < -2$, $f(x) < 0$ per $x > 2$. Si considerino le seguenti affermazioni: (1) Se f è DERIVABILE DUE VOLTE allora esiste x_0 tale che $f''(x_0) = 0$ (2) Se f è continua allora esiste un intervallo $[y_1, y_2]$, ($y_1 < 0$, $y_2 > 0$) sull'asse delle ordinate che è sottoinsieme dell'immagine di f (3) se f è DERIVABILE allora esistono due punti x_1 e x_2 tale che $f'(x_1) = f'(x_2) = 0$. Si dica se

A (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **D** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa **E** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia f una funzione $f: [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$. Si considerino le seguenti affermazioni: (1) se f è DERIVABILE, per il Teorema di Weierstrass la funzione ammette massimo in un punto $x_0 \in [a, b]$ e quindi, per il teorema di Fermat, $f'(x_0) = 0$ (2) Se f è DERIVABILE e $x_1 > x_2 \implies f'(x_1) > f'(x_2)$ (derivata prima crescente) allora la funzione f ha la concavità rivolta verso l'alto (3) se f è DERIVABILE e $x_1 > x_2 \implies f'(x_1) > f'(x_2)$ (derivata prima crescente) può accadere che f sia strettamente decrescente oppure strettamente crescente. Si dica se

A (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **D** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa **E** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia f una funzione $f: (a, b) \rightarrow \mathbf{R}$. Si considerino le seguenti affermazioni: (1) se f è DERIVABILE e $\lim_{x \rightarrow a^+} f'(x) = +\infty$, allora $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = +\infty$, (2) Se f è DERIVABILE e crescente può accadere che $f'(x) \equiv 0$ per $x \in (a', b')$ con $a' \neq a$, e $b' \neq b$. (3) se f è DERIVABILE e $x_1 < x_2 \implies f'(x_1) < f'(x_2)$ (derivata prima decrescente) può accadere che f sia strettamente crescente. Si dica se

A (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **D** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è falsa **E** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3161

Quesito n. A Data la funzione $f(x) = |x|$ si considerino le seguenti affermazioni: (1) esiste una costante a tale che $f(x) = a + o(1)$ per $x \rightarrow 0$ (2) esiste una costante b tale che $f(x) = bx + o(x)$ per $x \rightarrow 0$ (3) esiste una costante c tale che $f(x) = cx^2 + o(x^2)$ per $x \rightarrow 0$. Si dica se

A (1) è vera, (2) è falsa e (3) è falsa **B** (1) è falsa, (2) è falsa e (3) è vera **C** (1) è vera, (2) è vera e (3) è vera **D** (1) è vera, (2) è falsa e (3) è vera **E** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è falsa **F** (1) è falsa, (2) è vera e (3) è vera **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Data la funzione $f(x) = x^2$ si considerino le seguenti affermazioni: (1) esiste una costante a tale che $f(x) = a + o(1)$ per $x \rightarrow 0$ (2) esiste una costante b tale che $f(x) = bx + o(x)$ per $x \rightarrow 0$ (3) esiste una costante c tale che $f(x) = cx^2 + o(x^2)$ per $x \rightarrow 0$. Si dica se

A (3) è vera e implica sia (1) che (2) **B** (2) è vera e implica sia (1) che (3) **C** (1) è vera e implica sia (2) che (3) **D** (3) è vera e implica (1) ma non (2) **E** (2) è vera e implica (3) ma non (1) **F** (3) è vera e implica (2) ma non (1) **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Data la funzione $f(x) = x|x|$ si considerino le seguenti affermazioni: (1) esiste una costante a tale che $f(x) = a + o(1)$ per $x \rightarrow 0$ (2) esiste una costante b tale che $f(x) = bx + o(x)$ per $x \rightarrow 0$ (3) esiste una costante c tale che $f(x) = cx^2 + o(x^2)$ per $x \rightarrow 0$. Si dica se

A (3) è falsa, (2) è vera e implica (1) **B** (2) è vera e implica sia (1) che (3) **C** (1) è vera e implica sia (2) che (3) **D** (3) è vera e implica (1) ma non (2) **E** (2) è vera e implica (3) ma non (1) **F** (3) è vera e implica (1) ma non (2) **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Data la funzione $f(x) = \arctan \frac{1}{x}$ si considerino le seguenti affermazioni: (1) esiste una costante a tale che $f(x) = a + o(1)$ per $x \rightarrow 0$ (2) esiste una costante b tale che $f(x) = bx + o(x)$ per $x \rightarrow 0$ (3) esiste una costante c tale che $f(x) = cx^2 + o(x^2)$ per $x \rightarrow 0$. Si dica se

A (3) è falsa **B** (3) è vera **C** (2) è vera **D** (1) è vera **E** (1) è vera e (2) è falsa **F** (1) è vera e (3) è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Data la funzione $f(x) = x^{1/3}$ si considerino le seguenti affermazioni: (1) esiste una costante a tale che $f(x) = a + o(1)$ per $x \rightarrow 0$ (2) esiste una costante b tale che $f(x) = bx + o(x)$ per $x \rightarrow 0$ (3) esiste una costante c tale che $f(x) = cx^2 + o(x^2)$ per $x \rightarrow 0$. Si dica se

A (1) è vera **B** (2) è vera **C** (3) è vera **D** (1) è vera e (2) è vera **E** (2) è vera e (3) è falsa **F** (2) è vera e (3) è vera **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Data la funzione $f(x) = x^{4/3}$ si considerino le seguenti affermazioni: (1) esiste una costante a tale che $f(x) = a + o(1)$ per $x \rightarrow 0$ (2) esiste una costante b tale che $f(x) = bx + o(x)$ per $x \rightarrow 0$ (3) esiste una costante c tale che $f(x) = cx^2 + o(x^2)$ per $x \rightarrow 0$. Si dica se

A (3) è falsa, (2) è vera e implica (1) **B** (2) è vera e implica sia (1) che (3) **C** (1) è vera e implica sia (2) che (3) **D** (3) è vera e implica (1) ma non (2) **E** (2) è vera e implica (3) ma non (1) **F** (3) è vera e implica sia (1) che (2) **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Trovare l'inversa

4/dicembre/2012;

Problema n. 3009

sicuro

Quesito n. A Sia data la funzione $\ln(\frac{1}{2} + 4e^x)$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in 0

A 2 **B** $\frac{1}{2}$ **C** $\frac{e}{2}$ **D** e **E** 1 **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la funzione $\ln(\frac{1}{4} + 2e^x)$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in 0

A $\frac{4}{3}$ **B** $\frac{1}{2}$ **C** $2e$ **D** e **E** $\frac{3}{4}$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la funzione $\ln(\frac{1}{3} + 2e^x)$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in 0

A $\frac{3}{2}$ **B** 2 **C** e **D** $\frac{1}{2}$ **E** $\frac{2}{3}$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la funzione $\ln(\frac{1}{2} + 4e^{2x})$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in 0

A 1 **B** $\frac{1}{2}$ **C** $\frac{e}{4}$ **D** $2e$ **E** 4 **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la funzione $\ln(\frac{1}{2} + 4e^{x/2})$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in 0

A 4 **B** $\frac{1}{2}$ **C** 2 **D** $2e$ **E** $\frac{1}{4}$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la funzione $\ln(\frac{1}{4} + 4e^{2x})$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in 0

A $\frac{2}{3}$ **B** 1 **C** $\frac{e}{4}$ **D** $2e$ **E** $\frac{4}{3}$ **F** $\frac{3}{2}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3011

Maple, sicuro

Quesito n. A Sia data la funzione $e^x + \ln(\frac{1}{2} + 4e^x)$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in $\frac{1}{8}$

A $\frac{8}{9}$ **B** $\frac{e}{2}$ **C** $\frac{4}{3}$ **D** e **E** 1 **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la funzione $e^x + \ln(\frac{1}{4} + 2e^x)$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in $\frac{3}{8}$

A $\frac{8}{9}$ **B** $\frac{1}{2}$ **C** $2e$ **D** e **E** $\frac{1}{8}$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la funzione $e^x + \ln(\frac{1}{3} + 2e^x)$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in $\frac{1}{3}$

A 1 **B** 3 **C** e **D** $\frac{1}{2}$ **E** $\frac{e}{2}$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la funzione $e^{2x} + \ln(\frac{1}{2} + 4e^{2x})$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in $\frac{1}{8}$

A $\frac{4}{5}$ **B** $\frac{1}{2}$ **C** $\frac{e}{4}$ **D** $2e$ **E** $\frac{1}{2}$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la funzione $e^{2x} + \ln(\frac{1}{2} + 4e^{\frac{1}{2}x})$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in $\frac{3}{64}$

A $\frac{64}{17}$ **B** $\frac{1}{8}$ **C** 2 **D** $2e$ **E** $\frac{4}{51}$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la funzione $e^{2x} + \ln(\frac{1}{4} + 4e^{2x})$. Si calcoli la derivata della funzione inversa in $\frac{3}{16}$

A $\frac{8}{15}$ **B** 1 **C** $\frac{e}{4}$ **D** $2e$ **E** $\frac{4}{3}$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. A Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + \frac{e^2}{n + \sqrt{ne} \ln n}))^{n^2 + n \ln n}$

☐ A $+\infty$ ☐ B $\sqrt{e}$ ☐ C e ☐ D e^2 ☐ E e^4 ☐ F 1 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + \frac{2e}{n + n^{2/3}}))^{2n + \ln n}$

☐ A e^4 ☐ B $\sqrt{e}$ ☐ C e ☐ D e^2 ☐ E 1 ☐ F $+\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + \frac{2e}{n - \sqrt{ne}}))^{n + \sqrt{n}}$

☐ A e^2 ☐ B $\sqrt{e}$ ☐ C 1 ☐ D e ☐ E e^4 ☐ F $+\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + \frac{e}{n - \ln(ne)}))^{2n + \sqrt{n}}$

☐ A e^2 ☐ B $\sqrt{e}$ ☐ C e ☐ D 1 ☐ E e^4 ☐ F $+\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + \frac{ne}{2n^2 + 1}))^{n + 2 \ln n}$

☐ A $\sqrt{e}$ ☐ B 1 ☐ C e ☐ D e^2 ☐ E e^4 ☐ F $+\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + \frac{e^2}{n^2 + n}))^{2n + \sqrt{n}}$

☐ A 1 ☐ B $\frac{1}{2}$ ☐ C $\frac{e}{2}$ ☐ D e ☐ E $\sqrt{e}$ ☐ F 0 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3013

Quesito n. A Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + n \sin(n^2 + n^4)}{\cos n^3 - n^2}$ è uguale a:

☐ A -1 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E $-\infty$ ☐ F $\frac{2}{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n^2 + \ln(n) \sin(e^n)}{2n^2 + 2n \cos n}$ è uguale a:

☐ A $\frac{1}{2}$ ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 1 ☐ F $\frac{1}{4}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + \frac{\sin n}{n}}{2n^3 - 2n^2 \cos n^3}$ è uguale a:

☐ A 0 ☐ B 1 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 2 ☐ F -1 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 \ln n + \sin n}{n^2 + \ln n + \cos(e^n)}$ è uguale a:

☐ A $+\infty$ ☐ B 0 ☐ C 1 ☐ D non esiste ☐ E 2 ☐ F $\frac{2}{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 + n^2 \sin(e^n)}{n^3 \cos(n^5) - n^4}$ è uguale a:

☐ A 0 ☐ B -1 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 2 ☐ F 1 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 \ln^2(n^4 + 1) + n^3}{n^2 + \ln^4(1 + n) - n \sin n^2}$ è uguale a:

☐ A $+\infty$ ☐ B 0 ☐ C 1 ☐ D non esiste ☐ E $-\infty$ ☐ F $\frac{2}{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3014

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(8x) \sin^2 \frac{x}{\sqrt{2}}}{4(1 - \cos \frac{x}{2})}$ è uguale a:

☐ A 1 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 3 ☐ F $\frac{1}{2}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - \cos 2x)^3}{4(1 - \cos(2x^3))}$ è uguale a:

☐ A 1 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E $\frac{1}{3}$ ☐ F 3 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sin(2x))^2}{2 \ln(1 + 2x^2)}$ è uguale a:

☐ A 1 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E $\frac{1}{3}$ ☐ F 3 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 2x^4)}{8(1 - \cos x)^2}$ è uguale a:

☐ A 1 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 5 ☐ F $\frac{1}{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{x/2} - 1)^2}{\tan^2(\frac{x}{2})}$ è uguale a:

☐ A 1 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E $\frac{1}{\sqrt{3}}$ ☐ F $\sqrt{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{x^2/2} - 1)^2}{2(1 - \cos \frac{x}{2})}$ è uguale a:

☐ A 1 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 3 ☐ F $\sqrt{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3015

Quesito n. A Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{1}{2}x^2 + \ln(x + e^{\frac{1}{2}x^2})}{x^2(1 - \frac{1}{2}\cos \frac{1}{x})^2}$

☐ A 4 ☐ B $+\infty$ ☐ C 2 ☐ D 0 ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F $\frac{1}{4}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Calcolare $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sin \frac{1}{x^2}) \ln(2 + e^{x \ln x})$

☐ A 0 ☐ B $+\infty$ ☐ C 4 ☐ D 2 ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F $\frac{1}{4}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \ln(2x^2 + x + x \sin x)}{\ln(1 + e^{\frac{1}{2}x^2})}$

☐ A 4 ☐ B $+\infty$ ☐ C 0 ☐ D -2 ☐ E 3 ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 + 2 \sin x^4}{x^2 \ln(x + e^x + e^{2x})}$

☐ A 1 ☐ B $+\infty$ ☐ C 0 ☐ D 2 ☐ E 3 ☐ F 4 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} (1 - \cos \frac{1}{x}) \ln(1 + x + e^{4x^2})$

☐ A 2 ☐ B $+\infty$ ☐ C 0 ☐ D 1 ☐ E 3 ☐ F 4 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\ln(1 + e^{2x} + e^{\frac{1}{2}x^2})) \ln(1 + \frac{2}{x^2})$

☐ A 1 ☐ B $+\infty$ ☐ C 0 ☐ D 4 ☐ E 3 ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3019

Quesito n. A Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + (\cos \frac{1}{n})e^{-n}))^{\frac{1}{2}e^n}$

☐ A $e^{1/(2e)}$ ☐ B $e^{1/e}$ ☐ C 0 ☐ D e^e ☐ E $e^{1/2}$ ☐ F $+\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + (\sin \frac{1}{n})e^{-n}))^{\frac{1}{2}e^n}$

☐ A 1 ☐ B $e^{1/e}$ ☐ C 0 ☐ D e^{4e} ☐ E $e^{1/4}$ ☐ F $+\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + \frac{n}{2n + 1}e^{-2n}))^{\frac{1}{4}e^{2n}}$

☐ A $e^{2/e}$ ☐ B $e^{1/(2e)}$ ☐ C 0 ☐ D $4e$ ☐ E $e^{1/4}$ ☐ F $+\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e + \frac{n}{\sqrt{n} + 1}e^{-2n}))^{\frac{1}{3}e^{2n}}$

☐ A $+\infty$ ☐ B $e^{1/(3e)}$ ☐ C 0 ☐ D $4e$ ☐ E $e^{1/3}$ ☐ F $e^{3/e}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e - \frac{n}{\sqrt{n} + 1}e^{-2n}))^{\frac{1}{2}e^{2n}}$

☐ A 0 ☐ B $e^{1/(2e)}$ ☐ C $+\infty$ ☐ D $4e$ ☐ E $e^{2/3}$ ☐ F $e^{3/e}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si trovi il limite della seguente successione $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e - 2n(\sin \frac{1}{4n})e^{-2n}))^{2e^{2n}}$

☐ A $e^{-1/e}$ ☐ B $e^{1/(2e)}$ ☐ C $+\infty$ ☐ D 0 ☐ E $e^{2/3}$ ☐ F $e^{2/e}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3026 Maple

Quesito n. A Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{1}{2}x^2 + \ln^2(x + e^{\frac{1}{2}x})}{x^4(1 - \cos \frac{1}{x})}$

☐ A $\frac{3}{2}$ ☐ B $+\infty$ ☐ C 2 ☐ D 0 ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F $\frac{1}{4}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Calcolare $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\frac{1}{\ln(2x)}) \cdot (\sin(\frac{1}{x} + \frac{1}{x^2})) \cdot \ln(2 + e^{2x \ln x})$

☐ A 2 ☐ B $+\infty$ ☐ C 4 ☐ D $\frac{1}{4}$ ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F 0 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + \ln(2x^2 + e^x \sin x)}{\ln(1 + e^{\frac{1}{2}x^2})}$

☐ A 2 ☐ B $+\infty$ ☐ C 0 ☐ D -2 ☐ E 3 ☐ F 4 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 + 2 \sin x^4}{x^2 \ln(x + e^{x^2} + e^{2x})}$

☐ A 0 ☐ B $+\infty$ ☐ C 1 ☐ D 2 ☐ E 3 ☐ F 4 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} (1 - \cos \frac{1}{x}) \cdot \frac{\sin x}{x} \cdot \ln(xe^x + e^{4x^2})$

☐ A 0 ☐ B $+\infty$ ☐ C 2 ☐ D 1 ☐ E 3 ☐ F 4 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\ln(1 + e^{2x} + e^{\frac{1}{2}x^2})) \ln(1 + \frac{2}{x^2})$

☐ A 4 ☐ B $+\infty$ ☐ C 0 ☐ D 1 ☐ E 3 ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3035 Civetta con il 3013

Quesito n. A Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + n \sin(n^2 + n^4)}{\cos n^3 - n(\ln^3 n)}$ è uguale a:

☐ A $-\infty$ ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E -1 ☐ F $\frac{2}{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n(\ln^4 n) + \sin(e^n)}{2n^2 + 2n \cos n}$ è uguale a:

☐ A 0 ☐ B $\frac{1}{2}$ ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 1 ☐ F $\frac{1}{4}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 \sin n - 2n^3}{2n^3 - 2n^2 \cos n^3}$ è uguale a:

☐ A -1 ☐ B 1 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 2 ☐ F 0 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 \ln^3 n + \sin n}{n^3 + \ln n + \cos(e^n)}$ è uguale a:

☐ A 0 ☐ B $+\infty$ ☐ C 1 ☐ D non esiste ☐ E 2 ☐ F $\frac{2}{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^5 - n^2 \ln^2(n+1)}{n^3 \ln^4(1+n^2) - n^4}$ è uguale a:

☐ A $-\infty$ ☐ B -1 ☐ C 0 ☐ D non esiste ☐ E 2 ☐ F 1 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 \ln^2(n^4+1) + n}{n^2 \ln^4(1+n) - n \sin n^2}$ è uguale a:

☐ A 0 ☐ B $+\infty$ ☐ C 1 ☐ D non esiste ☐ E $-\infty$ ☐ F $\frac{2}{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3037 Maple; sicuro

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{2x} - 1)(1 - \cos 2x)}{(\sin(2x))^3}$ è uguale a:

☐ A $\frac{1}{2}$ ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 2 ☐ F 1 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{2x} - 1)(1 - \cos 2x)}{\sin 2x^3}$ è uguale a:

☐ A 2 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E $\frac{1}{4}$ ☐ F $\frac{1}{2}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{2x} - 1)^2(1 - \cos 2x)}{(1 - \cos 2x^2)}$ è uguale a:

☐ A 4 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 1 ☐ F 3 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{2x} - 1)^2(1 - \cos 2x)}{(1 - \cos 2x^2)}$ è uguale a:

☐ A 2 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 1 ☐ F $\frac{1}{2}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 2x^2)(e^{2x} - 1)}{(\sin(2x))^3}$ è uguale a:

☐ A $\frac{1}{2}$ ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E 1 ☐ F 4 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + \sqrt{2}x^2)(e^{\sqrt{2}x} - 1)^2}{\sin(\sqrt{2}x^4)}$ è uguale a:

☐ A 2 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F 1 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3039 Civetta con il 3026

Quesito n. A Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x + e^{\frac{1}{2}x^3}) - 2 \ln^3(x + e^{\frac{1}{2}x})}{x^4(1 - \cos \frac{1}{2\sqrt{x}})}$

☐ A 1 ☐ B $+\infty$ ☐ C 2 ☐ D 0 ☐ E -1 ☐ F $\frac{1}{2}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Calcolare $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\frac{1}{\ln(2x^4)}) \cdot (\sin(\frac{1}{x} + \frac{1}{x^2})) \cdot \ln(2 + e^{2x \ln x})$

☐ A $\frac{1}{2}$ ☐ B $+\infty$ ☐ C 4 ☐ D $\frac{1}{4}$ ☐ E 2 ☐ F 0 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 + \ln(2x^2 + e^x \sin^2 x)}{\ln^2(1 + e^{\frac{1}{2}x})} \sin \frac{1}{x}$

☐ A 4 ☐ B $+\infty$ ☐ C 0 ☐ D -2 ☐ E 3 ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^5 + 2(1 + x^3) \sin x^6}{x^2 \ln(x + e^{x^2} + e^{2x})} \sin \frac{1}{x}$

☐ A 2 ☐ B $+\infty$ ☐ C 1 ☐ D 0 ☐ E 3 ☐ F 4 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} (1 - \cos \frac{2}{\sqrt{x}}) \cdot \frac{\sin x}{x} \cdot \ln(xe^x + e^{4x^2})$

☐ A non esiste né finito né infinito ☐ B $+\infty$ ☐ C 2 ☐ D 1 ☐ E 0 ☐ F $-\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\ln(1 + e^{2x^2} + x^3 e^{\frac{1}{2}x^2})) \ln(1 + \frac{2}{x^3})$

☐ A 0 ☐ B 4 ☐ C $+\infty$ ☐ D 1 ☐ E 3 ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3047 Leggermente simile al 238

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \cos x + e^{-x}}{3x + \sqrt{1 + x^4}}$ vale

☐ A 2 ☐ B 0 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F $\sqrt{2}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2\sqrt{2}x + \cos x + e^{-x}}{x + \sqrt{1 + x^2}}$ vale

☐ A $\sqrt{2}$ ☐ B 2 ☐ C $+\infty$ ☐ D non esiste ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F 0 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \cos x + e^x \cos x}{3x + \sqrt{1 + 2x^4}}$ vale

☐ A non esiste ☐ B $\sqrt{2}$ ☐ C 0 ☐ D $+\infty$ ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x \cos x + e^{-x}}{3x + \sqrt{1 + 2x^4}}$ vale

☐ A 0 ☐ B $\sqrt{2}$ ☐ C non esiste ☐ D $+\infty$ ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \cos x + e^{\frac{x}{2}}}{3x + \sqrt{xe^x + x^4}}$ vale

☐ A 0 ☐ B $\sqrt{2}$ ☐ C 2 ☐ D $+\infty$ ☐ E non esiste ☐ F $\frac{1}{2}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \cos x + x^4 e^{-x}}{2x^2 + \sqrt{1 + 4x^4}}$ vale

☐ A $\frac{1}{2}$ ☐ B $\sqrt{2}$ ☐ C 0 ☐ D $+\infty$ ☐ E non esiste ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3062 sicuro

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln^2(1 + e^x)}{x + \cos x}$ è

☐ A ∞ ☐ B $\frac{1}{2}$ ☐ C e ☐ D 0 ☐ E 1 ☐ F $\frac{x}{2}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln^2(1 + e^x) - x \cos x}{x^2 - x \sin x}$ è

☐ A 1 ☐ B 2 ☐ C non esiste in $\mathbf{R}^*$ ☐ D -1 ☐ E $+\infty$ ☐ F $\frac{1}{2}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln^2(1 + x) - \sin x}{\tan 2x}$ è

☐ A $-\frac{1}{2}$ ☐ B $\frac{1}{2}$ ☐ C 0 ☐ D -1 ☐ E -2 ☐ F 1 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + x)}{1 - \sqrt{1 + x}}$ è

☐ A -2 ☐ B 1 ☐ C 0 ☐ D -1 ☐ E $-\infty$ ☐ F 2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x \ln |x|} - 1}{x}$ è

☐ A $-\infty$ ☐ B -1 ☐ C 0 ☐ D 1 ☐ E 2 ☐ F -2 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x^2 + x)}{\ln(1 + \frac{1}{2}x)}$ è

☐ A 2 ☐ B -1 ☐ C $-\infty$ ☐ D 1 ☐ E $+\infty$ ☐ F 0 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3063 sicuro

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + 2xe^x} - 1}{x}$ è uguale a:

☐ A 1 ☐ B $\ln 3$ ☐ C 3 ☐ D $+\infty$ ☐ E 0 ☐ F $\frac{2}{3}$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{\ln^2(1 + x) + x^2} - x \sin x$ è uguale a:

☐ A non esiste ☐ B $\frac{1}{2}$ ☐ C 0 ☐ D $\frac{1}{4}$ ☐ E 1 ☐ F $-\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{1 + x^2 \ln^6(1 + x) + x^8}}{2x^4 + \sqrt{1 + x^7}}$ è uguale a:

☐ A $\frac{1}{2}$ ☐ B $\frac{1}{4}$ ☐ C 0 ☐ D 2 ☐ E $+\infty$ ☐ F non esiste ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^x - 1) \tan(5x)}{1 - \cos x}$ è uguale a:

☐ A 10 ☐ B 20 ☐ C 7 ☐ D $+\infty$ ☐ E 3 ☐ F non esiste ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\ln(1 + 3x^2))}{\sin^2 x}$ è uguale a:

☐ A $-\infty$ ☐ B 3 ☐ C 1 ☐ D 2 ☐ E $\frac{1}{3}$ ☐ F non esiste ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - \sin^2 x - 1}{\ln^2(1 + x)}$ è uguale a:

☐ A non esiste ☐ B $+2$ ☐ C 1 ☐ D 0 ☐ E $\frac{1}{2}$ ☐ F $+\infty$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3065

sicuro

Quesito n. A Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x \ln^3(1+3x)}{e^{2x}(1-\cos 6x^2)}$

[A] $\frac{3}{2}$ [B] 0 [C] ∞ [D] 3 [E] $\frac{2}{3}$ [F] non esiste perché è una forma indeterminata [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2x) \ln^3(1+3x)}{e^x(1-\cos 3x^2)}$

[A] 12 [B] 0 [C] ∞ [D] 6 [E] 3 [F] non esiste perché è una forma indeterminata [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x \ln^3(1+3x)}{(e^x-1)(1-\cos 3x)^2}$

[A] non esiste [B] $\frac{3}{2}$ [C] ∞ [D] $\frac{1}{2}$ [E] 0 [F] $\frac{4}{3}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{x^2}-1)(e^x-1)^4}{(1-\cos x^3)(1+\cos 3x^2)}$

[A] 1 [B] ∞ [C] 0 [D] 2 [E] $\frac{1}{2}$ [F] non esiste perché è una forma indeterminata [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{2x^2}-1)(e^{\sin x}-1)^2}{(1-\cos x^2)(1+\cos x)^2}$

[A] 1 [B] ∞ [C] 0 [D] 2 [E] $\frac{1}{2}$ [F] non esiste perché è una forma indeterminata [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{x^2}-1)(e^{x/2}-1)^2}{(1-\cos x)^2(2+\cos x^2)}$

[A] $\frac{1}{3}$ [B] ∞ [C] 0 [D] $\frac{1}{2}$ [E] 3 [F] non esiste perché è una forma indeterminata [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3066

Quesito n. A Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2-2x^3e^x-xe^{-x}}{x^3e^x-3e^x \sin x-e^{-2x}}$

[A] -2 [B] $+\infty$ [C] $-\infty$ [D] 3 [E] 2 [F] non esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Calcolare $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2-2x^3+xe^{\sqrt{\ln x} \sin x}}{2x^3+x^3 \sin x}$

[A] non esiste [B] 0 [C] $-\infty$ [D] 2 [E] $+\infty$ [F] -2 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 \ln x + 3x^3 - 2 \ln^3(1+e^x)}{x^3 + \sin x - e^{-2x}}$

[A] 1 [B] $+\infty$ [C] 0 [D] -2 [E] -1 [F] non esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2-x^3e^x-xe^{|x|}}{x^3e^x+e^{x/2} \sin x - e^{-2x}}$

[A] 0 [B] $+\infty$ [C] $\frac{1}{3}$ [D] -2 [E] $-\frac{1}{4}$ [F] 1 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 \ln^2(1+e^{2x})-x^3e^x-xe^{|x|}}{2xe^x+xe^x \sin x - e^{-2x}}$

[A] 0 [B] $+\infty$ [C] non esiste [D] $-\frac{1}{2}$ [E] $-\infty$ [F] 1 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2-x^3e^x-xe^{|x|} \ln |x|}{x^3e^{-x}+e^{x/2} \sin x - e^{2x}}$

[A] $-\infty$ [B] $+\infty$ [C] -1 [D] 2 [E] 1 [F] 0 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3101

Civetta con 3047, anti-L'Hôpital

Quesito n. A Il $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2+x \cos x^3+e^{-x}}{3x+\sqrt{1+x^4}}$ vale

[A] 2 [B] 0 [C] $+\infty$ [D] non esiste [E] $\frac{1}{2}$ [F] $\sqrt{2}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2\sqrt{2}x+\cos x^4+e^{-x}}{x+\sqrt{1+x^2}}$ vale

[A] $\sqrt{2}$ [B] 2 [C] $+\infty$ [D] non esiste [E] $\frac{1}{2}$ [F] 0 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2+x \cos x^3+e^x \cos x}{3x+\sqrt{1+2x^4}}$ vale

[A] non esiste [B] $\sqrt{2}$ [C] 0 [D] $+\infty$ [E] $\frac{1}{2}$ [F] 2 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x \cos x^3+e^{-x}}{3x+\sqrt{1+2x^4}}$ vale

[A] 0 [B] $\sqrt{2}$ [C] non esiste [D] $+\infty$ [E] $\frac{1}{2}$ [F] 2 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2+\cos x^5+e^{\frac{x}{2}}}{3x+\sqrt{x e^x+x^4}}$ vale

[A] 0 [B] $\sqrt{2}$ [C] 2 [D] $+\infty$ [E] non esiste [F] $\frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2+x \cos x^4+x^4 e^{-x}}{2x^2+\sqrt{1+4x^4}}$ vale

[A] $\frac{1}{2}$ [B] $\sqrt{2}$ [C] 0 [D] $+\infty$ [E] non esiste [F] 2 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3136

Quesito n. A $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+2x)}{7x}$ è:

[A] $\frac{2}{7}$ [B] $14e$ [C] $\frac{1}{7e}$ [D] 7 [E] $\frac{1}{7}$ [F] $\frac{7}{2}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^x-1}{5x}$ è:

[A] $\frac{\ln 2}{5}$ [B] $\ln 2 \cdot 5$ [C] $\ln 5$ [D] $\frac{\log_2 5}{5}$ [E] $\log_5 2$ [F] $\frac{\ln 2}{\ln 5}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos(4x)}{4x^2}$ è:

[A] 2 [B] 1 [C] 4 [D] 8 [E] 16 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(8x)}{\tan(2x)}$ è:

[A] 4 [B] 1 [C] 2 [D] 8 [E] 16 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos(4x)}{\sin(2x)}$ è:

[A] 0 [B] 1 [C] 2 [D] 8 [E] 16 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+4x)}{\sin(2x)}$ è:

[A] 2 [B] 1 [C] 4 [D] 8 [E] 16 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3137

Quesito n. A $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln(1+2x+\sqrt{x})}{7x}$ è:

[A] $+\infty$ [B] 2 [C] 1 [D] 7 [E] $\frac{1}{7}$ [F] $\frac{7}{2}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{x+x^2}-1}{3x}$ è:

[A] $\frac{\ln 2}{3}$ [B] $\frac{\ln 2}{\ln 3}$ [C] $\ln 3$ [D] $\frac{\log_3 3}{3}$ [E] $\log_3 2$ [F] $\frac{\ln_3 2}{3}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos(4\sqrt{x})}{4x}$ è:

[A] 2 [B] 1 [C] 4 [D] 8 [E] 16 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(8x+x^2)}{\tan(2x^2)}$ è:

[A] non esiste [B] 1 [C] 2 [D] 8 [E] 16 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos(4\sqrt{x})}{\sin(2x)}$ è:

[A] 4 [B] 1 [C] 2 [D] 8 [E] 16 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+4x+x^2)}{\sin(2x^2)}$ è:

[A] non esiste [B] 1 [C] 4 [D] 8 [E] 16 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3138

Quesito n. A $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\ln(e^n+1))^{1/\sqrt{n}}$ è:

[A] 1 [B] 0 [C] $+\infty$ [D] non esiste [E] e [F] $1/e$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt{n^2+\sqrt{n}}-n$ è:

[A] 0 [B] $+\infty$ [C] $-\infty$ [D] 1 [E] 2 [F] non esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt{n^2+n^{3/2}}-n$ è:

[A] $+\infty$ [B] 0 [C] $-\infty$ [D] 1 [E] 2 [F] non esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\ln(1+e^{\sqrt{n}})}{\sqrt{n}}$ è:

[A] 1 [B] $+\infty$ [C] $-\infty$ [D] 0 [E] 2 [F] non esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{2^{3n}-4^{2n}}{\ln(1+e^n)}$ è:

[A] $-\infty$ [B] $+\infty$ [C] 0 [D] 1 [E] 2 [F] non esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{2^{4n}-4^{2n}}{\ln(1+n)}$ è:

[A] 0 [B] $+\infty$ [C] $-\infty$ [D] 1 [E] 2 [F] non esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3139

Quesito n. A $\lim_{x \rightarrow +\infty} (1+e^{-x})^x$ è:

[A] 1 [B] e [C] $\sqrt{e}$ [D] 0 [E] e^2 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\lim_{x \rightarrow +\infty} (1 + \frac{1}{\sqrt{x}})^x$ è:

☐ $+\infty$ ☐ 0 ☐ e ☐ $\frac{e}{2}$ ☐ 1 ☐ $\sqrt{e}$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\lim_{x \rightarrow 0} (|x| + \sin x^2)^x$ è:

☐ 1 ☐ 2 ☐ e ☐ $\sin e$ ☐ 0 ☐ $+\infty$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\lim_{x \rightarrow 0} (|\sin x|)^{-x}$ è:

☐ 1 ☐ 0 ☐ $\sin e$ ☐ e^2 ☐ e ☐ $+\infty$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E $\lim_{x \rightarrow +\infty} (2 + \sin x)^{1/x}$ è:

☐ 1 ☐ 0 ☐ 2 ☐ e^2 ☐ $\frac{1}{e}$ ☐ $+\infty$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F $\lim_{x \rightarrow +\infty} (2x - \sin x)^{1/\ln x}$ è:

☐ e ☐ 1 ☐ non esiste ☐ e^2 ☐ 0 ☐ $+\infty$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3066

Quesito n. A Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 - 2x^3 e^x - x e^{-x}}{x^3 e^x - 3e^x \sin x - e^{-2x}}$

☐ -2 ☐ $+\infty$ ☐ $-\infty$ ☐ 3 ☐ 2 ☐ non esiste ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Calcolare $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 - 2x^3 + x e^{\sqrt{\ln x} \sin x}}{2x^3 + x^3 \sin x}$

☐ non esiste ☐ 0 ☐ $-\infty$ ☐ 0 ☐ 2 ☐ $+\infty$ ☐ -2 ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 \ln x + 3x^3 - 2 \ln^3(1 + e^x)}{x^3 + \sin x - e^{-2x}}$

☐ 1 ☐ $+\infty$ ☐ 0 ☐ -2 ☐ -1 ☐ non esiste ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 - x^3 e^x - x e^{|x|}}{x^3 e^x + e^{x/2} \sin x - e^{-2x}}$

☐ 0 ☐ $+\infty$ ☐ $\frac{1}{3}$ ☐ -2 ☐ $-\frac{1}{4}$ ☐ 1 ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 \ln^2(1 + e^{2x}) - x^3 e^x - x e^{|x|}}{2x e^x + x e^x \sin x - e^{-2x}}$

☐ 0 ☐ $+\infty$ ☐ non esiste ☐ $-\frac{1}{2}$ ☐ $-\infty$ ☐ 1 ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Calcolare il limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 - x^3 e^x - x e^{|x| \ln |x|}}{x^3 e^{-x} + e^{x/2} \sin x - e^{2x}}$

☐ $-\infty$ ☐ $+\infty$ ☐ -1 ☐ 2 ☐ 1 ☐ 0 ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3149

Quesito n. A $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log_{e^2}(1 + 2x)}{\ln(1 + \sin(7x))}$ è:

☐ $\frac{1}{7}$ ☐ $14e$ ☐ $\frac{1}{7e}$ ☐ 7 ☐ $\frac{7}{2}$ ☐ $\frac{7}{2}$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^2 - 4x^2}{\log_{e^2}(\cos(2x))}$ è:

☐ $\ln 2$ ☐ $2 \ln 2$ ☐ $\ln_2 2$ ☐ $\frac{\log_2 2}{2}$ ☐ $\log_{e^2} 2$ ☐ $\frac{\ln 2}{\log_{e^2} 2}$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln_{\sqrt{e}}(2 - \cos(4x))}{\tan^2(2x)}$ è:

☐ 4 ☐ 1 ☐ 2 ☐ 8 ☐ 16 ☐ $+\infty$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4x - (16)^x}{\log_{\frac{1}{\sqrt{e}}}(1 + \sin(x \ln 2))}$ è:

☐ 1 ☐ 2 ☐ 4 ☐ 8 ☐ 16 ☐ $+\infty$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log_{e^2} \frac{\cos x^2}{\cos(4x)}}{\log_{\sqrt{e}}(1 + \sin(4x^2))}$ è:

☐ $\frac{1}{2}$ ☐ 1 ☐ $\frac{3}{2}$ ☐ $\ln 2$ ☐ $2 \ln 2$ ☐ $+\infty$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\log_{\sqrt{e}}(1 + 4x)}{\log_{e^2}(\ln(e + x))}$ è:

☐ $16e$ ☐ e ☐ $2 \ln 2$ ☐ 2 ☐ 0 ☐ $+\infty$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Calcolo derivate

4/dicembre/2012;

Problema n. 3021

Maple, sicuro

Quesito n. A Si trovi per quale valore di a e b è derivabile per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} a + (\log_2(x - 2))^2 & x > 3 \\ e^x + bx & x \leq 3 \end{cases}$$

☐ $a = -2e^3, b = -e^3$ ☐ $a = 2, b = 1$ ☐ $a = e^3, b = e$ ☐ $a = 2 \ln 2, b = \frac{1}{\ln 2}$ ☐ $a = 2 \frac{1}{\ln^2}, b = \sqrt{2}$ ☐ $a = 2 \frac{1}{\ln^2}, b = 1 + 2 \frac{1}{\ln^2}$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si trovi per quale valore di a e b è derivabile per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} a + (\log_2(x - 1))^3 & x > 2 \\ 2^x + bx & x \leq 2 \end{cases}$$

☐ $a = 4 - 8 \ln 2, b = -4 \ln 2,$ ☐ $a = 2 + \ln 2, b = \ln 2$ ☐ $a = -\ln 2, b = 2 \ln 2$ ☐ $a = 2 - 2 \ln 2, b = 1 + \ln 2$ ☐ $a = 1 - \ln 2, b = 2 - \ln 2$ ☐ $a = \ln 2, b = -\ln 2$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si trovi per quale valore di a e b è derivabile per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} a + (\log_2(x - \frac{3}{2}))^3 & x > \frac{5}{2} \\ 2^{\frac{1}{2}x} + bx & x \leq \frac{5}{2} \end{cases}$$

☐ $a = \frac{2 - \ln 2}{\sqrt{2}}, b = -\frac{\sqrt{2}}{5} \ln 2,$ ☐ $a = \frac{2 + \ln 2}{\ln 2}, b = 1 + \frac{\sqrt{2}}{5} \ln 2$ ☐ $a = \frac{1 + \ln 2}{\ln 2}, b = 2 - \frac{\sqrt{2}}{5} \ln 2$ ☐ $a = \frac{2 - \ln 2}{2}, b = 2 - \frac{\sqrt{2}}{5} \ln 2$ ☐ $a = \frac{2 - \ln 2}{5}, b = 1 - \frac{\sqrt{2}}{5} 2$ ☐ $a = \frac{2 - \ln 5}{\ln 2}, b = 5 - \frac{\sqrt{2}}{5} \ln 2$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si trovi per quale valore di a e b è derivabile per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} a + (\log_2(x + 1))^2 & x > 0 \\ e^{x/2} + bx & x \leq 0 \end{cases}$$

☐ $a = 1, b = -\frac{1}{2}$ ☐ $a = -\frac{1}{2}, b = 1$ ☐ $a = -1, b = \frac{1}{2}$ ☐ $a = 1, b = 0$ ☐ $a = -\ln 2, b = \ln 2$ ☐ $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si trovi per quale valore di a e b è derivabile per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} a + (\log_2(x - \ln 2 + 1))^3 & x > \ln 2 \\ e^x + bx & x \leq \ln 2 \end{cases}$$

☐ $a = 2 - 2 \ln 2, b = -2$ ☐ $a = -\frac{1}{\ln 2}, b = 1$ ☐ $a = -1, b = \frac{1}{2}$ ☐ $a = -\ln 2, b = \ln 2$ ☐ $a = -2, b = 2$ ☐ $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{\ln 2}$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si trovi per quale valore di a e b è derivabile per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} a + (\log_2(x - 2 \ln 2 + 1))^3 & x > 2 \ln 2 \\ e^x + bx & x \leq 2 \ln 2 \end{cases}$$

☐ $a = 4 - 8 \ln 2, b = -4$ ☐ $a = -\frac{1}{4 \ln 2}, b = 3 \ln 2$ ☐ $a = -1, b = \frac{1}{2}$ ☐ $a = -\ln 2, b = 2 \ln 2$ ☐ $a = -2, b = 6$ ☐ $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{\ln 2}$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3049

Maple

Quesito n. A Si calcolino le seguenti derivate: $f'(e^{\frac{1}{2}}), g'(\frac{\pi}{2}), h'(e)$ dove $f(x) = x^{\ln x + \ln^2 x}, g(x) = (\sin x)^{x \cos x}, h(x) = x^{\frac{\ln x}{x}}$

☐ $\frac{7}{4}e^{-1/8}, 0, e^{-2+1/e}$ ☐ $\ln(2), 1, e^{1/e}$ ☐ $\frac{1}{4}e^{-1/2}, -1, e$ ☐ $\frac{1}{2}, e, 2e$ ☐ $e^{-1/e}, e^{\frac{1}{e}}, e^{-1/e}$ ☐ $e^{1/2}, e^{-2}, 0$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si calcolino le seguenti derivate: $f'(e), g'(\frac{\pi}{4}), h'(e)$ dove $f(x) = (\ln x)^{\ln x + x}, g(x) = (\tan x)^{x \cos x}, h(x) = (\ln x)^{\frac{1}{\ln x}}$,

☐ $\frac{1+e}{2\sqrt{2}}, \frac{\pi}{2\sqrt{2}}, 1$ ☐ $\frac{1+e}{e^x}, \frac{\pi}{4}, e$ ☐ $\frac{2+e}{e}, \frac{\pi}{2}, -e$ ☐ $\frac{1}{e}, \pi, 0$ ☐ $e, 0, e^e$ ☐ $0, 0, 0$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si calcolino le seguenti derivate: $f'(\ln(1 + \sqrt{2})), g'(e), h'(1)$ dove $f(x) = (\sinh x)^{\cosh x}, g(x) = (\ln x)^{\tan^2 x}, h(x) = e^{(1 + \frac{1}{x})^x} \sinh x \div \frac{1}{2}(e^x - e^{-x}), \cosh x \div \frac{1}{2}(e^x + e^{-x}),$

☐ $2, \frac{\tan^2 e}{e}, 2e^2 \ln 2 - e^2$ ☐ $0, \frac{1}{e}, 2e^2 \ln 2 + e^2$ ☐ $2, \tan e, e^2 \ln 2 - e^2$ ☐ $\frac{1}{2}, \tan e, 2e \ln 2 - e^2$ ☐ $e, \frac{\sin^2 e}{e}, 2e^2 \ln 2 - e^2$ ☐ $2e, \frac{\tan e}{e}, 2 \ln 2 + e^2$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si calcolino le seguenti derivate: $f'(e), g'(\frac{\pi}{4}), h'(1)$ dove $f(x) = (\ln x)^{\sinh x}, g(x) = (\tan x)^{x(\cos x + \sin x)}, h(x) = e^{(1 + \frac{1}{x})^{-x}} \sinh x \div \frac{1}{2}(e^x - e^{-x}),$

☐ $\frac{\sinh e}{e}, \frac{\pi}{\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{e}}{4}(-2 \ln 2 + 1)$ ☐ $0, \frac{1}{\pi}, \frac{\sqrt{e}}{4}(2 \ln 2 + 1)$ ☐ $e, \frac{\pi}{2}, \frac{e}{4}(-2 \ln 2 + 1)$ ☐ $\frac{\sinh^2 e}{e^2}, -\pi, \frac{e}{2}(-2 \ln 2 + 1)$ ☐ $e + \frac{1}{e}, 2\pi, \frac{e^2}{4}(-2 \ln 2 + 2)$ ☐ $e^{\sinh e}, \pi, \frac{e^2}{4}(-2 \ln 2 - 2)$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si calcolino le seguenti derivate: $f'(e), g'(\frac{\pi}{4}), h'(1)$ dove $f(x) = (\ln x)^{\sinh^2 x}, g(x) = (\tan x)^{x(\cos x - \sin x)}, h(x) = e^{(1 + \frac{1}{x})^x}$

☐ $\frac{\sinh^2 e}{e}, 0, 2e^2(\ln 2 - 1)$ ☐ $0, \frac{1}{\pi}, e(\ln 2 - 1)$ ☐ $e^{\sinh e}, \frac{\pi}{2}, e^2(\ln 2 + 1)$ ☐ $\frac{\sinh^2 e}{e^2}, -\pi, \sqrt{e}(\ln 2 + 1)$ ☐ $e + \frac{1}{e}, 2\pi, e^2(2 \ln 2 - 1)$ ☐ $\frac{1}{e}, \pi, 2e^2(\ln 2 + 1)$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si calcolino le seguenti derivate: $f'(0), g'(\frac{3}{4}\pi), h'(1)$ dove $f(x) = (\cos x)^{\tan x + \sin x}, g(x) = (\ln x)^{(\cos x + \sin x)}, h(x) = e^{(1 + \frac{1}{x})^{x^2}}$

☐ $0, -\sqrt{2} \ln \ln(\frac{3}{4}\pi), e^2(4 \ln 2 - 1)$ ☐ $\pi, 2\pi \ln(\frac{3}{4}\pi), e(2 \ln 2 - \frac{1}{2})$ ☐ $\frac{\pi}{4}, \ln(\frac{\pi}{4}), 2e^2$ ☐ $\frac{3}{4}\pi, \pi \ln(\frac{3}{4}\pi), -2e$ ☐ $0, \ln(\pi), e^2(2 \ln 2 - 1)$ ☐ $\frac{\pi}{2}, \sqrt{2} \ln(\frac{3}{4}\pi), \sqrt{e}(\ln 2 + 1)$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3057

Maple

Quesito n. A Si calcolino le seguenti derivate: $f'(e^{\frac{1}{2}}), g'(\frac{\pi}{2}), h'(e)$ dove $f(x) = x^{2 \ln x + \ln^2 x}, g(x) = x(\sin x)^{x \cos x}, h(x) = x^{\frac{2 \ln x}{x}}$

☐ $\frac{11}{4}e^{1/8}, 1, 2e^{2(\frac{1-e}{e})}$ ☐ $\ln(2), e^2, e^{2/e}$ ☐ $\frac{1}{4}e^{-1/2}, -1, 2e^{(\frac{1-e}{e})}$ ☐ $\frac{1}{2}, e, 2e$ ☐ $e^{-1/e}, e^{1/e}, e^{2/e}$ ☐ $e^{1/2}, e^{-2e}, e^{2(\frac{1-e}{e})}$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si calcolino le seguenti derivate: $f'(e)$, $g'(\frac{\pi}{4})$, $h'(e)$ dove $f(x) = (\ln x)^{\ln x - x}$, $g(x) = (\tan x)^{2x \cos x}$, $h(x) = (x \ln x)^{\frac{2x}{\ln x}}$,

A $\frac{1-e}{e}$, $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$, $4e^{2e}$ **B** $\frac{1+2e}{e^2}$, $\frac{\pi}{3}$, e **C** $\frac{2+e}{e^2}$, $\frac{\pi}{2}$, $-e$ **D** $\frac{1}{2e}$, 2π , 0 **E** e , 0 , e^e **F** 0 , e , $2e$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si calcolino le seguenti derivate: $f'(\ln(1+\sqrt{2}))$, $g'(e)$, $h'(1)$ dove $f(x) = (\sinh x)^{2 \cosh x}$, $g(x) = (\ln x)^{x \tan^2 x}$, $h(x) = e^{(1+\frac{1}{x})^{2x}}$

A 4 , $\tan^2 e$, $4e^4(2 \ln 2 - 1)$ **B** e , $\frac{2}{e}$, $e^2 \ln 2 + e^2$ **C** 2 , $\pi \tan e$, $\ln 2 - e^2$ **D** $\frac{1}{2e}$, $\tan e$, $2e \ln 2$ **E** 0 , $\frac{\sinh e}{e}$, $2e^2 \ln^2 2 - e^2$ **F** $2e$, $\frac{\tan e}{e}$, $2 \ln 2 + e^2$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si calcolino le seguenti derivate: $f'(e)$, $g'(\frac{\pi}{4})$, $h'(1)$ dove $f(x) = (\ln x)^{\cosh^2 x}$, $g(x) = (\tan x)^{x(2 \cos x - \sin x)}$, $h(x) = e^{2(1+\frac{1}{x})^{-x}}$

A $\frac{\cosh^2 e}{e}$, $\frac{\pi\sqrt{2}}{4}$, $\frac{1}{2}e(-2 \ln 2 + 1)$ **B** 0 , $\frac{1}{\pi}$, $\frac{\sqrt{e}}{2}(2 \ln 2 + 1)$ **C** e , $\frac{\pi}{2}$, $\frac{e}{4}(-2 \ln 2 + 1)$ **D** $\frac{\sinh^2 e}{e}$, $-\pi$, $\frac{1}{2}(-2 \ln 2 + 1)$ **E** $e + \frac{1}{e}$, 2π , $\frac{e^2}{4}(-2 \ln 2 + 2)$ **F** $e^{\sinh e}$, π , $\frac{e^2}{4}(-2 \ln 2 - 2)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si calcolino le seguenti derivate: $f'(e)$, $g'(\frac{\pi}{4})$, $h'(1)$ dove $f(x) = x(\ln x)^{\sinh^2 x}$, $g(x) = (\tan x)^{x(\cos x + 2 \sin x)}$, $h(x) = e^{2(1+\frac{1}{x})^x}$

A $\frac{1}{2}(1 + \cosh 2e)$, $\frac{3\pi\sqrt{2}}{4}$, $4e^4(\ln 2 - 1)$ **B** 0 , $\frac{1}{\pi}$, $e(\ln 2 - 1)$ **C** $e^{\sinh e}$, $\frac{\pi}{2}$, $e^2(\ln 2 + 1)$ **D** $\frac{\sinh^2 e}{e^2}$, $-\pi$, $\sqrt{e}(\ln 2 + 1)$ **E** $e + \frac{1}{e}$, 2π , $e^2(2 \ln 2 - 1)$ **F** $\frac{1}{e}$, π , $2e^2(\ln 2 + 1)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si calcolino le seguenti derivate: $f'(0)$, $g'(\frac{3}{4}\pi)$, $h'(1)$ dove $f(x) = (2 \cos x)^{\tan x + \sin x}$, $g(x) = x(\ln x)^{(\cos x + \sin x)}$, $h(x) = e^{(1+\frac{1}{x})^{2x^2}}$

A $2 \ln 2$, $1 - \frac{3}{4}\pi\sqrt{2} \ln(\frac{3}{4}\pi)$, $4e^4(4 \ln 2 - 1)$ **B** π , $2\pi \ln(\frac{3}{4}\pi)$, $e(2 \ln 2 - \frac{1}{2})$ **C** $\frac{\pi}{4}$, $\ln(\frac{\pi}{4})$, $2e^2$ **D** $\frac{3}{4}\pi$, $\pi \ln(\frac{3}{2}\pi)$, $-2e$ **E** 0 , $\ln(\pi)$, $e^2(2 \ln 2 - 1)$ **F** $\frac{\pi}{2}$, $\sqrt{2} \ln(\frac{3}{2}\pi)$, $\sqrt{e}(\ln 2 + 1)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3156

Maple, sicuro

Quesito n. A La derivata della funzione $f(x) = \arctan \frac{-x-1}{2x+3}$ è

A $\frac{-1}{5x^2+14x+10}$ **B** $\frac{1}{5x^2-14x+10}$ **C** $\frac{-3}{-5x^2+14x+10}$ **D** $\frac{1}{5x^2-2x-2}$ **E** $\frac{-2}{-5x^2+2x+2}$ **F** $\frac{5}{5x^2+14x+5}$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. B La derivata della funzione $f(x) = \arctan \frac{-x-1}{2x-3}$ è

A $\frac{1}{x^2-2x+2}$ **B** $\frac{1}{x^2-6x+2}$ **C** $\frac{-1}{2x^2-2x+2}$ **D** $\frac{1}{3x^2+2x-2}$ **E** $\frac{2}{-3x^2+2x+6}$ **F** $\frac{5}{3x^2-2x-2}$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. C La derivata della funzione $f(x) = \arctan \frac{-x-1}{3x-1}$ è

A $\frac{2}{5x^2-2x+1}$ **B** $\frac{1}{5x^2-2x+2}$ **C** $\frac{3}{2x^2-2x+5}$ **D** $\frac{1}{5x^2-2x-2}$ **E** $\frac{2}{-5x^2+2x+2}$ **F** $\frac{5}{2x^2-2x+2}$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. D La derivata della funzione $f(x) = \arctan \frac{x+2}{x-3}$ è

A $\frac{5}{-2x^2+2x-13}$ **B** $\frac{3}{2x^2-2x-13}$ **C** $\frac{-3}{5x^2-2x+2}$ **D** $\frac{-5}{-2x^2-13x-2}$ **E** $\frac{2}{-2x^2+3x+2}$ **F** $\frac{5}{2x^2-2x+3}$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. E La derivata della funzione $f(x) = \arctan \frac{-x-3}{2x+3}$ è

A $\frac{3}{5x^2+18x+18}$ **B** $\frac{3}{3x^2-2x-13}$ **C** $\frac{-3}{5x^2-2x+2}$ **D** $\frac{-5}{-3x^2-3x-18}$ **E** $\frac{2}{-3x^2+3x+2}$ **F** $\frac{5}{2x^2-2x+3}$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. F La derivata della funzione $f(x) = \arctan \frac{-x-2}{3x+2}$ è

A $\frac{2}{5x^2+8x+4}$ **B** $\frac{3}{2x^2-2x-13}$ **C** $\frac{-3}{5x^2-2x+2}$ **D** $\frac{-5}{-2x^2-8x-4}$ **E** $\frac{2}{-2x^2+3x+2}$ **F** $\frac{5}{5x^2+8x+3}$ **G** nessuna delle altre

Problema n. 3162

Maple, sicuro

Quesito n. A Si trovi per quale valore di a , b e c è derivabile due volte per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + c & x \leq 0 \\ \ln(1+x) & x > 0 \end{cases}$$

A $a = -\frac{1}{2}$, $b = 1$, $c = 0$ **B** $a = 2$, $b = 1$, $c = 0$ **C** $a = e^3$, $b = e$, $c = 1$ **D** $a = 2$, $b = \frac{1}{2}$, $c = 2$ **E** $a = 2\pi^2$, $b = \sqrt{2}$, $c = -1$ **F** $a = 2\pi^2$, $b = 1 + 2\pi^2$, $c = 2$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si trovi per quale valore di a , b e c è derivabile due volte per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + bx + c & x \leq 0 \\ a \ln(1+x) & x > 0 \end{cases}$$

A $a = -2$, $b = -2$, $c = 0$ **B** $a = 2$, $b = 1$, $c = 0$ **C** $a = 3$, $b = e$, $c = 1$ **D** $a = 2$, $b = \frac{1}{2}$, $c = 2$ **E** $a = 2$, $b = \sqrt{2}$, $c = -1$ **F** $a = -2$, $b = -2$, $c = 2$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si trovi per quale valore di a , b e c è derivabile due volte per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + c & x \leq 0 \\ \ln(1+2x) & x > 0 \end{cases}$$

A $a = -2$, $b = 2$, $c = 0$ **B** $a = 2$, $b = 1$, $c = 0$ **C** $a = 3$, $b = e$, $c = 1$ **D** $a = 2$, $b = \frac{1}{2}$, $c = 2$ **E** $a = 2$, $b = \sqrt{2}$, $c = -1$ **F** $a = -2$, $b = -2$, $c = 2$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si trovi per quale valore di a , b e c è derivabile due volte per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + c & x \geq 0 \\ 1 + \ln(1-x) & x < 0 \end{cases}$$

A $a = -\frac{1}{2}$, $b = -1$, $c = 1$ **B** $a = 2$, $b = 1$, $c = 0$ **C** $a = 3$, $b = 1$, $c = 1$ **D** $a = 2$, $b = \frac{1}{2}$, $c = 2$ **E** $a = 2$, $b = \sqrt{2}$, $c = -1$ **F** $a = -2$, $b = -2$, $c = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si trovi per quale valore di a , b e c è derivabile due volte per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + c & x \geq 0 \\ 2 + \ln(1-2x) & x < 0 \end{cases}$$

A $a = -2$, $b = -2$, $c = 2$ **B** $a = 2$, $b = 1$, $c = 0$ **C** $a = 3$, $b = 1$, $c = 1$ **D** $a = 2$, $b = \frac{1}{2}$, $c = 2$ **E** $a = 2$, $b = \sqrt{2}$, $c = -1$ **F** $a = -2$, $b = -2$, $c = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si trovi per quale valore di a , b e c è derivabile due volte per ogni x la seguente funzione

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + c & x \geq 0 \\ 3 - \ln(1-2x) & x < 0 \end{cases}$$

A $a = 2$, $b = +2$, $c = 3$ **B** $a = 2$, $b = 1$, $c = 3$ **C** $a = 3$, $b = 1$, $c = 1$ **D** $a = 2$, $b = \frac{1}{2}$, $c = 2$ **E** $a = 2$, $b = \sqrt{2}$, $c = -1$ **F** $a = -2$, $b = -2$, $c = 3$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Taylor:limiti e ordini

4/dicembre/2012;

Problema n. 3020

Maple, sicuro

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+2x)(1-\sin 2x) - 2x}{x^2 + \sin x^2}$ è uguale a:

A -3 **B** 4 **C** 2 **D** non esiste **E** $+\infty$ **F** 0 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+2x)(1-\sin x) - 2x}{\sin^2 x + \sin x^2}$ è uguale a:

A -2 **B** 1 **C** 2 **D** non esiste **E** $+\infty$ **F** $\frac{2}{3}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1-2x)(1+\sin 2x) - 2x}{(e^x - 1)^2}$ è uguale a:

A non esiste **B** 4 **C** 0 **D** -1 **E** $+\infty$ **F** 1 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{xe^x - \ln(1+x)}{\sin^2 x + (1 - \cos x)}$ è uguale a:

A 1 **B** $\frac{1}{2}$ **C** 0 **D** $+\infty$ **E** $-\frac{1}{3}$ **F** non esiste **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x \ln(1+x) - xe^{\frac{1}{2}x}}{3x^4 + (1 - \cos x)}$ è uguale a:

A 0 **B** 1 **C** -1 **D** $+\infty$ **E** -2 **F** non esiste **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} \ln(1+x) - \sin x}{\sin^2 x + \ln^2(1+x)}$ è uguale a:

A $\frac{3}{4}$ **B** $\frac{1}{2}$ **C** 2 **D** $+\infty$ **E** $-\frac{2}{3}$ **F** non esiste **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3032

Maple, sicuro

Quesito n. A Si trovi per quale valore di α e β la seguente funzione è $o(x^3)$ per $x \rightarrow 0$ $f(x) = \ln(1+x) - \sin x + \alpha x^2 + \beta x^3$

A $\alpha = \frac{1}{2}$, $\beta = -\frac{1}{2}$ **B** $\alpha = \frac{1}{2}$, $\beta = \frac{1}{2}$ **C** $\alpha = -\frac{1}{2}$, $\beta = \frac{1}{2}$ **D** $\alpha = 1$, $\beta = \frac{1}{2}$ **E** $\alpha = \frac{1}{2}$, $\beta = -1$ **F** $\alpha = \frac{1}{2}$, $\beta = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si trovi per quale valore di α e β la seguente funzione è $o(x^4)$ per $x \rightarrow 0$ $f(x) = \ln^2(1+x) - x^2 + \alpha x^3 + \beta x^4$

A $\alpha = 1$, $\beta = -\frac{11}{12}$ **B** $\alpha = -\frac{11}{12}$, $\beta = 1$ **C** $\alpha = 1$, $\beta = \frac{1}{2}$ **D** $\alpha = \frac{1}{2}$, $\beta = -1$ **E** $\alpha = \frac{7}{8}$, $\beta = 1$ **F** $\alpha = 1$, $\beta = -2$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si trovi per quale valore di α e β la seguente funzione è $o(x^4)$ per $x \rightarrow 0$ $f(x) = \beta - \frac{1}{2}x \sin x - \cos x + \alpha x^4$

A $\alpha = \frac{-1}{24}$, $\beta = 1$ **B** $\alpha = \frac{5}{24}$, $\beta = 1$ **C** $\alpha = \frac{5}{12}$, $\beta = 2$ **D** $\alpha = 2$, $\beta = 1$ **E** $\alpha = 1$, $\beta = -1$ **F** $\alpha = -1$, $\beta = 0$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si trovi per quale valore di α e β la seguente funzione è $o(x^4)$ per $x \rightarrow 0$ $f(x) = \cos(x^2) - e^{-\frac{x^2}{2}} + \alpha x^2 + \beta$

A $\alpha = -\frac{1}{2}$, $\beta = 0$ **B** $\alpha = \frac{1}{4}$, $\beta = 0$ **C** $\alpha = \frac{3}{4}$, $\beta = -11$ **D** $\alpha = \frac{1}{24}$, $\beta = \frac{1}{2}$ **E** $\alpha = \frac{1}{3}$, $\beta = \frac{1}{4}$ **F** $\alpha = -1$, $\beta = \frac{1}{4}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si trovi per quale valore di α e β la seguente funzione è $o(x^4)$ per $x \rightarrow 0$ $f(x) = \frac{1}{2} \ln(1+x^2) + \cos x + \beta + \alpha x^4$

A $\alpha = \frac{5}{24}$, $\beta = -1$ **B** $\alpha = \frac{1}{3}$, $\beta = \frac{1}{2}$ **C** $\alpha = \frac{-1}{4}$, $\beta = -\frac{1}{2}$ **D** $\alpha = \frac{-7}{24}$, $\beta = \frac{1}{3}$ **E** $\alpha = \frac{-1}{3}$, $\beta = 1$ **F** $\alpha = \frac{1}{3}$, $\beta = 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si trovi per quale valore di α e β la seguente funzione è $o(x^4)$ per $x \rightarrow 0$ $f(x) = e^{2x} - e^{-2x} + \alpha x + \beta x^3$

[A] $\alpha = -4, \beta = -\frac{8}{3}$ [B] $\alpha = -2, \beta = -\frac{8}{3}$ [C] $\alpha = -4, \beta = -2$ [D] $\alpha = -4, \beta = -1$ [E] $\alpha = 1, \beta = -\frac{8}{3}$ [F] $\alpha = -4, \beta = 0$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3058 Maple

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x - \sin 2x}{\arctan x - \arcsin x}$ è uguale a:
[A] -8 [B] 8 [C] 4 [D] -4 [E] 0 [F] - ∞ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\arctan(\arcsin(x)) - \sin x}{x \ln(1+x^2)(\ln(1+x))^2}$ è uguale a:
[A] $\frac{1}{10}$ [B] $\frac{1}{5}$ [C] 0 [D] $+\infty$ [E] $-\frac{1}{3}$ [F] $\frac{2}{5}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin(x)) - x + \frac{1}{3}\sin x^3}{x(1 - \cos x^2)}$ è uguale a:
[A] $\frac{1}{5}$ [B] $\frac{1}{3}$ [C] $-\frac{1}{5}$ [D] $\frac{1}{2}$ [E] $+\infty$ [F] 0 [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2\sin(x)) - 2x + \frac{5}{3}\sin^3 x}{x \sin(x^2)(\ln(1+x))^2}$ è uguale a:
[A] $\frac{19}{20}$ [B] $\frac{1}{25}$ [C] $\frac{1}{15}$ [D] 0 [E] $-\infty$ [F] $\frac{2}{5}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(\sin x) - \cos x}{1 - e^{x^2} + e^{x^2} \cos x}$ è uguale a:
[A] $-\frac{1}{3}$ [B] $\frac{1}{20}$ [C] 1 [D] $+\infty$ [E] $\frac{3}{8}$ [F] non esiste in $\mathbf{R}^*$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\tan(\sin x) - \tan x}{e^x - e^{-x} - 2\sin x}$ è uguale a:
[A] $-\frac{1}{4}$ [B] $\frac{2}{3}$ [C] 0 [D] $-\infty$ [E] $\frac{1}{2}$ [F] $-\frac{1}{8}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3059 Maple

Quesito n. A Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(\sin(\ln x) - e^{x-1} + 1)^2}{\arctan(x-1) - \tan(x-1)}$
[A] 0 [B] $\frac{2}{3}$ [C] $+\infty$ [D] 3 [E] 1 [F] $-\frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(\cos(\ln x) - e^{x-1} + \ln x)^2}{(x-1)^2 \sin(x-1)^2}$
[A] $\frac{9}{4}$ [B] $\frac{3}{4}$ [C] $\frac{1}{5}$ [D] $\frac{2}{3}$ [E] 0 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow e} \frac{\ln(\ln x) + (\ln x)^{-1} - 1}{e^x - e - e^{-(x-e)} - 2(x-e)}$
[A] non esiste in $\mathbf{R}^*$ [B] 2 [C] 1 [D] -1 [E] 0 [F] -2 [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(\ln x) - \ln x + \frac{1}{6}(x-1)^3}{(\cos(\ln x) - e^{x-1} + \ln x)^2}$
[A] $\frac{1}{9}$ [B] $\frac{2}{9}$ [C] 1 [D] 0 [E] $\frac{1}{2}$ [F] $-\frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\ln(\sin x) - \cos(x - \frac{\pi}{2}) + 1}{(\sin x - 1)^2}$
[A] $-\frac{1}{2}$ [B] 2 [C] 1 [D] -1 [E] $\frac{1}{2}$ [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\ln(\cos(x - \frac{\pi}{2})) - \sin(x - \frac{\pi}{2})}{(\cos x)^2}$
[A] $-\frac{3}{2}$ [B] $\frac{2}{3}$ [C] 0 [D] -1 [E] $+\infty$ [F] $-\frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3064 Maple

Quesito n. A Sia $f(x) = x \ln(1+x) - x \sin x + ax^3 + bx^4$. Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$ [B] $a = -1, b = \frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = 1, b = \frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = 0, b = 1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Sia $f(x) = \ln(1+\sin x) + 1 - \cos x + ax + bx^2$ Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = -1, b = 0$ [B] $a = -\frac{1}{\sqrt{3}}, b = \frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = -1, b = \frac{1}{6}$ [D] $a = -2, b = 1$ [E] $a = 1, b = 0$ [F] $a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{6}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Sia $f(x) = \ln(\cos x) - \cos x + 1 + ax^2 + bx^3$ Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = 0$ [B] $a = -1, b = \frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = -1, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = \frac{1}{3}, b = \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Sia $f(x) = x \ln(1+\sin x) - x \ln(1+x) + ax^3 + bx^4$ Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = \frac{1}{6}$ [B] $a = \sqrt{3}, b = -1$ [C] $a = 1, b = -2$ [D] $a = 2, b = b = -\frac{1}{6}$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Sia $f(x) = \ln(1+\tan x) - \ln(1+\sin x) + ax^3 + bx^4$ Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{\sqrt{3}}, b = \frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = 1, b = 0$ [D] $a = \sqrt{3}, b = \sqrt{3}$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Sia $f(x) = \ln(1+\sin^2 x) - \sin^2 x + ax^3 + bx^4$ Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = \frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{\sqrt{3}}, b = \frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = 0, b = 1$ [D] $a = 3, b = 0$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = \frac{1}{3}, b = -\frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3067

Quesito n. A $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\ln(\tan(\frac{\pi n+1}{2n+1}))}{n^{\ln(e(1-\frac{1}{n}))} - n}$ è uguale a:

[A] -1 [B] $\sqrt{e}$ [C] e [D] e^2 [E] $\frac{\pi}{2}$ [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\ln(\sin(\frac{\pi n+1}{2n+1}))}{\ln(\cos^2(\frac{\pi n+2}{n+2}))}$ è uguale a:

[A] $\frac{1}{32}$ [B] 1 [C] $\frac{1}{16}$ [D] $\frac{1}{8}$ [E] $\frac{1}{24}$ [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\ln(\sin^2(\frac{\pi n+1}{2n+1}))}{\ln(\cos(\frac{2\pi n+2}{n+2}))}$ è uguale a:

[A] $\frac{1}{8}$ [B] 1 [C] $\frac{1}{16}$ [D] $\frac{1}{32}$ [E] $\frac{1}{2}$ [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n^{\frac{\ln(e(1-\frac{1}{n}-\frac{1}{\sqrt{\ln n}}))}{n \ln(e(1-\frac{1}{n}))}}}{n^{\frac{\ln(e(1-\frac{1}{n}-\frac{1}{\sqrt{\ln n}}))}{n \ln(e(1-\frac{1}{n}))}}}$ è uguale a:

[A] 0 [B] $\sqrt{e}$ [C] e [D] 1 [E] e^4 [F] $+\infty$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\ln(\sin(\frac{\pi n+\pi}{2n+1}) \cos(\frac{2\pi n+\pi}{n+1}))}{\ln(\sin(\frac{3\pi n+\pi}{n+2}) \cos(\frac{\pi n+\pi}{n+1}))}$ è uguale a:

[A] 17 [B] 7 [C] π [D] $\frac{\pi}{2}$ [E] 2π [F] 0 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\ln(2 \sin(\frac{\pi n+\pi}{6n+3}))}{\ln(\frac{2}{\sqrt{3}} \cos(\frac{\pi n+\pi}{6n+2}))}$ è uguale a:

[A] $-\frac{9}{4}$ [B] $\frac{5}{4}$ [C] $-\pi$ [D] 0 [E] $+\infty$ [F] $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3070 Maple

Quesito n. A Sia $f(x) = \tan(\frac{\pi}{2} \frac{x}{x+1}) - ax \cos \frac{b}{\sqrt{x}} - \frac{2}{\pi}$ con $b > 0$; Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = -\frac{2}{\pi}, b = 0$ [B] $a = -\pi, b = \frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = \frac{2}{\pi}, b = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}$ [D] $a = \pi, b = 1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{1}{2\pi}, b = \pi$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Sia $f(x) = e^{-\ln^2 \frac{x}{x+1}} - \cos(\frac{b}{x}) - \frac{a}{x}$ con $b > 0$; Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = 0, b = \sqrt{2}$ [B] $a = -\sqrt{2}, b = \sqrt{2}$ [C] $a = -1, b = 0$ [D] $a = -2, b = 1$ [E] $a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Sia $f(x) = e^{\sqrt{\ln \frac{x+1}{x}}} - \ln(1 + \frac{b}{\sqrt{x}}) - 1 - \frac{a}{\sqrt{x}} - \frac{b}{x}$. Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = 0, b = 1$ [B] $a = 1, b = -\frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = 1, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = \frac{1}{3}, b = -\frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Sia $f(x) = 3\sqrt{3} \tan(3 \arctan(\frac{1}{\sqrt{3}} \frac{x}{x+1})) - 1 - 4x - ae^{\frac{x}{2}}$. Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = 2, b = -1$ [B] $a = -2, b = 2$ [C] $a = 0, b = 0$ [D] $a = -3, b = 4$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = -1, b = 1$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Sia $f(x) = 3\sqrt{3} \tan(\frac{3}{2} \arctan(\sqrt{3} \frac{x}{x+1})) - 1 - 8x - ae^{\frac{x}{2}}$. Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = 1, b = -\frac{5}{8}$ [B] $a = \frac{1}{\sqrt{3}}, b = -\frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = \frac{1}{3}, b = \frac{1}{2}$ [D] $a = -1, b = 1$ [E] $a = 0, b = 0$ [F] $a = \frac{1}{3}, b = \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Sia $f(x) = 2 \tan(2 \arctan(\frac{x}{x+2})) - \frac{x^2}{x-1} + a \frac{2}{x} + \frac{b}{x^3}$. Essa ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = 1, b = 2$ [B] $a = 3, b = -3$ [C] $a = 1, b = -2$ [D] $a = -1, b = 1$ [E] $a = -3, b = 3$ [F] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3075 Maple

Quesito n. A La funzione $f(x) = \tan(\frac{\pi}{2} \ln(e+x)) - \frac{1}{\cos(\frac{\pi}{2} \ln(e+x))} + ax + bx^2$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = -\frac{\pi}{4e}, b = \frac{\pi}{8e^2}$ [B] $a = -\frac{\pi}{4e}, b = \frac{\pi}{4e}$ [C] $a = -\frac{\pi}{e}, b = \frac{\pi}{8e^2}$ [D] $a = \frac{\pi}{4e}, b = -\frac{\pi}{8e^2}$ [E] $a = \frac{\pi}{e}, b = -\frac{\pi}{8e^2}$ [F] $a = -\frac{\pi}{4e}, b = -\frac{\pi}{8e^2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B La funzione $f(x) = \tan^2(\frac{\pi}{2} \ln(e+x)) + 2 \tan(\frac{\pi}{2} \ln^2(e+x)) + a + bx$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = \frac{2}{3}, b = 0$ [B] $a = -\sqrt{2}, b = \sqrt{2}$ [C] $a = -\frac{1}{2}, b = 2$ [D] $a = 0, b = 1$ [E] $a = -\frac{1}{4}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{1}{8}, b = \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C La funzione $f(x) = \tan(\frac{\pi}{2} \ln^2(e+x)) + 2 \frac{e^2}{\pi x^2} + \frac{a}{x} + b$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 2\frac{e}{\pi}, b = \frac{1}{6\pi}$ [B] $a = e, b = -\frac{1}{\sqrt{3}}$ [C] $a = \pi, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [E] $a = \frac{1}{2\pi}, b = -\frac{1}{2\pi}$ [F] $a = \frac{e}{\pi}, b = -\frac{\pi}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D La funzione $f(x) = \tan\left(\frac{\pi}{2} \ln(e+x^2)\right) - \frac{1}{\cos\left(\frac{\pi}{2} \ln(e+x^2)\right)} + \frac{a}{x} + bx^2$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = -\frac{\pi}{4e}$ [B] $a = \frac{\pi}{e}, b = -\frac{\pi}{e}$ [C] $a = 0, b = 0$ [D] $a = -\pi, b = -\frac{\pi}{2}$ [E] $a = \frac{1}{2\pi}, b = -\frac{1}{2e}$ [F] $a = 0, b = e$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E La funzione $f(x) = \ln^{-1}(1+\tan x) - \ln^{-1}(1+\sin x) + \frac{a}{x} + bx$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = -\frac{1}{2}$ [B] $a = \frac{1}{3}, b = -\frac{1}{3}$ [C] $a = \frac{1}{3}, b = \frac{1}{2}$ [D] $a = -1, b = 0$ [E] $a = 0, b = 0$ [F] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F La funzione $f(x) = \ln^{-1}(1+\ln(1+x)) - \ln^{-1}(1+\ln\frac{3x+2}{x+2}) + ax + bx^2$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{12}, b = -\frac{1}{24}$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{3}$ [C] $a = 0, b = 0$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [E] $a = -3, b = \frac{3}{2}$ [F] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3076 Maple

Quesito n. A La funzione $f(x) = \frac{1}{\tan x} + \frac{1}{\arctan x} + ax + bx^2$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = \frac{2}{3}, b = 0$ [B] $a = -2, b = 2$ [C] $a = 0, b = 4$ [D] $a = -1, b = 1$ [E] $a = 2, b = -2$ [F] $a = -\frac{1}{2}, b = -\frac{1}{4}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B La funzione $f(x) = \frac{1}{\sin x} - \frac{1}{\arcsin x} + ax + bx^2$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = -\frac{1}{3}, b = 0$ [B] $a = -2, b = 2$ [C] $a = -\frac{1}{2}, b = 2$ [D] $a = 0, b = 1$ [E] $a = 4, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{1}{8}, b = \frac{1}{4}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C La funzione $f(x) = \frac{1}{\tan x} - \frac{b}{\sin(bx)} + \frac{1}{2}x + ax^2 + bx^3$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = \frac{1}{24}$ [B] $a = \pi, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [C] $a = 2\pi, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [E] $a = \frac{1}{\pi}, b = -\frac{1}{2\pi}$ [F] $a = \frac{e}{2\pi}, b = -\frac{\pi}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D La funzione $f(x) = \frac{1}{\sin x} - \frac{12}{\arccos^2(6x+1)} - 1 + ax + bx^2$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = \frac{23}{30}, b = -\frac{31}{35}$ [B] $a = \frac{17}{30}, b = -\frac{21}{35}$ [C] $a = \frac{17}{30}, b = \frac{21}{35}$ [D] $a = -\frac{17}{30}, b = -\frac{21}{35}$ [E] $a = -\frac{17}{30}, b = \frac{21}{35}$ [F] $a = 0, b = e$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E La funzione $f(x) = \frac{1}{\arctan(3 \tan x)} - \frac{1}{\arcsin(3 \sin x)} - \frac{4}{3}x + ax^2 + bx^3$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = \frac{8}{9}$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{3}$ [C] $a = \frac{1}{5}, b = \frac{1}{4}$ [D] $a = -1, b = 0$ [E] $a = 0, b = 0$ [F] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F La funzione $f(x) = \frac{1}{\tan(\sin x)} - \frac{1}{\sin(\tan x)} - ax^2 + bx^3$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = 0$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{3}$ [C] $a = 1, b = 0$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [E] $a = -3, b = \frac{3}{2}$ [F] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3077 Maple

Quesito n. A La funzione $f(x) = e^{\tan(\frac{1}{x+1})} - e^{\sin(\frac{1}{x+1})} + \frac{a}{x^3} + \frac{b}{x^4}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = -\frac{1}{2}, b = 1$ [B] $a = -2, b = 2$ [C] $a = 0, b = 4$ [D] $a = -1, b = 1$ [E] $a = 2, b = -2$ [F] $a = -\frac{1}{2}, b = -\frac{1}{4}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B La funzione $f(x) = e^{\arctan(\frac{1}{x+1})} - e^{\arcsin(\frac{1}{x+1})} + \frac{a}{x^3} + \frac{b}{x^4}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [B] $a = -2, b = 2$ [C] $a = -\frac{1}{2}, b = 2$ [D] $a = 0, b = 1$ [E] $a = 4, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{1}{8}, b = \frac{1}{4}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C La funzione $f(x) = e^{\tan(\frac{1}{x^2+1})} - e^{\arctan(\frac{1}{x^2+1})} + \frac{a}{x^3} + \frac{b}{x^4}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = -\frac{1}{12}, b = \frac{1}{12}$ [B] $a = \pi, b = -\frac{1}{\sqrt{12}}$ [C] $a = 2\pi, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{12}, b = -1$ [E] $a = \frac{1}{3}, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = \frac{e}{2}, b = -\frac{\pi}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D La funzione $f(x) = e^{\tan(\frac{1}{x-1})} - e^{\arcsin(\frac{1}{x-1})} + \frac{a}{x^3} + \frac{b}{x^4}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = -\frac{1}{6}, b = -\frac{2}{3}$ [B] $a = \frac{17}{3}, b = -\frac{1}{5}$ [C] $a = \frac{17}{3}, b = \frac{1}{5}$ [D] $a = -\frac{17}{3}, b = -\frac{1}{3}$ [E] $a = -\frac{17}{3}, b = \frac{1}{3}$ [F] $a = 0, b = e$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E La funzione $f(x) = e^{\sin(\frac{1}{x-2})} - e^{\arctan(\frac{1}{x-2})} + \frac{a}{x^3} + \frac{b}{x^4}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = -\frac{1}{6}, b = -\frac{7}{6}$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{3}$ [C] $a = \frac{1}{8}, b = \frac{1}{4}$ [D] $a = -1, b = 0$ [E] $a = 0, b = 0$ [F] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F La funzione $f(x) = e^{\sin(\frac{1}{x+2})} - e^{\arcsin(\frac{1}{x+2})} + \frac{a}{x^3} + \frac{b}{x^4}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{3}, b = -\frac{5}{3}$ [B] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{3}$ [C] $a = 1, b = 0$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [E] $a = -3, b = \frac{3}{2}$ [F] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3078 Maple

Quesito n. A La funzione $f(x) = 2 \tan\left(\frac{\pi}{2} \frac{x}{x+1}\right) - \tan\left(\pi \frac{x}{2x+1}\right) - \frac{2}{\pi} + \frac{a}{x} + \frac{b}{x^2}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = \frac{4}{\pi}, b = \frac{-7}{24}\pi$ [B] $a = -\frac{2}{\pi}, b = -\frac{\pi}{4}$ [C] $a = \frac{2}{\pi}, b = -\frac{\pi}{4}$ [D] $a = \frac{2}{\pi}, b = \frac{\pi}{8}$ [E] $a = -\frac{2}{\pi}, b = \frac{\pi}{2}$ [F] $a = -\frac{4}{\pi}, b = \frac{\pi}{12}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B La funzione $f(x) = e^{\frac{x}{x^2+1}} - e^{\frac{x}{x^2-1}} + \frac{a}{x^3} + \frac{b}{x^4}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = 2, b = 2$ [B] $a = e, b = -\frac{1}{2}$ [C] $a = 2e, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{12}, b = -1$ [E] $a = 3, b = -\frac{1}{2}$ [F] $a = 2, b = -\frac{\pi}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C La funzione $f(x) = e^{\frac{x}{x^2+1}} - \frac{x}{x-1} + \frac{a}{x^2} + \frac{b}{x^3}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{11}{6}$ [B] $a = e, b = -\frac{1}{2}$ [C] $a = \frac{e}{2}, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{4}$ [F] $a = 2, b = -\frac{e}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D La funzione $f(x) = e^{\frac{x}{x^2-1}} - \frac{x}{x-1} + \frac{a}{x^2} + \frac{b}{x^3}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{6}$ [B] $a = e, b = -\frac{1}{2}$ [C] $a = \frac{e}{2}, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = -1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{4}$ [F] $a = 2, b = -\frac{e}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E La funzione $f(x) = e^{\frac{2x}{x^2-1}} - \frac{x}{x-1} + \frac{a}{x^2} + \frac{b}{x^3}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{4}{3}$ [B] $a = e, b = \frac{1}{2}$ [C] $a = \frac{e}{2}, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{4}$ [F] $a = 2, b = -\frac{e}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F La funzione $f(x) = e^{\frac{x}{x^2-2}} - \frac{x}{x-1} + \frac{a}{x^2} + \frac{b}{x^3}$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow +\infty$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{7}{6}$ [B] $a = e, b = \frac{1}{2}$ [C] $a = \frac{e}{2}, b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$ [D] $a = \frac{1}{2}, b = 1$ [E] $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{4}$ [F] $a = 2, b = -\frac{e}{2}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3079 Maple

Quesito n. A La funzione $f(x) = e^{\sqrt{\ln(1+x)}} - 1 - \frac{2\sqrt{x}}{2-\sqrt{x}} + ax^{3/2} + bx^2$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0^+$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{3}, b = \frac{1}{3}$ [B] $a = -\frac{2}{3}, b = -\frac{1}{4}$ [C] $a = \frac{2}{3}, b = -\frac{3}{4}$ [D] $a = \frac{2}{3}, b = \frac{1}{4}$ [E] $a = -\frac{2}{3}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{4}{3}, b = \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B La funzione $f(x) = e^{\sqrt{\ln(1+x^2)}} - e^x + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{4}, b = \frac{1}{4}$ [B] $a = \frac{1}{4}, b = -\frac{1}{4}$ [C] $a = \frac{2}{3}, b = -\frac{3}{4}$ [D] $a = \frac{2}{3}, b = \frac{1}{4}$ [E] $a = -\frac{2}{3}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{4}{3}, b = \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C La funzione $f(x) = e^{\sqrt{\ln\frac{(x+2)^2}{4}}} - e^{\sqrt{x}} + ax^{3/2} + bx^2$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0^+$ se e solo se

[A] $a = \frac{1}{8}, b = \frac{1}{8}$ [B] $a = -\frac{2}{3}, b = \frac{1}{3}$ [C] $a = \frac{2}{3}, b = \frac{3}{4}$ [D] $a = \frac{1}{8}, b = \frac{1}{4}$ [E] $a = -\frac{2}{3}, b = \frac{1}{2}$ [F] $a = -\frac{4}{3}, b = \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D La funzione $f(x) = \ln(1+\ln(1+x)) - xe^{-x} + a + bx^3$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = -\frac{2}{3}$ [B] $a = -\frac{2}{3}, b = -\frac{1}{4}$ [C] $a = \frac{2}{3}, b = -\frac{3}{4}$ [D] $a = \frac{1}{8}, b = \frac{1}{4}$ [E] $a = -\frac{2}{3}, b = 0$ [F] $a = -\frac{4}{3}, b = \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E La funzione $f(x) = \ln(1+\ln^2(1+x)) - \frac{x^2}{1+x} + ax^2 + bx^3$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = 0$ [B] $a = -\frac{2}{3}, b = -\frac{1}{4}$ [C] $a = \frac{2}{3}, b = -\frac{3}{4}$ [D] $a = 0, b = \frac{1}{4}$ [E] $a = -\frac{2}{3}, b = 0$ [F] $a = -\frac{4}{3}, b = \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F La funzione $f(x) = \ln^2(1+\ln(1+x)) - \frac{x^2}{1+2x} + ax^2 + bx^3$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se

[A] $a = 0, b = 0$ [B] $a = -\frac{2}{3}, b = -\frac{1}{4}$ [C] $a = \frac{1}{3}, b = -\frac{3}{5}$ [D] $a = 0, b = \frac{1}{4}$ [E] $a = \frac{1}{5}, b = 0$ [F] $a = -\frac{2}{5}, b = \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3080 Maple

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+\sin 2x)\ln(1+3x) - 3x - \frac{3}{2}x^2}{3x^4 + 2x^3}$ è uguale a:

[A] 0 [B] 1 [C] 2 [D] non esiste [E] $+\infty$ [F] $\frac{2}{3}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+\sin 2x)\ln(1+6x) - 6x + 6x^2}{6x^4 + 3x^3}$ è uguale a:

[A] 12 [B] 6 [C] 9 [D] non esiste [E] $+\infty$ [F] 18 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+\sin 4x)\ln(1+6x) - 6x - 6x^2}{3x^4 + 6x^3}$ è uguale a:

[A] 0 [B] 1 [C] 6 [D] non esiste [E] $+\infty$ [F] 3 [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\cos x + x)\sin 3x - 3x - 3x^2}{4x^4 + 3x^3}$ è uguale a:

[A] -2 [B] 1 [C] 0 [D] $+\infty$ [E] -1 [F] non esiste [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\cos x + 2x) \sin 3x - 3x - 6x^2}{4x^4 - 3x^3}$ è uguale a:									
[A] 2	[B] 1	[C] 0	[D] $+\infty$	[E] -2	[F] non esiste	[G] nessuna delle altre risposte è esatta			

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\cos x + x) \sin x - x - x^2}{4x^4 - x^3}$ è uguale a:									
[A] $\frac{2}{3}$	[B] $\frac{3}{2}$	[C] 2	[D] $+\infty$	[E] -1	[F] non esiste	[G] nessuna delle altre risposte è esatta			

Problema n. 3087 Maple

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sin x)^{\tan x} - x^x}{x^3}$ è:									
[A] $-\infty$	[B] $+\infty$	[C] $\frac{1}{6}$	[D] 0	[E] $\frac{1}{3}$	[F] $\frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\tan x)^{\sin x} - x^x}{x^3}$ è:									
[A] $+\infty$	[B] $-\infty$	[C] $-\frac{1}{6}$	[D] 0	[E] $-\frac{1}{3}$	[F] $\frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\arcsin x)^{\sin x} - x^x}{x^3}$ è:									
[A] $+\infty$	[B] $-\infty$	[C] $-\frac{1}{6}$	[D] 0	[E] $-\frac{1}{3}$	[F] $\frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sin x)^{\arcsin x} - x^x}{x^3}$ è:									
[A] $-\infty$	[B] $+\infty$	[C] $-\frac{1}{6}$	[D] 0	[E] $-\frac{1}{3}$	[F] $\frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\tan x)^{\arctan x} - x^x}{x^3}$ è:									
[A] $+\infty$	[B] $-\infty$	[C] $-\frac{1}{6}$	[D] 0	[E] $-\frac{1}{3}$	[F] $\frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\arctan x)^{\tan x} - x^x}{x^3}$ è:									
[A] $-\infty$	[B] $+\infty$	[C] $-\frac{1}{6}$	[D] 0	[E] $-\frac{1}{3}$	[F] $\frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Problema n. 3088 Maple

Quesito n. A Si trovino $a(x)$ e $b(x)$ in modo tale che $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sin x)^{\tan x} - x^x - a(x) - b(x)}{x^3} = 0$									
[A] $a(x) = \frac{1}{3}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[B] $a(x) = \frac{1}{3}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{6}x^3$	[C] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[D] $a(x) = -\frac{1}{3}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[E] $a(x) = -\frac{1}{3}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[F] $a(x) = -\frac{1}{3}x^3$, $b(x) = +\frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. B Si trovino $a(x)$ e $b(x)$ in modo tale che $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\tan x)^{\sin x} - x^x - a(x) - b(x)}{x^3} = 0$									
[A] $a(x) = -\frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[B] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{3}x^3$	[C] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[D] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[E] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[F] $a(x) = -\frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. C Si trovino $a(x)$ e $b(x)$ in modo tale che $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\arcsin x)^{\sin x} - x^x - a(x) - b(x)}{x^3} = 0$									
[A] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[B] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{3}x^3$	[C] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[D] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[E] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[F] $a(x) = -\frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. D Si trovino $a(x)$ e $b(x)$ in modo tale che $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sin x)^{\arcsin x} - x^x - a(x) - b(x)}{x^3} = 0$									
[A] $a(x) = -\frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[B] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{3}x^3$	[C] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[D] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[E] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[F] $a(x) = -\frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. E Si trovino $a(x)$ e $b(x)$ in modo tale che $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\tan x)^{\arctan x} - x^x - a(x) - b(x)}{x^3} = 0$									
[A] $a(x) = \frac{1}{3}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[B] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{3}x^3$	[C] $a(x) = \frac{1}{3}x^3$, $b(x) = \frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[D] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[E] $a(x) = \frac{1}{3}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[F] $a(x) = -\frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. F

Quesito n. F Si trovino $a(x)$ e $b(x)$ in modo tale che $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\arctan x)^{\tan x} - x^x - a(x) - b(x)}{x^3} = 0$ è da:									
[A] $a(x) = -\frac{1}{3}x^3$, $b(x) = \frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[B] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = \frac{1}{3}x^3$	[C] $a(x) = \frac{1}{3}x^3$, $b(x) = \frac{1}{6}x^3 \ln(x)$	[D] $a(x) = \frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[E] $a(x) = \frac{1}{3}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[F] $a(x) = -\frac{1}{6}x^3$, $b(x) = -\frac{1}{3}x^3 \ln(x)$	[G] nessuna delle altre			

Problema n. 3089 Maple

Quesito n. A La funzione $f(x) = (\cos x)^{\sin x} - 1 + ax^3 + bx^6$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{8}$	[B] $a = -1$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = 1$, $b = \frac{1}{\sqrt{2}}$	[D] $a = 0$, $b = 1$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{2}$	[F] $a = -\frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. B La funzione $f(x) = (\cos x)^{\tan x} - 1 + ax^3 + bx^5$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{4}$	[B] $a = -\frac{1}{\sqrt{3}}$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = -1$, $b = \frac{1}{6}$	[D] $a = -2$, $b = 1$	[E] $a = -1$, $b = 0$	[F] $a = -\frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{6}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. C La funzione $f(x) = (\cos x)^{\arcsin x} - 1 + ax^3 + bx^5$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{6}$	[B] $a = -1$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = -1$, $b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$	[D] $a = \frac{1}{2}$, $b = -1$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{2}$	[F] $a = \frac{1}{3}$, $b = \frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. D La funzione $f(x) = (1 + \ln(1+x))^{\arcsin x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = 1$, $b = -\frac{4}{3}$	[B] $a = \sqrt{3}$, $b = -1$	[C] $a = 1$, $b = -2$	[D] $a = 2$, $b = -\frac{1}{6}$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{2}$	[F] $a = -\frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{3}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. E La funzione $f(x) = (1 + \ln(1+x))^{\sin x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = 1$, $b = -1$	[B] $a = \frac{1}{\sqrt{3}}$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = 1$, $b = 0$	[D] $a = \sqrt{3}$, $b = \sqrt{3}$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{2}$	[F] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{3}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. F La funzione $f(x) = (1 + \ln(1+x))^{\tan x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = 1$, $b = -\frac{3}{2}$	[B] $a = \frac{1}{\sqrt{3}}$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = 0$, $b = 1$	[D] $a = 3$, $b = 0$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{2}$	[F] $a = \frac{1}{3}$, $b = -\frac{1}{3}$	[G] nessuna delle altre			

Problema n. 3090 Maple

Quesito n. A La funzione $f(x) = (1 + \sin x)^{\arcsin x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{3}$	[B] $a = -1$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = 1$, $b = \frac{1}{\sqrt{2}}$	[D] $a = 0$, $b = 1$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{2}$	[F] $a = -\frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. B La funzione $f(x) = (1 + \sin x)^{\sin x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = 0$	[B] $a = -\frac{1}{\sqrt{3}}$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = -1$, $b = \frac{1}{6}$	[D] $a = -2$, $b = 1$	[E] $a = -1$, $b = 0$	[F] $a = -\frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{6}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. C La funzione $f(x) = (1 + \sin x)^{\tan x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{2}$	[B] $a = -1$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = -1$, $b = -\frac{1}{\sqrt{2}}$	[D] $a = \frac{1}{2}$, $b = -1$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{2}$	[F] $a = \frac{1}{3}$, $b = \frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. D La funzione $f(x) = (1 + \tan x)^{\arcsin x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{5}{6}$	[B] $a = \sqrt{3}$, $b = -1$	[C] $a = 1$, $b = -2$	[D] $a = 2$, $b = b = -\frac{1}{6}$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{2}$	[F] $a = -\frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{3}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. E La funzione $f(x) = (1 + \tan x)^{\sin x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{2}$	[B] $a = \frac{1}{\sqrt{3}}$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = 1$, $b = 0$	[D] $a = \sqrt{3}$, $b = \sqrt{3}$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{1}{2}$	[F] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{3}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. F La funzione $f(x) = (1 + \tan x)^{\tan x} - e^{x^2} + ax^3 + bx^4$ ha ordine di infinitesimo massimo per $x \rightarrow 0$ se e solo se									
[A] $a = \frac{1}{2}$, $b = -1$	[B] $a = \frac{1}{\sqrt{3}}$, $b = \frac{1}{\sqrt{3}}$	[C] $a = 0$, $b = 1$	[D] $a = 3$, $b = 0$	[E] $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{2}$	[F] $a = \frac{1}{3}$, $b = -\frac{1}{3}$	[G] nessuna delle altre			

Problema n. 3142 Maple

Quesito n. A Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan^2 x - x \tan x}{(1 - \cos x)^2}$									
[A] $\frac{4}{3}$	[B] $\frac{2}{3}$	[C] 1	[D] 0	[E] $\frac{1}{3}$	[F] $\frac{1}{2}$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. B Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow +0} \frac{\sin^2 x - x \sin x}{(1 - \cos x)^2}$									
[A] $-\frac{2}{3}$	[B] $-\frac{3}{2}$	[C] $-\frac{1}{3}$	[D] -1	[E] 0	[F] $+\infty$	[G] nessuna delle altre			

Quesito n. F Si calcoli il seguente limite $\lim_{x \rightarrow +0} \frac{e^{x^2} \sin x - x}{\tan x - \sin x}$

[A] $\frac{5}{3}$ **[B]** $\frac{2}{3}e$ **[C]** 0 **[D]** $-\infty$ **[E]** $\frac{1}{4}$ **[F]** $-\frac{1}{2}$ **[G]** nessuna delle altre

Problema n. 3157

Maple, sicuro

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \sin x) \ln(1 + 2x) - 2x}{x^2 + \sin x^2}$ è uguale a:

[A] 0 **[B]** 4 **[C]** 2 **[D]** non esiste **[E]** $+\infty$ **[F]** -1 **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - \sin x) \ln(1 - 2x) + 2x}{\sin^2 x + \sin x^2}$ è uguale a:

[A] 0 **[B]** 1 **[C]** 2 **[D]** non esiste **[E]** $+\infty$ **[F]** -1 **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \sin 2x) \ln(1 + 2x) - 2x}{e^x - 1}$ è uguale a:

[A] 0 **[B]** 4 **[C]** non esiste **[D]** -1 **[E]** $+\infty$ **[F]** 1 **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} -\cos x + \frac{xe^x - \ln(1 + x)}{\sin^2 x + (1 - \cos x)}$ è uguale a:

[A] 0 **[B]** $\frac{1}{2}$ **[C]** 1 **[D]** $+\infty$ **[E]** $-\frac{1}{3}$ **[F]** non esiste **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x \ln(1 - x) + xe^{\frac{1}{2}x}}{3x^4 + (1 - \cos x)} + 2e^x$ è uguale a:

[A] 0 **[B]** 1 **[C]** -1 **[D]** $+\infty$ **[E]** -2 **[F]** non esiste **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} \ln(1 + 4x) - \sin(4x)}{\sin^2 x + \ln^2(1 + x)}$ è uguale a:

[A] 0 **[B]** -1 **[C]** 2 **[D]** $+\infty$ **[E]** -2 **[F]** non esiste **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3158

Maple, sicuro

Quesito n. A Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x - x \cos x}{\arctan x - x}$ è uguale a:

[A] -1 **[B]** 4 **[C]** 2 **[D]** non esiste **[E]** $+\infty$ **[F]** 0 **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-x \sin x - \cos x + 1}{\cos(2x) - 1}$ è uguale a:

[A] $\frac{1}{4}$ **[B]** 1 **[C]** 2 **[D]** non esiste **[E]** $+\infty$ **[F]** $\frac{1}{2}$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x^2) + 1 - \cos x}{(e^{x^2} - 1)}$ è uguale a:

[A] $\frac{3}{2}$ **[B]** 4 **[C]** non esiste **[D]** -1 **[E]** $+\infty$ **[F]** $\frac{1}{2}$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctan x - x \cos x}{\sin x - x}$ è uguale a:

[A] -1 **[B]** $\frac{1}{2}$ **[C]** 1 **[D]** $+\infty$ **[E]** $-\frac{1}{3}$ **[F]** non esiste **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-x \arctan x - 2 \cos x + 2}{x \sin x - x^2}$ è uguale a:

[A] $-\frac{3}{2}$ **[B]** 1 **[C]** -1 **[D]** $+\infty$ **[E]** $\frac{1}{2}$ **[F]** non esiste **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-x \arctan x - 2 \cos x + 2}{x^2(\cos x - 1)}$ è uguale a:

[A] $-\frac{1}{2}$ **[B]** -1 **[C]** 2 **[D]** $+\infty$ **[E]** -2 **[F]** non esiste **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Studio discontinuità

4/dicembre/2012;

Problema n. 3140

Quesito n. A Siano date le due funzioni $f_1(x) = \begin{cases} \frac{1 - \cos x}{x} & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$ e

$f_2(x) = ([x])^2$.

[A] f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità di prima specie **[B]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[C]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 infinite discontinuità di prima specie **[D]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[E]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità eliminabile **[F]** f_1 ha una sola discontinuità di seconda specie e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano date le due funzioni $f_1(x) = \begin{cases} \frac{1 - \cos x^{1/3}}{x} & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$

e $f_2(x) = ([x])^2$.

[A] f_1 ha una sola discontinuità di seconda specie e f_2 infinite discontinuità di prima specie **[B]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[C]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 infinite discontinuità di prima specie **[D]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[E]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità eliminabile **[F]** f_1 ha una sola discontinuità di seconda specie e f_2 infinite discontinuità eliminabili **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano date le due funzioni $f_1(x) = \begin{cases} \frac{2 - 2 \cos x}{x} & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$ e

$f_2(x) = \begin{cases} \frac{\sin x^2}{x^3} & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$

[A] f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 una discontinuità di seconda specie **[B]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[C]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 è continua **[D]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 ha una discontinuità di seconda specie **[E]** f_1 ha una sola discontinuità di seconda specie e f_2 una discontinuità eliminabile **[F]** f_1 è continua e f_2 ha una sola discontinuità di seconda specie **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano date le due funzioni $f_1(x) = \begin{cases} \frac{\ln(1 + x)}{x^2} & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$ e

$f_2(x) = x - [x]$.

[A] f_1 ha una sola discontinuità di seconda specie e f_2 infinite discontinuità di prima specie **[B]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[C]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 infinite discontinuità di prima specie **[D]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[E]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità eliminabile **[F]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 infinite discontinuità di seconda specie **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano date le due funzioni $f_1(x) = \begin{cases} \frac{1 - \cos x}{x^{3/2}} & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$ e

$f_2(x) = \begin{cases} \frac{\ln x}{(x-1)} & x \neq 1 \\ 0 & x = 1 \end{cases}$

[A] f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 ha una sola discontinuità eliminabile **[B]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 ha una sola discontinuità di seconda specie **[C]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 ha una sola discontinuità di prima specie **[D]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 ha una sola discontinuità di seconda specie **[E]** f_1 ha una sola discontinuità di seconda specie e f_2 ha una sola discontinuità eliminabile **[F]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 ha una sola discontinuità di prima specie **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Siano date le due funzioni $f_1(x) = \begin{cases} e^{1/x} & x < 0 \\ x^3 & x \geq 0 \end{cases}$ e $f_2(x) = \begin{cases} \frac{\ln x}{(x-1)^2} & x \neq 1 \\ 0 & x = 1 \end{cases}$

[A] f_1 è continua e f_2 ha una sola discontinuità di seconda specie **[B]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 ha una sola discontinuità di seconda specie **[C]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 ha una sola discontinuità di prima specie **[D]** f_1 ha una sola discontinuità di prima specie e f_2 ha una sola discontinuità di seconda specie **[E]** f_1 ha una sola discontinuità di seconda specie e f_2 ha una sola discontinuità eliminabile **[F]** f_1 ha una sola discontinuità eliminabile e f_2 ha una sola discontinuità eliminabile **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3154

Quesito n. A Sia data la funzione $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{n} & \text{se } x = \frac{1}{n} \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$. Allora

[A] f ammette limite in tutti i punti; f è continua in tutti i punti tranne quelli del tipo $\frac{1}{n}$ **[B]** f ammette limite in tutti i punti; f è continua in tutti i punti tranne $x = 0$ **[C]** f ammette limite in tutti i punti tranne quelli del tipo $\frac{1}{n}$; f è continua in tutti i punti tranne quelli del tipo $\frac{1}{n}$ e $x = 0$ **[D]** f ammette limite in tutti i punti; f ha un numero finito di punti di discontinuità **[E]** f ammette limite in tutti i punti tranne $x = 0$; f è continua in tutti i punti tranne quelli del tipo $\frac{1}{n}$ e $x = 0$ **[F]** f ammette limite in tutti i punti tranne una quantit à non numerabile **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia $f(x) = \begin{cases} \sin \frac{1}{\sin \frac{1}{x}} & \text{se } x \neq \frac{1}{k\pi}, k \in \mathbf{Z} \setminus \{0\} \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$. Allora

[A] f ammette infinite discontinuità di seconda specie **[B]** esiste un intervallo $(-a, a)$ in cui f è continua **[C]** f ammette limite in tutti i punti ma in alcuni non è continua **[D]** f ammette alcune discontinuità eliminabili **[E]** f ammette un numero finito di discontinuità di seconda specie **[F]** f è continua **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia $f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{\sin \frac{1}{x}} & \text{se } x \neq \frac{1}{k\pi}, k \in \mathbf{Z} \setminus \{0\} \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$. Allora

[A] f ammette infinite discontinuità di seconda specie ed è continua in $x = 0$ **[B]** esiste un intervallo $(-a, a)$ in cui f è continua **[C]** f ammette limite in tutti i punti ma in alcuni non è continua **[D]** f ammette alcune discontinuità eliminabili **[E]** f ammette un numero finito di discontinuità di seconda specie **[F]** f è continua dappertutto tranne $x = 0$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia $f(x) = \begin{cases} [x^{-1}] & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$. Allora

☐ f ammette infinite discontinuità di prima specie e nessuna di seconda specie ☐ f ammette infinite discontinuità di seconda specie ed un numero infinito di prima specie ☐ f ammette un numero finito di discontinuità di seconda specie ed alcune di prima specie ☐ f ammette alcune solo discontinuità eliminabili ☐ f ammette un numero finito di discontinuità di seconda specie e nessuna di prima specie ☐ f è continua dappertutto tranne $x = 0$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia $f(x) = \begin{cases} x \cdot [x^{-1}] & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$. Allora

☐ f ammette infinite discontinuità di prima specie e nessuna di seconda specie ☐ f ammette infinite discontinuità di seconda specie ed un numero infinito di prima specie ☐ f ammette un numero finito di discontinuità di seconda specie ed è continua per $x \geq 1$ ☐ f ammette alcune solo discontinuità eliminabili ed è continua per $x \geq 1$ ☐ f ammette un numero finito di discontinuità di seconda specie e nessuna di prima specie ☐ f è continua dappertutto tranne $x = 0$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia $f(x) = \begin{cases} x^2 \cdot [x^{-1}] & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$. Allora

☐ f è continua per $x = 0$ ☐ f ammette infinite discontinuità di seconda specie ed un numero infinito di prima specie ☐ f ammette un numero finito di discontinuità di seconda specie ed è continua per $x \geq 1$ ☐ f ammette alcune solo discontinuità eliminabili ed è continua per $x \geq 1$ ☐ f ammette un numero finito di discontinuità di seconda specie e nessuna di prima specie ☐ f è continua dappertutto tranne $x = 0$ ☐ nessuna delle altre risposte è esatta

Ordini di infinitesimo

4/dicembre/2012;

Problema n. 3141

Quesito n. A Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni $f_1(x) = xe^{-1/x}$, $f_2(x) = e^{-1/x^2}$, $f_3(x) = x^{1/x}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$ ossia $f = o(g)$)

☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. B Si ordinino secondo l'infinito crescente per $x \rightarrow +\infty$ le seguenti funzioni $f_1(x) = e^{\sqrt{x}}$, $f_2(x) = e^{\ln^2 x}$, $f_3(x) = x^{\sqrt{x}}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f}{g} = +\infty$)

☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. C Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni $f_1(x) = \frac{\sin x^2}{\tan(x^3)}$, $f_2(x) = \frac{\ln(\cos x^2)}{-\sqrt{\cos x + 1}}$, $f_3(x) = \frac{\cos(\sin x) - 1}{\sin x}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$ ossia $f = o(g)$)

☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. D Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni $f_1(x) = \frac{e^{\sin x^3} - 1}{\cos x - 1}$, $f_2(x) = (1 + x)^{\frac{1}{2x}}$, $f_3(x) = \frac{1}{\ln x} (1 + x^2)^{\frac{1}{x}}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$ ossia $f = o(g)$)

☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. E Si ordinino secondo l'infinito crescente per $x \rightarrow +\infty$ le seguenti funzioni $f_1(x) = e^{x^{3/2}/\ln^2 x}$, $f_2(x) = e^{x \ln(\ln x)}$, $f_3(x) = e^{\sqrt{x} \ln^4 x}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f}{g} = +\infty$)

☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. F Si ordinino secondo l'infinito crescente per $x \rightarrow +\infty$ le seguenti funzioni $f_1(x) = x^x$, $f_2(x) = e^{x \sqrt{\ln x}}$, $f_3(x) = x^{\sqrt{x+2x}}$ (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f}{g} = +\infty$)

☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Problema n. 311

Quesito n. A Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni $f_1(x) = \frac{\sin^2(\sqrt{x} + x^2)}{\cos(\sqrt{x} + x^3) - 1}$, $f_2(x) = e^{\sqrt{x}} - 1$, $f_3(x) = \sqrt{x} \ln^2 x$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. B Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni

$f_1(x) = \frac{e^x - 1 - \frac{1}{2}x^2 - \sin x}{\cos(\sqrt{x}) - 1}$, $f_2(x) = \frac{\ln(1+x) + \frac{1}{2}x - \sin x}{\sin(\sqrt{x})}$, $f_3(x) = \frac{(1 - \cos x - \frac{1}{2}\sin^2 x)^2}{\ln(1+x)}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. C Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni

$f_1(x) = \frac{e^x - 1 - \frac{1}{2}x^2 - \sin x}{(\cos x - 1)^4}$, $f_2(x) = \frac{\ln(1+x) + \frac{1}{2}x - \sin x}{\sin(\sqrt{x})}$, $f_3(x) = \frac{(1 - \cos x - \frac{1}{2}\sin^2 x)^{1/2}}{\ln(1+x)}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. D Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni

$f_1(x) = \frac{e^{2x} - 1 - 2x^2 - \sin 2x}{(\cos(\sqrt{x}) - 1)^{2/3}}$, $f_2(x) = \frac{\ln(1+\sqrt{x}) + \frac{1}{2}x - \sin \sqrt{x}}{\sin(\sqrt{x})}$, $f_3(x) = \frac{(1 - \cos x - \frac{1}{2}\sin^2 x)^2}{\ln(1+x)}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. E Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni

$f_1(x) = \frac{(e^{\sqrt{x}} - 1 - \frac{1}{2}x - \sin \sqrt{x})^2}{\cos x - 1}$, $f_2(x) = \frac{e^x - e^{-x} - 2x}{\sin x}$, $f_3(x) = \frac{e^x + e^{-x} - 2 - x^2}{\sin x}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. F Si ordinino secondo l'infinito crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni $f_1(x) = \frac{e^{x^2} + (\cos x)^2 - 2}{(\sin(\sqrt{x} + x))^6}$, $f_2(x) = \frac{e^{x^2} + (\cos x)^2 - 2 \cos(x^2)}{e^{x^2} + (\cos x)^2 - 2}$,

$f_3(x) = \frac{e^{x^2} + (\cos x)^2 - 2}{(-\cos(\sqrt{x}) + 1)^2}$ (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Problema n. 313

Quesito n. A Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni $f_1(x) = \frac{\sin^2(x+x^2)}{\cos(x+x^3) - 1}$, $f_2(x) = (e^x - 1)e^{\frac{1}{\ln x}}$, $f_3(x) = x \ln^2 x$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. B Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni

$f_1(x) = \frac{e^x - 1 - \frac{1}{2}x^2 - \sin x}{\cos x - 1}$, $f_2(x) = \frac{\ln(1+x) - \frac{1}{2}x - \sin x}{(\sin x)^{1/2}}$, $f_3(x) = \frac{(1 - \cos x - \frac{1}{2}\sin^2 x)^2}{\ln(1+x)}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. C Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni

$f_1(x) = \frac{e^x - 1 - \frac{1}{2}x^2 - \sin x}{(-\cos x + 1)^{1/6}}$, $f_2(x) = \frac{\ln(1+x) + \frac{1}{2}x^2 - \sin x}{(\sin x)^{1/2}}$, $f_3(x) = \frac{(1 - \cos x - \frac{1}{2}\sin^2 x)^{1/2}}{\ln(1+x)}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. D Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0^+$ le seguenti funzioni

$f_1(x) = \frac{e^{2x} - 1 - 2x^2 - \sin 2x}{(-\cos x + 1)^{5/4}}$, $f_2(x) = \frac{\ln(1+x) + \frac{1}{2}x^2 - \sin x}{(\sin x)^{1/2}}$, $f_3(x) = \frac{(1 - \cos x - \frac{1}{2}\sin^2 x)^2}{\ln(1+x)}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. E Si ordinino secondo l'infinitesimo crescente per $x \rightarrow 0$ le seguenti funzioni

$f_1(x) = \frac{e^x - 1 - \frac{1}{2}x^2 - \sin x}{(-\cos x + 1)^{3/2}}$, $f_2(x) = \frac{e^x - e^{-x} - 2x}{\sin x^2}$, $f_3(x) = \frac{e^x + e^{-x} - 2 - x^2}{\sin x}$, (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f}{g} = 0$)

☐ $f_1 < f_2 < f_3$ ☐ $f_3 < f_1 < f_2$ ☐ $f_1 < f_3 < f_2$ ☐ $f_2 < f_3 < f_1$
☐ $f_2 < f_1 < f_3$ ☐ $f_3 < f_2 < f_1$ ☐ nessuna delle altre

Quesito n. F Si ordinino secondo l'infinito crescente per $x \rightarrow +\infty$ le seguenti funzioni $f_1(x) = \frac{e^{x^2} + (\cos x)^2 - 2}{(\sin(\sqrt{x} + x))^5}$, $f_2(x) = \frac{e^{x^2} + (\cos x)^2 - 2 \cos(x^2)}{e^{x^2} + (\cos x)^2 - 2}$, $f_3(x) = \frac{e^{x^2} + (\cos x)^2 - 2}{(-\cos(\sqrt{x}) + 1)^3}$ (l'ordinamento va eseguito nel modo seguente: $g < f$ se $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f}{g} = 0$)

[A] $f_2 < f_1 < f_3$ [B] $f_1 < f_2 < f_3$ [C] $f_1 < f_3 < f_2$ [D] $f_2 < f_3 < f_1$
 [E] $f_3 < f_1 < f_2$ [F] $f_3 < f_2 < f_1$ [G] nessuna delle altre

Grafici di funzioni

4/dicembre/2012;

Problema n. 164

Quesito n. A La funzione $f(x) = \begin{cases} x^2 e^{-x^2} & x \leq 0 \\ \left| \frac{1}{x} + x - 6 \right| & x > 0 \end{cases}$ ha

[A] non più di cinque punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale ed uno obliquo [B] non più di quattro punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale e nessun asintoto obliquo [C] almeno sei punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale e nessun asintoto obliquo [D] non più di tre punti di estremo, un asintoto verticale, nessun asintoto orizzontale ed un asintoto obliquo [E] esattamente quattro punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale ed uno obliquo [F] non più di cinque punti di estremo, nessun asintoto verticale, un asintoto orizzontale, nessun asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. B La funzione $f(x) = \begin{cases} -x^2 e^{-x^2} & x \leq 0 \\ \left| \frac{1}{x} + 8x - 6 \right| & x > 0 \end{cases}$ ha

[A] non più di quattro punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale ed uno obliquo [B] almeno cinque punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale ed uno obliquo [C] non più di cinque punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale e nessun asintoto obliquo [D] non più di quattro punti di estremo, un asintoto verticale, nessun asintoto orizzontale ed uno obliquo [E] esattamente tre punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale ed uno obliquo [F] non più di tre punti di estremo, nessun asintoto verticale, un asintoto orizzontale, nessun asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. C La funzione $f(x) = \begin{cases} |\cos x| & -\pi \leq x \leq 0 \\ |-x^2 + x^3| & 0 < x \leq 2 \end{cases}$ ha

[A] esattamente sei punti di estremo [B] esattamente cinque punti di estremo [C] esattamente quattro punti di estremo [D] esattamente tre punti di estremo [E] esattamente due punti di estremo [F] esattamente un punto di estremo [G] nessuna delle altre

Quesito n. D La funzione $f(x) = \begin{cases} |\sin x| & -2\pi \leq x \leq 0 \\ x e^{-x} & 0 < x \end{cases}$ ha

[A] esattamente sei punti di estremo, un asintoto orizzontale [B] esattamente cinque punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale [C] esattamente sei punti di estremo, nessun asintoto verticale, nessun asintoto orizzontale [D] esattamente sei punti di estremo, un asintoto orizzontale un asintoto obliquo [E] esattamente quattro punti di estremo, nessun asintoto verticale, un asintoto orizzontale [F] esattamente quattro punti di estremo, nessun asintoto verticale, nessun asintoto orizzontale, un asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. E La funzione $f(x) = \begin{cases} |x^2 + x| & -2 \leq x \leq 0 \\ \left| \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x} \right| & x > 0 \end{cases}$ ha

[A] non più di sei punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale, nessun asintoto obliquo [B] esattamente cinque punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale, nessun asintoto obliquo [C] non più di sei punti di estremo, un asintoto verticale, nessun asintoto orizzontale e un asintoto obliquo [D] non più di quattro punti di estremo, nessun asintoto verticale, nessun asintoto orizzontale, un asintoto obliquo [E] non più di tre punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale ed uno obliquo [F] esattamente quattro punti di estremo, un asintoto verticale, un asintoto orizzontale, un asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. F La funzione $f(x) = \begin{cases} |x^2 - x| & 0 \leq x \leq 2 \\ -x e^{-x} & x < 0 \end{cases}$ ha

[A] non più di cinque punti di estremo, nessun asintoto verticale, un asintoto orizzontale, nessun asintoto obliquo [B] non più di cinque punti di estremo, nessun asintoto verticale, nessun asintoto orizzontale, un asintoto obliquo [C] non più di cinque punti di estremo, nessun asintoto verticale, un asintoto orizzontale e un asintoto obliquo [D] esattamente quattro punti di estremo, nessun asintoto verticale, un asintoto orizzontale, nessun asintoto obliquo [E] esattamente quattro punti di estremo, nessun asintoto verticale, nessun asintoto orizzontale ed uno obliquo [F] esattamente quattro punti di estremo, nessun asintoto verticale, un asintoto orizzontale, un asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Problema n. 178

Quesito n. A Indicare quale delle affermazioni A-G è vera per la funzione $f(x) = \begin{cases} \sqrt{-x} & x \leq 0 \\ \left| \frac{1}{x} + x - 6 \right| & x > 0 \end{cases}$ secondo la notazione: **max**: massimo, **min**: minimo, **p.a.**: punto angoloso, **cu**: cuspidi, **d.s.s.**: discontinuità seconda specie, **d.p.s.**: discontinuità prima specie, **a.ob.**: asintoto obliquo. Asintoti obliqui a parte, per gli altri punti si è interessati al valore dell'ascissa.

[A] $0 = \text{d.s.s.}, 1 = \text{min}, 5 = \text{p.a.}$ [B] $0 = \text{d.p.s.}, 1 = \text{min}, 5 = \text{p.a.}$
 [C] $0 = \text{d.p.s.}, 1 = \text{min}, 5 = \text{cu}$ [D] $0 = \text{d.s.s.}, 1 = \text{cu}, 5 = \text{p.a.}$ [E] $0 = \text{d.s.s.}, 1 = \text{p.a.}, 5 = \text{cu}$ [F] $0 = \text{d.s.s.}, 1 = \text{p.a.}, 5 = \text{max}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Indicare quale delle affermazioni A-G è vera per la funzione $f(x) = \begin{cases} \sqrt{-x} & x \leq 0 \\ \left| \frac{1}{x} + 8x - 6 \right| & x > 0 \end{cases}$ secondo la notazione: **max**: massimo, **min**: minimo, **p.a.**: punto angoloso, **cu**: cuspidi, **d.s.s.**: discontinuità seconda specie, **d.p.s.**: discontinuità prima specie, **a.ob.**: asintoto obliquo. Asintoti obliqui a parte, per gli altri punti si è interessati al valore dell'ascissa.

[A] $0 = \text{d.s.s.}, \frac{1}{4} = \text{min}, \frac{1}{2} = \text{p.a.}$ [B] $0 = \text{d.p.s.}, \frac{1}{4} = \text{min}, \frac{1}{2} = \text{p.a.}$
 [C] $0 = \text{d.p.s.}, \frac{1}{4} = \text{min}, \frac{1}{2} = \text{cu}$ [D] $0 = \text{d.s.s.}, \frac{1}{4} = \text{cu}, \frac{1}{2} = \text{p.a.}$ [E] $0 = \text{d.s.s.}, \frac{1}{4} = \text{p.a.}, \frac{1}{2} = \text{cu}$ [F] $0 = \text{d.s.s.}, \frac{1}{4} = \text{p.a.}, \frac{1}{2} = \text{max}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Indicare quale delle affermazioni A-G è vera per la funzione $f(x) = \begin{cases} \sqrt{-x} & x \leq 0 \\ |x - \sqrt{x}| & x > 0 \end{cases}$ secondo la notazione: **max**: massimo, **min**: minimo, **p.a.**: punto angoloso, **cu**: cuspidi, **d.s.s.**: discontinuità seconda specie, **d.p.s.**: discontinuità prima specie, **a.ob.**: asintoto obliquo. Asintoti obliqui a parte, per gli altri punti si è interessati al valore dell'ascissa.

[A] $0 = \text{cu}, \frac{1}{4} = \text{max}, 1 = \text{min}$ [B] $0 = \text{cu}, \frac{1}{4} = \text{max}, \text{a.ob. } y = x$ [C] $0 = \text{cu}, 1 = \text{min}, \text{a.ob. } y = x$ [D] $0 = \text{p.a.}, \frac{1}{4} = \text{max}, 1 = \text{min}$, [E] $0 = \text{p.a.}, 1 = \text{min}, \text{a.ob. } y = x$ [F] $0 = \text{cu}, \frac{1}{4} = \text{min}, 1 = \text{p.a.}$, [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Indicare quale delle affermazioni A-G è vera per la funzione $f(x) = \begin{cases} |x + \sqrt{-x}| & x \leq 0 \\ \sqrt{x} & x > 0 \end{cases}$ secondo la notazione: **max**: massimo, **min**: minimo, **p.a.**: punto angoloso, **cu**: cuspidi, **d.s.s.**: discontinuità seconda specie, **d.p.s.**: discontinuità prima specie, **a.ob.**: asintoto obliquo. Asintoti obliqui a parte, per gli altri punti si è interessati al valore dell'ascissa.

[A] $-\frac{1}{4} = \text{max}, -1 = \text{min}, 0 = \text{cu}$, [B] $-\frac{1}{4} = \text{max}, 0 = \text{cu}, \text{a.ob. } y = -x$
 [C] $-1 = \text{min}, 0 = \text{cu}, \text{a.ob. } y = -x$ [D] $-\frac{1}{4} = \text{max}, -1 = \text{min}, 0 = \text{p.a.}$,
 [E] $-1 = \text{min}, 0 = \text{p.a.}, \text{a.ob. } y = -x$ [F] $-\frac{1}{4} = \text{min}, -1 = \text{p.a.}, 0 = \text{cu}$,
 [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Indicare quale delle affermazioni A-G è vera per la funzione $f(x) = \begin{cases} \sqrt{-x} & x \leq 0 \\ \left| \frac{1}{2}x - \sqrt{x} \right| & x > 0 \end{cases}$ secondo la notazione: **max**: massimo, **min**: minimo, **p.a.**: punto angoloso, **cu**: cuspidi, **d.s.s.**: discontinuità seconda specie, **d.p.s.**: discontinuità prima specie, **a.ob.**: asintoto obliquo. Asintoti obliqui a parte, per gli altri punti si è interessati al valore dell'ascissa.

[A] $0 = \text{cu}, 1 = \text{max}, 4 = \text{p.a.}$ [B] $0 = \text{cu}, 1 = \text{max}, \text{a.ob. } y = \frac{1}{2}x$ [C] $0 = \text{cu}, 1 = \text{min}, \text{a.ob. } y = \frac{1}{2}x$ [D] $0 = \text{p.a.}, 1 = \text{max}, 4 = \text{min}$, [E] $0 = \text{p.a.}, 1 = \text{min}, \text{a.ob. } y = \frac{1}{2}x$ [F] $0 = \text{cu}, 1 = \text{min}, 4 = \text{p.a.}$, [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Indicare quale delle affermazioni A-G è vera per la funzione $f(x) = \begin{cases} \left| \frac{1}{2}x + \sqrt{-x} \right| & x \leq 0 \\ \sqrt{x} & x > 0 \end{cases}$ secondo la notazione: **max**: massimo, **min**: minimo, **p.a.**: punto angoloso, **cu**: cuspidi, **d.s.s.**: discontinuità seconda specie, **d.p.s.**: discontinuità prima specie, **a.ob.**: asintoto obliquo. Asintoti obliqui a parte, per gli altri punti si è interessati al valore dell'ascissa.

[A] $-4 = \text{min}, -1 = \text{max}, 0 = \text{cu}$, [B] $-1 = \text{max}, 0 = \text{cu}, \text{a.ob. } y = -\frac{1}{2}x$ [C] $-1 = \text{min}, 0 = \text{cu}, \text{a.ob. } y = -\frac{1}{2}x$ [D] $-4 = \text{max}, -1 = \text{min}$,
 $0 = \text{p.a.}$, [E] $-1 = \text{min}, 0 = \text{p.a.}, \text{a.ob. } y = -\frac{1}{2}x$ [F] $-4 = \text{p.a.}, -1 = \text{min}, 0 = \text{cu}$, [G] nessuna delle altre

Problema n. 244

Quesito n. A Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = 2 \sin x - \frac{1}{2} \sin(2x) - x$. Si dica in quale degli intervalli che seguono la funzione ha la concavità rivolta verso l'alto (NB: non deve essere necessariamente il più grande intervallo possibile in cui ciò accade)

[A] $(\pi, \frac{3}{2}\pi)$ [B] $(-\frac{\pi}{3}, 0)$ [C] $(-\frac{5}{3}\pi, -\frac{3}{2}\pi)$ [D] $(\frac{3}{2}\pi, 2\pi)$ [E] $(\frac{\pi}{2}, \pi)$ [F] $(-\frac{3}{2}\pi, -\pi)$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = -2 \cos x + \frac{1}{2} \sin(2x) - x$. Si dica in quale degli intervalli che seguono la funzione ha la concavità rivolta verso il basso (NB: non deve essere necessariamente il più grande intervallo possibile in cui ciò accade)

[A] $(\frac{5}{6}\pi, \pi)$ [B] $(-\frac{3}{2}\pi, -\pi)$ [C] $(-2\pi, -\frac{3}{2}\pi)$ [D] $(-\frac{\pi}{2}, 0)$ [E] $(0, \frac{\pi}{6})$ [F] $(\frac{\pi}{2}, 2\pi)$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = 2 \cos x + \frac{1}{2} \sin(2x) - x$. Si dica in quale degli intervalli che seguono la funzione ha la concavità rivolta verso il basso (NB: non deve essere necessariamente il più grande intervallo possibile in cui ciò accade)

[A] $(-2\pi, -\frac{3}{2}\pi)$ [B] $(-\frac{5}{2}\pi, -\frac{13}{6}\pi)$ [C] $(-\frac{3}{2}\pi, -\pi)$ [D] $(-\pi, -\frac{5}{6}\pi)$ [E] $(-\frac{\pi}{2}, -\frac{\pi}{6})$ [F] $(-\frac{\pi}{6}, \pi)$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = -2 \sin x + \frac{1}{2} \sin(2x) + x$. Si dica in quale degli intervalli che seguono la funzione ha la concavità rivolta verso l'alto (NB: non deve essere necessariamente il più grande intervallo possibile in cui ciò accade)

- [A] $(-\frac{\pi}{3}, 0)$ [B] $(-\frac{\pi}{2}, -\frac{\pi}{3})$ [C] $(0, \frac{\pi}{3})$ [D] $(\frac{3}{2}\pi, \frac{5}{3}\pi)$ [E] $(-\pi, -\frac{\pi}{2})$ [F] $(-2\pi, -\frac{5}{3}\pi)$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = -4 \sin(\frac{1}{2}x) + \sin(x) + x$. Si dica in quale degli intervalli che seguono la funzione ha la concavità rivolta verso il basso (NB: non deve essere necessariamente il più grande intervallo possibile in cui ciò accade)

- [A] $(2\pi, 3\pi)$ [B] $(3\pi, 4\pi)$ [C] $(\pi, 2\pi)$ [D] $(\frac{2}{3}\pi, \pi)$ [E] $(-\frac{2}{3}\pi, 0)$ [F] $(-3\pi, -2\pi)$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = 4 \sin(\frac{1}{2}x) - \sin(x) - x$. Si dica in quale degli intervalli che seguono la funzione ha la concavità rivolta verso l'alto (NB: non deve essere necessariamente il più grande intervallo possibile in cui ciò accade)

- [A] $(-2\pi, -\pi)$ [B] $(-\frac{2}{3}\pi, 0)$ [C] $(\frac{2}{3}\pi, \pi)$ [D] $(\pi, 2\pi)$ [E] $(3\pi, 4\pi)$ [F] $(-\frac{10}{3}\pi, -3\pi)$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 245

Quesito n. A Si dica in quali dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = \ln \frac{2x^2-1}{2-x^2}$ ha la concavità rivolta verso l'alto

- [A] $(\sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{12}}, 1)$ [B] $(\frac{1}{\sqrt{2}}, \sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{12}})$ [C] $(-\sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{12}}, -\frac{1}{\sqrt{2}})$ [D] $(-\frac{1}{\sqrt{2}}, 0)$ [E] $(0, \frac{1}{\sqrt{2}})$ [F] $(1, \frac{3+\sqrt{33}}{2})$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Si dica in quali dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = \ln \frac{x^2-1}{2-x^2}$ ha la concavità rivolta verso l'alto

- [A] $(-\sqrt{2}, -\sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{6}})$ [B] $(-\sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{6}}, -1)$ [C] $(1, \sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{6}})$ [D] $(-1, 0)$ [E] $(0, 1)$ [F] $(\sqrt{2}, \frac{3+\sqrt{33}}{3})$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Si dica in quali dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = \ln \frac{x^2-1}{3-2x^2}$ ha la concavità rivolta verso l'alto

- [A] $(\sqrt{\frac{4+\sqrt{42}}{6}}, \sqrt{3})$ [B] $(1, \sqrt{\frac{4+\sqrt{42}}{6}})$ [C] $(-\sqrt{\frac{4+\sqrt{42}}{6}}, -1)$ [D] $(-1, -\frac{1}{2})$ [E] $(0, \frac{1}{3})$ [F] $(1, \frac{4+\sqrt{10}}{6})$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Si dica in quali dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = \ln \frac{4x^2-1}{2-x^2}$ ha la concavità rivolta verso l'alto

- [A] $(\sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{24}}, \frac{1}{\sqrt{2}})$ [B] $(\frac{1}{2}, \sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{24}})$ [C] $(-\sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{24}}, -\frac{1}{2})$ [D] $(0, \frac{1}{4})$ [E] $(-\frac{1}{3}, 0)$ [F] $(-\sqrt{33}, -\sqrt{\frac{3+\sqrt{33}}{24}})$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Si dica in quali dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = \ln \frac{4x^2-1}{3-4x^2}$ ha la concavità rivolta verso l'alto

- [A] $(-\sqrt{\frac{3}{2}}, -\sqrt{\frac{1+\sqrt{10}}{6}})$ [B] $(\sqrt{\frac{1+\sqrt{10}}{6}}, \frac{1}{2})$ [C] $(-\sqrt{\frac{1+\sqrt{10}}{6}}, -\frac{1}{2})$ [D] $(0, \frac{1}{3})$ [E] $(-\frac{1}{3}, 0)$ [F] $(\frac{1+\sqrt{10}}{6}, \frac{2+\sqrt{10}}{6})$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Si dica in quali dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = \ln \frac{2x^2-1}{3-2x^2}$ ha la concavità rivolta verso l'alto

- [A] $(\sqrt{\frac{2+\sqrt{13}}{6}}, \sqrt{\frac{3}{2}})$ [B] $(\frac{1}{\sqrt{2}}, \sqrt{\frac{2+\sqrt{13}}{6}})$ [C] $(-\sqrt{\frac{2+\sqrt{13}}{6}}, -\frac{1}{\sqrt{2}})$ [D] $(0, \frac{1}{2\sqrt{2}})$ [E] $(-\frac{1}{2\sqrt{2}}, 0)$ [F] $(\sqrt{\frac{3}{2}}, \frac{3+\sqrt{13}}{6})$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 247

Quesito n. A Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = 2 \sin x - \frac{1}{2} \sin(2x) - x$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- [A] in $(\pi, \frac{3}{2}\pi)$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso l'alto
[B] in $(\pi, 2\pi)$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[C] in $(\pi, \frac{5}{3}\pi)$ la funzione ha la concavità rivolta verso il basso
[D] in $(\frac{3}{2}\pi, 2\pi)$ la funzione è crescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[E] in $(\frac{\pi}{3}, \pi)$ la funzione è decrescente
[F] in $(0, \frac{\pi}{3})$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[G] nessuna delle altre

Quesito n. B Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = -2 \cos x + \frac{1}{2} \sin(2x) - x$. Si dica quale seguenti affermazioni è vera

- [A] in $(\frac{5}{6}\pi, \pi)$ la funzione è crescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[B] in $(\frac{\pi}{2}, \frac{5}{6}\pi)$ la funzione è crescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[C] in $(0, \frac{\pi}{6})$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso l'alto
[D] in $(\frac{3}{2}\pi, 2\pi)$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[E] in $(\frac{\pi}{2}, \frac{3}{2}\pi)$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[F] in $(\frac{3}{2}\pi, \frac{5}{3}\pi)$ la funzione è crescente
[G] nessuna delle altre

Quesito n. C Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = 2 \cos x + \frac{1}{2} \sin(2x) - x$. Si dica quale seguenti affermazioni è vera

- [A] in $(-2\pi, -\frac{3}{2}\pi)$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[B] in $(-\frac{5}{2}\pi, -\frac{13}{6}\pi)$ la funzione è crescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[C] in $(-\frac{5}{2}\pi, -2\pi)$ la funzione è crescente ed ha la concavità rivolta verso l'alto
[D] in $(-\frac{3}{2}\pi, -\pi)$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[E] in $(-\frac{3}{2}\pi, 0)$ la funzione è crescente
[F] $(-\frac{3}{2}\pi, -\frac{1}{2}\pi)$ la funzione è decrescente
[G] nessuna delle altre

Quesito n. D Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = -2 \sin x + \frac{1}{2} \sin(2x) + x$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- [A] in $(0, \frac{\pi}{2})$ la funzione è decrescente e non ha concavità definita
[B] in $(0, \frac{\pi}{3})$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso l'alto
[C] in $(0, \pi)$ la funzione non ha concavità definita ed ha un massimo
[D] in $(\frac{3}{2}\pi, 2\pi)$ la funzione ha un flesso ed un estremo
[E] in $(\pi, 2\pi)$ la funzione ha un minimo
[F] in $(\pi, \frac{5}{3}\pi)$ la funzione ha un minimo e la concavità rivolta verso l'alto
[G] nessuna delle altre

Quesito n. E Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = 4 \sin(\frac{1}{2}x) - \sin(x) - x$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- [A] in $(-\pi, 0)$ la funzione è crescente e non ha concavità definita
[B] in $(2\pi, 3\pi)$ la funzione è decrescente ed ha concavità rivolta verso il basso
[C] in $(3\pi, 4\pi)$ la funzione è decrescente ed ha la concavità rivolta verso il basso
[D] in $(-3\pi, -\pi)$ la funzione ha un estremo
[E] in $(-\pi, 0)$ la funzione è decrescente e la concavità rivolta verso l'alto
[F] in $(0, \pi)$ la funzione ha concavità definita
[G] nessuna delle altre

Quesito n. F Sia data la funzione $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = -4 \sin(\frac{1}{2}x) + \sin(x) + x$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- [A] in $(2\pi, \frac{10}{3}\pi)$ la funzione ha un massimo
[B] in $(2\pi, 4\pi)$ la funzione ha un massimo e due flessi
[C] in $(3\pi, \frac{10}{3}\pi)$ la funzione ha un estremo
[D] in $(3\pi, 4\pi)$ la funzione ha un estremo ed un flesso
[E] in $(\pi, 2\pi)$ la funzione è crescente e la concavità rivolta verso il basso
[F] in $(0, \pi)$ la funzione ha concavità definita
[G] nessuna delle altre

Problema n. 3068

Quesito n. A Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} x(2-x) & \text{se } x \in [-1, 2) \\ 2 & \text{se } x = 2 \end{cases}$.

Allora

- [A] $\min f = -3$, $\max f = 2$ [B] $\inf f = 2$, $\sup f = 1$ (non massimo)
[C] $\min f = 1$, $\sup f = 2$ (non massimo) [D] $\inf f = -3$ (non minimo)
 $\sup f = 2$ (non massimo) [E] $\min f = 2$, $\max f = 5$ [F] $\min f = -3$, $\sup f = 2$ (non massimo) [G] nessuna delle altre (max, min, inf, sup si riferiscono all'immagine di f)

Quesito n. B Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} x(2-x) & \text{se } x \in [-1, 2) \\ -2 & \text{se } x = 2 \end{cases}$.

Allora

- [A] $\min f = -3$, $\max f = 1$ [B] $\inf f = -2$ (non minimo), $\sup f = 1$ (non massimo)
[C] $\min f = -2$, $\sup f = 1$ [D] $\inf f = -2$, $\max f = 1$
[E] $\min f = -3$, $\sup f = 1$ (non massimo) [F] $\inf f = -3$ (non minimo) $\max f = 1$ [G] nessuna delle altre (max, min, inf, sup si riferiscono all'immagine di f)

Quesito n. C Si consideri la funzione $f(x) = \sin(4x)$ nell'insieme $[0, \frac{\pi}{24}] \cup (\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}]$. Allora

- [A] $\min f = 0$, $\sup f = \frac{\sqrt{3}}{2}$ (non massimo) [B] $\min f = 0$, $\max f = \frac{\sqrt{3}}{2}$
[C] $\min f = 0$, $\sup f = \frac{1}{2}$ (non massimo) [D] $\min f = 0$, $\sup f = \frac{1}{2}$
[E] $\inf f = 0$ (non massimo), $\sup f = \frac{1}{2}$ (non massimo) [F] $\min f = \frac{1}{2}$, $\max f = 1$ [G] nessuna delle altre (max, min, inf, sup si riferiscono all'immagine di f)

Quesito n. D Si consideri la funzione $f(x) = \cos(4x)$ nell'insieme $[\frac{\pi}{24}, \frac{\pi}{12}] \cup (\frac{7}{24}\pi, \frac{\pi}{3}]$. Allora

- [A] $\min f = -\frac{\sqrt{3}}{2}$, $\max f = \frac{\sqrt{3}}{2}$ [B] $\inf f = \frac{1}{2}$, $\max f = 1$ [C] $\min f = -1$, $\max f = 1$ [D] $\inf f = 0$, $\max f = \frac{1}{2}$ [E] $\inf f = -1$ (non minimo), $\max f = 1$ [F] $\min f = -\frac{\sqrt{3}}{2}$, $\sup f = \frac{\sqrt{3}}{2}$ (non massimo) [G] nessuna delle altre (max, min, inf, sup si riferiscono all'immagine di f)

Quesito n. E Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1) \\ x(2-x) - 1 & \text{se } x \in [0, 1) \end{cases}$.

Allora

- [A] $\min f = -1$, il $\sup f = +1$ (non massimo) [B] $\inf f = 0$, $\sup f = +\infty$
[C] $\min f = 0$, $\max f = 1$ [D] $\inf f = -\infty$, $\sup f = 0$ [E] $\inf f = 0$ (non minimo), il $\sup$ di f è positivo, [F] $\inf f = -\infty$, $\max f = 0$ [G] nessuna delle altre (max, min, inf, sup si riferiscono all'immagine di f)

Quesito n. F Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} x & \text{se } 2x \in (-3, 1) \\ x(2-x) - 4 & \text{se } x \in [1, 2] \end{cases}$.

Allora

- [A] $\inf f = -6$ (non minimo), $\max f = 5$ [B] $\inf f = 0$ (non minimo), $\max f$ non esiste [C] $\min f = 0$, $\sup f = +\infty$ [D] $\min f$ non esiste, $\sup f = +\infty$ [E] $\min f$ non esiste, $\sup f = 0$ [F] $\inf f = 0$, $\max f$ è positivo [G] nessuna delle altre (max, min, inf, sup si riferiscono all'immagine di f)

Problema n. 3069

Quesito n. A Sia $f(x) = \begin{cases} 1+2x & -3 \leq x < 0 \\ (x-2)^2 - 1 & 0 \leq x < 3 \end{cases}$ e sia $A = Im(f)$ l'insieme immagine di f . Allora

- [A] $\min A = -5$, $\max A = 3$ [B] $\min A = -5$, $\sup A = 3$, $\max A$ non esiste
[C] $\min A = -5$, $\sup A = 0$ [D] $\inf A = -1$, $\max A = 3$ [E] $\min A = -2$, $\sup A = 3$ [F] $\inf A = -2$, $\sup A = 3$, $\min A$ non esiste
[G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia $f(x) = \begin{cases} 1+2x & -3 \leq x < 0 \\ 1 - \frac{1}{4}(x-3)^2 & 0 \leq x < 3. \end{cases}$ e sia $A = Im(f)$
l'insieme immagine di f . Allora

A $\min A = -5$, $\sup A = 1$ (non massimo) **B** $\min A = -4$, $\sup A = 1$
C $\min A = -3$, $\max A = 0$ **D** $\inf A = -5$, $\max A = 1$ **E** $\min A = -3$, $\sup A = 1$, $\max A$ non esiste **F** $\inf A = -4$, $\sup A = 1$, $\min A$ non esiste **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia $f(x) = \begin{cases} -x-2 & -2 \leq x < 0 \\ (x-1)^2 - 1 & 0 \leq x < 3. \end{cases}$ e sia $A = Im(f)$ l'insieme immagine di f . Allora

A $\inf A = -2$ (non minimo), $\sup A = 3$ (non massimo) **B** $\min A = -4$, $\sup A = 1$, $\max A$ non esiste **C** $\min A = -2$, $\max A = 3$ **D** $\inf A = -2$, $\max A = 1$ **E** $\min A = -3$, $\sup A = 1$ **F** $\inf A = -3$, $\sup A = 1$, $\min A$ non esiste **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia $f(x) = \begin{cases} -x-2 & -4 \leq x < 0 \\ (x-1)^2 - \frac{3}{2} & 0 \leq x < 3. \end{cases}$ e sia $A = Im(f)$ l'insieme immagine di f . Allora

A $\inf A = -2$, non minimo $\sup A = \frac{5}{2}$ non massimo **B** $\min A = -2$, $\sup A = 1$, $\max A$ non esiste **C** $\min A = -2$, $\max A = 3$ $\sup A$ non esiste **D** $\inf A = -2$, $\max A = \frac{5}{2}$ **E** $\min A = -\frac{1}{2}$, $\sup A = 1$ **F** $\inf A = -\frac{1}{2}$, $\sup A = 3$, $\min A$ non esiste **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia $f(x) = \begin{cases} 1-2x & -2 < x \leq 0 \\ x^2-2x & 0 < x < 2. \end{cases}$ e sia $A = Im(f)$ l'insieme immagine di f . Allora

A $\min A = -1$, $\sup A = 5$ (non massimo) **B** $\min A = -2$, $\max A = 2$ **C** $\inf A = -1$, $\sup A = 2$, $\min A$ e $\max A$ non esistono **D** $\inf A = -1$, $\max A = 1$ **E** $\min A = -2$, $\max A = 1$ **F** $\inf A = -2$, $\max A = 3$, $\min A$ non esiste **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia $f(x) = \begin{cases} 1-2x & -3 < x < 0 \\ 2x-x^2 & 0 \leq x \leq 3. \end{cases}$ e sia $A = Im(f)$ l'insieme immagine di f . Allora

A $\min A = -3$, $\sup A = 7$ (non massimo) **B** $\inf A = -1$, $\max A = 0$ **C** $\inf A = -3$, $\sup A = 1$, $\min A$ e $\max A$ non esistono **D** $\inf A = -3$, $\max A = 1$ **E** $\min A = -3$, $\max A = 3$ **F** $\inf A = -1$, $\max A = 3$, $\min A$ non esiste **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3071

Quesito n. A Il punto $x = 0$ per la funzione $f(x) = e^{-x}2^{x-|x|}$ è di

A max assoluto **B** max relativo ma non assoluto **C** min assoluto **D** min relativo ma non assoluto **E** la funzione è crescente in un intorno del punto **F** la funzione è decrescente in un intorno del punto **G** nessuna delle altre

Quesito n. B Il punto $x = 0$ per la funzione $f(x) = \frac{|x^3|}{x^2+1}$ è di

A min assoluto **B** max assoluto **C** la funzione è crescente in un intorno del punto **D** max relativo ma non assoluto **E** min relativo ma non assoluto **F** la funzione è decrescente in un intorno del punto **G** nessuna delle altre

Quesito n. C Il punto $x = 0$ per la funzione $f(x) = \frac{\sin(x^4)}{x-|x|+x^2}$ se $x \neq 0$, $f(0) = 0$ è di

A la funzione è crescente in un intorno del punto **B** max assoluto **C** min relativo ma non assoluto **D** max relativo ma non assoluto **E** la funzione è decrescente in un intorno del punto **F** min assoluto **G** nessuna delle altre

Quesito n. D Il punto $x = 0$ per la funzione $f(x) = \frac{\sin(x^3)}{x-|x|+x^2}$ se $x \neq 0$, $f(0) = 0$ è di

A min assoluto ma non assoluto **B** max relativo ma non assoluto **C** max assoluto **D** min assoluto **E** la funzione è crescente in un intorno del punto **F** la funzione è decrescente in un intorno del punto **G** nessuna delle altre

Quesito n. E Il punto $x = 0$ per la funzione $f(x) = \frac{\sin^2(x-|x|+x^2)}{1+\sqrt{|x|}}$ se $x \neq 0$, $f(0) = 0$ è di

A min assoluto **B** max assoluto **C** la funzione è decrescente in un intorno del punto **D** max relativo ma non assoluto **E** min relativo ma non assoluto **F** la funzione è crescente in un intorno del punto **G** nessuna delle altre

Quesito n. F Il punto $x = 0$ per la funzione $f(x) = \frac{\sin(x^2+x-|x|)}{x^2(1+x-|x|)}$ se $x \neq 0$, $f(0) = 0$ è di

A max relativo ma non assoluto **B** min assoluto **C** max assoluto **D** min relativo ma non assoluto **E** la funzione è crescente in un intorno del punto **F** la funzione è decrescente in un intorno del punto **G** nessuna delle altre

Problema n. 3074

Maple, sicuro

Quesito n. A La funzione $f(x) = e^{-2x^2+2x+1}$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se x appartiene a

A $(-\infty, 0] \cup [1, +\infty)$ **B** $(-\infty, 0] \cup [2, +\infty)$ **C** $(0, +\infty)$ **D** $(0, 1) \cup [1, +\infty)$ **E** **R** **G** f non è crescente in nessuno degli intervalli indicati

Quesito n. B La funzione $f(x) = e^{-2x^2+6x+3}$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se x appartiene a

A $(-\infty, 1] \cup [2, +\infty)$ **B** $(-\infty, -1] \cup [1, +\infty)$ **C** $(-\infty, 0] \cup [1, +\infty)$ **D** $(1, 2)$ **E** $(1, +\infty)$ **F** $(-1, +\infty)$ **G** f non è crescente in nessuno degli intervalli indicati

Quesito n. C La funzione $f(x) = e^{-8x^2+8x+2}$ ha la concavità rivolta verso il basso se e solo se x appartiene a

A $[\frac{1}{4}, \frac{3}{4})$ **B** $(-\infty, \frac{1}{4})$ **C** $[\frac{3}{4}, +\infty)$ **D** $(\frac{1}{8}, \frac{3}{4})$ **E** $[\frac{1}{4}, +\infty)$ **F** $(\frac{3}{4}, +\infty)$ **G** f non è crescente in nessuno degli intervalli indicati

Quesito n. D La funzione $f(x) = e^{-8x^2+12x+2}$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se x appartiene a

A $(-\infty, \frac{1}{2}] \cup [1, +\infty)$ **B** $(-\infty, 1)$ **C** $(\frac{1}{2}, 1)$ **D** $(-\infty, 0] \cup [1, +\infty)$ **E** $(-\infty, \frac{3}{2})$ **F** $(0, +\infty)$ **G** f non è crescente in nessuno degli intervalli indicati

Quesito n. E La funzione $f(x) = e^{-18x^2+24x+2}$ ha la concavità rivolta verso il basso se e solo se x appartiene a

A $[\frac{1}{2}, \frac{5}{6})$ **B** $(-\infty, \frac{1}{2})$ **C** $(-\infty, \frac{1}{6})$ **D** $[\frac{5}{6}, +\infty)$ **E** $[\frac{1}{2}, +\infty)$ **F** $[2, +\infty)$ **G** f non è crescente in nessuno degli intervalli indicati

Quesito n. F La funzione $f(x) = e^{-18x^2+6x+1}$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se x appartiene a

A $(-\infty, 0] \cup [\frac{1}{3}, +\infty)$ **B** $(-\infty, 0]$ **C** $(0, +\infty)$ **D** $(-\infty, 0] \cup [1, +\infty)$ **E** $(0, \frac{1}{3})$ **F** **R** **G** f non è crescente in nessuno degli intervalli indicati

Problema n. 3081

Maple

Quesito n. A Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(2x+x^2)$ è decrescente se e solo se $x \in (-\infty, -a) \cup (a, +\infty)$ è:

A $\sqrt{2}$ **B** 2 **C** 1 **D** $\sqrt{3}$ **E** 4 **F** $2\sqrt{2}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(4x+x^2)$ è crescente se e solo se $x \in (-1-a, -1+a)$ è:

A $\sqrt{5}$ **B** $2\sqrt{5}$ **C** 2 **D** $\sqrt{2}$ **E** 1 **F** 5 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(\sqrt{5}x+x^2)$ è decrescente se e solo se $x \in (-\infty, 1-\sqrt{\frac{5}{2}}-a) \cup (1-\sqrt{\frac{5}{2}}+a, +\infty)$ è:

A $\frac{3}{2}$ **B** $\frac{1}{4}$ **C** $\sqrt{5}$ **D** 1 **E** $\frac{\sqrt{5}}{2}$ **F** $2\sqrt{5}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(2\sqrt{2}x+x^2)$ è decrescente se e solo se $x \in (-\infty, -\sqrt{2}+1-a) \cup (-\sqrt{2}+1+a, +\infty)$ è:

A $\sqrt{3}$ **B** $2\sqrt{3}$ **C** $\sqrt{2}$ **D** $2\sqrt{2}$ **E** $3\sqrt{2}$ **F** $(\sqrt{3}-1-\sqrt{2}, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(x+\sqrt{2}x^2)$ è crescente se e solo se $x \in (\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{2}}{4}-a, \frac{1}{2}-\frac{\sqrt{2}}{4}+a)$ è:

A $\frac{3}{4}\sqrt{2}$ **B** $\frac{3}{2}\sqrt{2}$ **C** $\frac{3}{2}$ **D** $2\sqrt{2}$ **E** $\sqrt{2}$ **F** $\frac{1}{\sqrt{2}}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(2x+\sqrt{3}x^2)$ è crescente se e solo se $x \in (1+\frac{2}{3}\sqrt{3}-a, 1+\frac{2}{3}\sqrt{3}+a)$ è:

A $\frac{\sqrt{3}}{2}$ **B** $\frac{1}{3}$ **C** 2 **D** $\frac{1}{2}$ **E** $\frac{3}{\sqrt{3}}$ **F** $2\sqrt{2}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3082

Maple

Quesito n. A Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(2x+x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(-\infty, 1-\sqrt{3})$ **B** $(-\infty, 1+\sqrt{3})$ **C** $(-3, 1+\sqrt{3})$ **D** $(1-\sqrt{3}, +\infty)$ **E** $(-\infty, +\infty)$ **F** $(-\sqrt{3}, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(4x+x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(\sqrt{6}, +\infty)$ **B** $(-\sqrt{6}, +\infty)$ **C** $(-\infty, \sqrt{6})$ **D** $(-\sqrt{6}, \sqrt{6})$ **E** $(-\infty, 1-\sqrt{6})$ **F** $(\sqrt{6}-1, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(x+\sqrt{5}x^2)$ ha la concavità rivolta verso il basso:

A $(2-\frac{1}{2}(\sqrt{5}+\sqrt{13}), 2-\frac{1}{2}(\sqrt{5}-\sqrt{13}))$ **B** $(\frac{1}{4}(5-\sqrt{5}), +\infty)$ **C** $(\frac{1}{2}(1+\sqrt{5}), \frac{1}{2}(5-\sqrt{5}))$ **D** $(0, +\infty)$ **E** $(-\infty, +\infty)$ **F** $(-\infty, 4)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(x+2\sqrt{2}x^2)$ ha la concavità rivolta verso il basso:

A $(-\sqrt{2}, 4-\sqrt{2})$ **B** $(-1-\sqrt{2}, +\infty)$ **C** $(-\infty, -\sqrt{2})$ **D** $(-\infty, 1+\sqrt{2})$ **E** $(-\infty, 2+\sqrt{2})$ **F** $(\sqrt{2}-1, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(x+\sqrt{2}x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(-\infty, \frac{\sqrt{2}}{4}(4\sqrt{2}-1-\sqrt{17}))$ **B** $(-\infty, \frac{\sqrt{2}}{4}(-4\sqrt{2}-1-\sqrt{17}))$ **C** $(\frac{\sqrt{2}}{4}(4\sqrt{2}-1-\sqrt{17}), +\infty)$ **D** $(-\infty, \frac{\sqrt{2}}{4}(4\sqrt{2}+1+\sqrt{17}))$ **E** $(\frac{\sqrt{2}}{4}(-4\sqrt{2}-1-\sqrt{17}), +\infty)$ **F** $(-\infty, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(2x+\sqrt{3}x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(\frac{\sqrt{3}}{6}(4\sqrt{3}-2+2\sqrt{7}), +\infty)$ **B** $(\frac{\sqrt{3}}{6}(4\sqrt{3}-2-2\sqrt{7}), +\infty)$ **C** $(\frac{\sqrt{3}}{6}(-4\sqrt{3}-2+2\sqrt{7}), +\infty)$ **D** $(-\infty, \frac{\sqrt{3}}{6}(4\sqrt{3}-2+2\sqrt{7}))$ **E** $(-\infty, \frac{\sqrt{3}}{6}(4\sqrt{3}+2+2\sqrt{7}))$ **F** $(-\infty, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3083

Maple

Quesito n. A Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x^2}(2+x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$ **B** $(-\infty, 0) \cup (1, \infty)$ **C** $(-\infty, -1) \cup (0, \infty)$ **D** $(-1, +\infty)$ **E** $(-\infty, 1)$ **F** $(-\infty, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-2x^2}(1+x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(-\infty, -\frac{1}{\sqrt{2}}) \cup (\frac{1}{\sqrt{2}}, \infty)$ **B** $(-\infty, 0) \cup (\frac{1}{\sqrt{2}}, \infty)$ **C** $(-\infty, -\frac{1}{\sqrt{2}}) \cup (0, \infty)$ **D** $(-\frac{1}{\sqrt{2}}, +\infty)$ **E** $(-\infty, \frac{1}{\sqrt{2}})$ **F** $(-\infty, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x^2}(-1-x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(-\sqrt{\frac{3}{2}}, 0) \cup (0, \sqrt{\frac{3}{2}})$ **B** $(-\infty, \sqrt{\frac{3}{2}}) \cup (\sqrt{\frac{3}{2}}, \infty)$ **C** $(-\infty, -\sqrt{\frac{3}{2}}) \cup (0, \infty)$ **D** $(-\sqrt{\frac{3}{2}}, +\infty)$ **E** $(-\infty, \sqrt{\frac{3}{2}})$ **F** $(-\infty, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{2x^2}(-1+x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(-\infty, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, +\infty)$ **B** $(-\infty, -\frac{1}{3}) \cup (\frac{1}{2}, +\infty)$ **C** $(-\infty, -\frac{1}{2}) \cup (0, \infty)$ **D** $(-\sqrt{\frac{1}{2}}, +\infty)$ **E** $(-\infty, \frac{1}{2})$ **F** $(-\infty, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{x^2}(-2+x^2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(-\infty, -\frac{1}{\sqrt{2}}) \cup (\frac{1}{\sqrt{2}}, +\infty)$ **B** $(-\infty, -\frac{1}{3}) \cup (\frac{1}{2}, +\infty)$ **C** $(-\infty, -1) \cup (0, \infty)$ **D** $(-\sqrt{\frac{1}{2}}, +\infty)$ **E** $(-\infty, \frac{1}{2})$ **F** $(-\infty, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-4x^2}(x^2 + \frac{1}{2})$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

A $(-\infty, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, +\infty)$ **B** $(-\infty, -\frac{1}{3}) \cup (\frac{1}{2}, +\infty)$ **C** $(-\infty, -\frac{1}{2}) \cup (0, \infty)$ **D** $(-\sqrt{\frac{1}{2}}, +\infty)$ **E** $(-\infty, \frac{1}{2})$ **F** $(-\infty, +\infty)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3084 Maple

Quesito n. A Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x^2}(2+x^2)$ è crescente se e solo se $x \in (-\infty, a)$:

A 0 **B** -1 **C** 1 **D** -2 **E** 2 **F** $+\infty$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-2x^2}(1+x^2)$ crescente se e solo se $x \in (-\infty, a)$:

A 0 **B** 1 **C** -1 **D** -2 **E** 2 **F** $+\infty$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x^2}(-1-x^2)$ crescente se e solo se $x \in (a, +\infty)$:

A 0 **B** 1 **C** -1 **D** 2 **E** -2 **F** $-\infty$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{2x^2}(-1+x^2)$ crescente se e solo se $x \in (-a, 0) \cup (a, +\infty)$:

A $\frac{1}{\sqrt{2}}$ **B** 1 **C** 2 **D** 3 **E** $\frac{1}{2}$ **F** $\frac{1}{3}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{x^2}(-2+x^2)$ crescente se e solo se $x \in (-a, 0) \cup (a, +\infty)$:

A 1 **B** 2 **C** 3 **D** $\frac{1}{2}$ **E** $\frac{1}{3}$ **F** $\frac{1}{4}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-4x^2}(x^2 + \frac{1}{2})$ crescente se e solo se $x \in (-\infty, a)$:

A 0 **B** 1 **C** $\frac{1}{2}$ **D** $\frac{1}{4}$ **E** $\frac{1}{3}$ **F** 2 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3085 Maple, sicuro, è il 3081 traslato per

avere l'intervallo simmetrico

Quesito n. A Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(2x+x^2)$ è crescente se e solo se $x \in (-a, a)$:

A $\sqrt{2}$ **B** 1 **C** $\frac{1}{2}$ **D** 2 **E** ∞ **F** $\frac{1}{\sqrt{2}}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(x^2+2x-3)$ è crescente se e solo se $x \in (-a, a)$:

A $\sqrt{5}$ **B** 1 **C** 2 **D** 4 **E** 3 **F** $+\infty$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(4x^2+8x-1)$ è crescente se e solo se $x \in (-a, a)$:

A $\frac{3}{2}$ **B** $\frac{1}{4}$ **C** 1 **D** $+\infty$ **E** 2 **F** 4 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(x^2+2x-1)$ è crescente se e solo se $x \in (-a, a)$:

A $\sqrt{3}$ **B** 1 **C** 2 **D** $\sqrt{2}$ **E** ∞ **F** 3 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(8x^2+16x+7)$ è crescente se e solo se $x \in (-a, a)$:

A $\frac{3}{2\sqrt{2}}$ **B** $+\infty$ **C** 1 **D** 2 **E** $3\sqrt{2}$ **F** 4 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(3x^2+6x+2)$ è crescente se e solo se $x \in (-a, a)$:

A $\frac{2}{\sqrt{3}}$ **B** $\frac{1}{2}$ **C** 1 **D** $\frac{2}{3}$ **E** $\frac{\sqrt{3}}{2}$ **F** $+\infty$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3086 Maple

Quesito n. A Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(2x+x^2)$ ha la concavità rivolta verso il basso se e solo se $x \in (1-a, 1+a)$:

A $\sqrt{3}$ **B** 1 **C** $\frac{1}{\sqrt{2}}$ **D** $\sqrt{2}$ **E** ∞ **F** $\frac{1}{2}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(x^2+2x-3)$ ha la concavità rivolta verso il basso se e solo se $x \in (1-a, 1+a)$:

A $\sqrt{6}$ **B** $\sqrt{3}$ **C** $\sqrt{2}$ **D** 4 **E** 3 **F** $+\infty$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Trovare il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(4x^2+8x-1)$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se $x \in (-\infty, 1-a) \cup (1+a, +\infty)$:

A $\frac{\sqrt{3}}{2}$ **B** $\frac{\sqrt{3}}{4}$ **C** 1 **D** $\sqrt{2}$ **E** 2 **F** 4 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Trovare il valore massimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(x^2+2x-1)$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se $x \in (-\infty, 1-a) \cup (1+a, +\infty)$:

A 2 **B** 1 **C** 0 **D** $\sqrt{2}$ **E** $2\sqrt{2}$ **F** 3 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Trovare il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(8x^2+16x+7)$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se $x \in (-\infty, 1-a) \cup (1+a, +\infty)$:

A $\frac{\sqrt{34}}{4}$ **B** 0 **C** 1 **D** $\frac{\sqrt{17}}{4}$ **E** $\sqrt{2}$ **F** 4 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Trovare il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = e^{-x}(3x^2+6x+2)$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se $x \in (-\infty, 1-a) \cup (1+a, +\infty)$:

A $\frac{\sqrt{21}}{3}$ **B** $\frac{1}{2}$ **C** 1 **D** 2 **E** $\frac{\sqrt{3}}{2}$ **F** a **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3093

Quesito n. A Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = (2)^{-2x} - (\frac{1}{2})^x + x \ln 2$ è crescente se e solo se $x \in (a, +\infty)$ è

A $a = 0$ **B** $a = 1$ **C** $a = -1$ **D** $a = 2$ **E** $a = -2$ **F** $a = 3$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. B Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = (2)^{-2x} + (\frac{1}{2})^x + x \ln 2$ è crescente se e solo se $x \in (a, +\infty)$ è

A $a = 1$ **B** $a = 0$ **C** $a = -1$ **D** $a = 2$ **E** $a = -2$ **F** $a = 3$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. C Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = (2)^{-2x+1} + 3(\frac{1}{2})^x + x \ln 2$ è crescente se e solo se $x \in (a, +\infty)$ è

A $a = 2$ **B** $a = 0$ **C** $a = 1$ **D** $a = -1$ **E** $a = -2$ **F** $a = 3$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. D Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = (2)^{-2x+1} - 3(\frac{1}{2})^x + x \ln 2$ è crescente se e solo se $x \in (a, +\infty)$ è

A $a = 0$ **B** $a = 1$ **C** $a = -1$ **D** $a = 2$ **E** $a = -2$ **F** $a = 3$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. E Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = (2)^{-2x+2} + 2(\frac{1}{2})^x + x \ln 2$ è crescente se e solo se $x \in (a, +\infty)$ è

A $a = 2$ **B** $a = 0$ **C** $a = 1$ **D** $a = -1$ **E** $a = -2$ **F** $a = 3$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. F Il valore minimo di a per cui la funzione $f(x) = (2)^{-2x+2} - 2(\frac{1}{2})^x + x \ln 2$ è crescente se e solo se $x \in (a, +\infty)$ è

A $a = 1$ **B** $a = 0$ **C** $a = -1$ **D** $a = 2$ **E** $a = -2$ **F** $a = 3$ **G** nessuna delle altre

Problema n. 3096

Quesito n. A La funzione $f(x) = (x^3+x^2+\frac{1}{3}x)^{1/3}$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se x appartiene all'insieme

A $(-\frac{1}{3}, 0)$ **B** $(0, +\infty)$ **C** $(-1, +\infty)$ **D** $(-2, 1) \cup (2, +\infty)$ **E** $(-3, -\frac{1}{3})$ **F** $(-3, -2)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. B La funzione $f(x) = (x^3+x^2+x)^{1/3}$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se x appartiene all'insieme

A $(-\frac{1}{2}, 0) \cup (1, +\infty)$ **B** $(-\infty, -\frac{1}{2}) \cup (1, +\infty)$ **C** $(-\frac{1}{3}, 0) \cup (0, 1)$ **D** $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$ **E** $(-\frac{1}{2}, 1)$ **F** $(-\frac{1}{3}, 0) \cup (2, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. C La funzione $f(x) = (x^3+2x^2+4x)^{1/3}$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se x appartiene all'insieme

A $(-\frac{1}{8}, 0) \cup (\frac{9}{8}, +\infty)$ **B** $(-\infty, -\frac{1}{8}) \cup (\frac{9}{8}, +\infty)$ **C** $(-\frac{1}{8}, 0) \cup (0, \frac{9}{8})$ **D** $(-\infty, 0) \cup (\frac{9}{8}, +\infty)$ **E** $(-\frac{1}{8}, \frac{9}{8})$ **F** $(-\frac{1}{8}, 0) \cup (1, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. D La funzione $f(x) = (x^3+2\sqrt{2}x^2+5x)^{1/3}$ ha la concavità rivolta verso l'alto se e solo se x appartiene all'insieme

A $(\frac{5\sqrt{2}-15}{7}, 0) \cup (\frac{5\sqrt{2}+15}{7}, +\infty)$ **B** $(\frac{5\sqrt{2}-15}{7}, -3) \cup (\frac{5\sqrt{2}+15}{7}, +\infty)$ **C** $(\frac{5\sqrt{2}-15}{7}, -1) \cup (0, +\infty)$ **D** $(\frac{\sqrt{2}-15}{7}, 0) \cup (\frac{5\sqrt{2}+15}{7}, \frac{5\sqrt{3}+15}{7})$ **E** $(\frac{5\sqrt{2}-15}{7}, \frac{5\sqrt{2}+15}{7}) \cup (\frac{5\sqrt{2}+15}{7}, +\infty)$ **F** $(-\infty, \frac{5\sqrt{2}+15}{7}) \cup (\frac{5\sqrt{2}+15}{7}, +\infty)$ **G** nessuna delle altre

Quesito n. E La funzione $f(x) = (x^3 + x^2 + \frac{1}{2}x)^{1/3}$ ha la concavità rivolta verso il basso se e solo se x appartiene all'insieme

- [A] $(-\infty, \frac{1-\sqrt{3}}{2}) \cup (0, \frac{1+\sqrt{3}}{2})$ [B] $(-\infty, \frac{1-2\sqrt{3}}{2}) \cup (0, \frac{1+\sqrt{3}}{2})$ [C] $(-\infty, \frac{1-\sqrt{3}}{2}) \cup (1, \frac{1+\sqrt{3}}{2})$ [D] $(-\infty, \frac{1-\sqrt{3}}{2}) \cup (0, 1)$ [E] $(\frac{1-2\sqrt{3}}{2}, \frac{1-\sqrt{3}}{2}) \cup (0, \frac{1+\sqrt{3}}{2})$ [F] $(\frac{1-2\sqrt{3}}{2}, \frac{1-\sqrt{3}}{2}) \cup (\frac{1+\sqrt{3}}{2}, \frac{1+2\sqrt{3}}{2})$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F La funzione $f(x) = (x^3 + \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}x)^{1/3}$ ha la concavità rivolta verso il basso se e solo se x appartiene all'insieme

- [A] $(-\infty, \frac{\sqrt{2}-6}{10\sqrt{2}}) \cup (0, \frac{\sqrt{2}+6}{10\sqrt{2}})$ [B] $(-\infty, \frac{\sqrt{2}-8}{5\sqrt{2}}) \cup (0, \frac{\sqrt{2}+6}{5\sqrt{2}})$ [C] $(-\infty, \frac{\sqrt{2}-6}{10\sqrt{2}}) \cup (\frac{\sqrt{2}+6}{10\sqrt{5}}, \frac{\sqrt{2}+6}{5\sqrt{2}})$ [D] $(\frac{\sqrt{2}-8}{10\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{2}-6}{10\sqrt{2}}) \cup (\frac{\sqrt{2}+6}{10\sqrt{5}}, \frac{\sqrt{2}+6}{5\sqrt{2}})$ [E] $(-\infty, \frac{\sqrt{2}-8}{5\sqrt{2}}) \cup (\frac{1}{10\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{2}+6}{5\sqrt{2}})$ [F] $(-\infty, \frac{\sqrt{2}-8}{10\sqrt{2}}) \cup (\frac{1}{10\sqrt{2}}, +\infty)$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 3097

Quesito n. A Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + x^2 \ln(1+x^2) + \frac{1}{3}x^{3/2})^{1/3}$ qualora esista

- [A] non ha asintoto obliquo [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{2}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] $y = x$ [F] $y = x + \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + x^2 + x^{5/4})^{1/3}$ qualora esista

- [A] $y = x + \frac{1}{3}$ [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{2}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] $y = x$ [F] non ha asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + 2x^2 \ln(1+|x|) + 4x^{4/3})^{1/3}$ qualora esista

- [A] non ha asintoto obliquo [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{1}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] $y = x$ [F] $y = x + \frac{2}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + 2\sqrt{2}x^2 + 5x)^{1/3}$ qualora esista

- [A] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{1}{3}$ [D] $y = x + \frac{2}{3}$ [E] $y = x$ [F] non ha asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + x^{3/2} \ln(1+x^2) + \frac{1}{2}x^{6/5})^{1/3}$ qualora esista

- [A] $y = x$ [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{1}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] non ha asintoto obliquo [F] $y = x + \frac{1}{2}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}x^{5/3})^{1/3}$ qualora esista

- [A] $y = x + \frac{1}{6}$ [B] $y = x + \frac{2}{3}$ [C] $y = x + \frac{1}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] $y = x$ [F] non ha asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Problema n. 3098

Quesito n. A Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + x^2 + \frac{1}{3}x^{3/2})^{1/3}$

- [A] $y = x + \frac{1}{3}$ [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{2}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] $y = x$ [F] non ha asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + x^{3/2} + x^{5/4})^{1/3}$

- [A] $y = x$ [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{2}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] non ha asintoto obliquo [F] $y = x + \frac{1}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + 2x^2 + 4x^{4/3})^{1/3}$

- [A] $y = x + \frac{2}{3}$ [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{1}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] $y = x$ [F] non ha asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + 2\sqrt{2}x^{7/3} + 5x)^{1/3}$

- [A] non ha asintoto obliquo [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x + \frac{1}{3}$ [D] $y = x + \frac{2}{3}$ [E] $y = x$ [F] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + x^2 + \frac{1}{2}x^{6/5})^{1/3}$

- [A] $y = x + \frac{1}{3}$ [B] $y = x + \frac{1}{6}$ [C] $y = x - \frac{1}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] $y = x$ [F] non ha asintoto obliquo [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Si trovi l'asintoto obliquo della funzione $f(x) = (x^3 + \frac{1}{2}x^{8/3} + \frac{1}{2}x^{5/3})^{1/3}$

- [A] non ha asintoto obliquo [B] $y = x + \frac{2}{3}$ [C] $y = x + \frac{1}{3}$ [D] $y = x + \frac{2\sqrt{2}}{3}$ [E] $y = x$ [F] $y = x + \frac{1}{6}$ [G] nessuna delle altre

Problema n. 6165 molto simile al n.165

Quesito n. A Della funzione $f(x) = \begin{cases} e^{-x^2} & -1 \leq x < 0 \\ -4\sqrt{x} + 2x + 2 & 0 \leq x < 9 \end{cases}$ le ascisse dei punti di estremo sono date da:

- [A] -1, 0, 1 [B] -1, 0 [C] -1, 0, 1, 9 [D] -1, 0, 9 [E] 0, 1 [F] 1 [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Della funzione $f(x) = \begin{cases} \cos x & -\pi \leq x < 0 \\ -4\sqrt{x} + 2x - 2 & 0 \leq x \leq 9 \end{cases}$ le ascisse dei punti di estremo sono date da:

- [A] $-\pi$, 1, 9 [B] 0, 9 [C] $-\pi$, 1, 9, 0 [D] 0, 1, 9 [E] 1, 0 [F] $-\pi$, 9 [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Della funzione $f(x) = \begin{cases} -e^{-x^2} & -1 \leq x \leq 0 \\ 4\sqrt{x} - 2x - 2 & 0 < x \leq 9 \end{cases}$ le ascisse dei punti di estremo sono date da:

- [A] -1, 1, 9 [B] -1, 1, 9, 0 [C] -1, 1, 0 [D] -1, 9, 0 [E] 0, 9 [F] 1, 0 [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Della funzione $f(x) = \begin{cases} -\cos x & -\pi \leq x \leq 0 \\ 4\sqrt{x} - 2x - 2 & 0 < x \leq 9 \end{cases}$ le ascisse dei punti di estremo sono date da:

- [A] $-\pi$, 1, 9 [B] 0, 1, 9 [C] $-\pi$, 1, $-\frac{\pi}{2}$ [D] $-\pi$, 0, 9 [E] $-\frac{\pi}{2}$, 1, 9 [F] 1 [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Della funzione $f(x) = \begin{cases} -\sin x & -\frac{\pi}{2} \leq x < 0 \\ 2\sqrt{2x} - x - 2 & x \geq 0 \end{cases}$ le ascisse dei punti di estremo sono date da:

- [A] $-\frac{\pi}{2}$, 0, 2 [B] $-\frac{\pi}{2}$, 1, 2 [C] $-\frac{\pi}{2}$, 2 [D] 0, 1, 2 [E] 0, 1 [F] $-\frac{\pi}{2}$, 0 [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Della funzione $f(x) = \begin{cases} -xe^{-\frac{1}{2}x^2} & x < 0 \\ 2\sqrt{2x} - x - 2 & x \geq 0 \end{cases}$ le ascisse dei punti di estremo sono date da:

- [A] -1, 0, 2 [B] -1, 0, 1, 2 [C] -1, 2 [D] 0, 1, 2 [E] -1, 1, 2 [F] -1, 0 [G] nessuna delle altre

Problema n. 3113 uguale al n.161, cambia la domanda

Quesito n. A Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(6-x)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

- [A] $(-\infty, 8)$ [B] $(8, +\infty)$ [C] $(-16, 9)$ [D] $(-12, 10)$ [E] la funzione non ha concavità definita perché non è una parabola [F] $(0, 12)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(3-x)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

- [A] $(-\infty, 5)$ [B] $(5, +\infty)$ [C] $(-10, 6)$ [D] $(-8, 8)$ [E] la funzione non ha concavità definita perché non è una parabola [F] $(1, 10)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(6-3x)$ ha la concavità rivolta verso il basso:

- [A] $(4, +\infty)$ [B] $(3, 9)$ [C] $(2, 8)$ [D] $(0, 6)$ [E] la funzione non ha concavità definita perché non è una parabola [F] $(-\infty, 4)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(2-x)$ ha la concavità rivolta verso l'alto:

- [A] $(-\infty, 4)$ [B] $(4, +\infty)$ [C] $(-4, 8)$ [D] $(-2, 10)$ [E] la funzione non ha concavità definita perché non è una parabola [F] $(0, 12)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(6-2x)$ ha la concavità rivolta verso il basso:

- [A] $(5, +\infty)$ [B] $(-\infty, 5)$ [C] $(-5, 7)$ [D] $(-3, 8)$ [E] la funzione non ha concavità definita perché non è una parabola [F] $(0, 10)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Dire in quale dei seguenti intervalli la funzione $f(x) = e^{-x}(4-x)$ ha la concavità rivolta verso l'alto

- [A] $(-\infty, 6)$ [B] $(-6, 8)$ [C] $(-2, 9)$ [D] $(0, 10)$ [E] la funzione non ha concavità definita perché non è una parabola [F] $(6, +\infty)$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3143

Quesito n. A La funzione $\sqrt{|\sin x(1 - \sin x)|}$ ha

- [A] in 0 una cuspid e in $\frac{\pi}{2}$ un punto angoloso [B] in 0 un punto angoloso e in $\frac{\pi}{2}$ un punto in cui è derivabile [C] in 0 una cuspid e in $\frac{\pi}{2}$ una cuspid e [D] in 0 un punto angoloso e in $\frac{\pi}{2}$ un punto angoloso [E] in 0 un punto in cui la funzione è derivabile e in $\frac{\pi}{2}$ una cuspid e [F] in $\frac{\pi}{2}$ un punto in cui la funzione è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B La funzione $\sqrt{|\cos x(1 - \cos x)|}$ ha

- [A] $-\frac{\pi}{2}$ una cuspid e 0 un punto angoloso [B] in $-\frac{\pi}{2}$ la funzione è derivabile e 0 è un punto angoloso [C] $-\frac{\pi}{2}$ un punto di cuspid e 0 un punto di cuspid e [D] $-\frac{\pi}{2}$ un punto angoloso e 0 un punto angoloso [E] in $-\frac{\pi}{2}$ la funzione è derivabile e 0 è un punto di cuspid e [F] $-\frac{\pi}{2}$ un punto angoloso in 0 e la funzione è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C La funzione $\sqrt{|\cos x(1 + \cos x)|}$ ha

- [A] in $\frac{\pi}{2}$ una cuspid e in π un punto angoloso [B] in $\frac{\pi}{2}$ un punto angoloso [C] in $\frac{\pi}{2}$ una cuspid e in π una cuspid e [D] in $\frac{\pi}{2}$ un punto angoloso e in π un punto angoloso [E] in π una cuspid e [F] in π un punto in cui la funzione è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D La funzione $\sqrt{|\sin x(1 + \sin x)|}$ ha

[A] in $-\pi$ una cuspid e in $-\frac{\pi}{2}$ un punto angoloso [B] in $-\pi$ un punto angoloso [C] in $-\pi$ una cuspid e in $-\frac{\pi}{2}$ una cuspid [D] in $-\pi$ un punto angoloso e in $-\frac{\pi}{2}$ un punto angoloso [E] in $-\frac{\pi}{2}$ una cuspid [F] in $-\frac{\pi}{2}$ un punto in cui la funzione è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E La funzione $\sqrt{\frac{|x^2(x-1)|}{|x+1|}}$ ha

[A] in 1 una cuspid e in 0 un punto angoloso [B] in 1 un punto angoloso e in 0 la funzione è derivabile [C] in 1 una cuspid e in 0 una cuspid [D] in 1 un punto angoloso e in 0 un punto angoloso [E] in 1 la funzione è derivabile e in 0 una cuspid [F] in 1 una cuspid e in 0 la funzione è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F La funzione $\arctan(x|x-1|)^{1/3}$ ha

[A] in 1 una cuspid e in 0 un flesso a tangente verticale [B] in 1 un flesso a tangente verticale e in 0 un punto angoloso [C] in 1 una cuspid e in 0 una cuspid [D] in 1 un punto angoloso e in 0 un punto angoloso [E] in 0 una cuspid e in 1 un flesso a tangente verticale [F] in 0 un punto in cui la funzione è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3144

Quesito n. A Sia data la funzione $f: (-\pi, \pi) \rightarrow \mathbf{R}$ $f(x) = \sqrt{|\sin x(1 - \sin x)|}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera (*I massimi e/o i minimi potrebbero essere essi stessi delle cuspidi oppure dei punti angolosi*)

[A] La funzione ha tre massimi relativi, due minimi assoluti, una cuspid ed un punto angoloso. [B] La funzione ha tre massimi relativi, un massimo assoluto e due cuspidi. [C] La funzione ha due massimi, non più di due minimi ed è ovunque derivabile [D] La funzione ha tre massimi e tre minimi [E] La funzione ha due punti angolosi ed un punto di discontinuità [F] La funzione è ovunque derivabile ed ha tre punti in cui la derivata vale zero [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Sia data la funzione $f: [-\pi, \pi] \rightarrow \mathbf{R}$ $f(x) = \sqrt{|\cos x(1 + \cos x)|}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera (*I massimi e/o i minimi potrebbero essere essi stessi delle cuspidi oppure dei punti angolosi*)

[A] La funzione ha due massimi relativi, due assoluti, tre minimi, due cuspidi ed un punto angoloso. [B] La funzione ha due massimi relativi, due assoluti, non più di due minimi, due cuspidi ed un punto angoloso [C] La funzione ha non più di tre massimi, è ovunque derivabile tranne due punti [D] La funzione ha tre minimi ed in essi la derivata vale zero [E] La funzione ha due punti angolosi ed una cuspid [F] La funzione è ovunque derivabile ed ha tre punti in cui la derivata vale zero (due massimi ed un minimo) [G] nessuna delle altre

Quesito n. C Sia data la funzione $f: (-\pi, \pi) \rightarrow \mathbf{R}$ $f(x) = \sqrt{|\cos x(1 - \cos x)|}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera (*I massimi e/o i minimi potrebbero essere essi stessi delle cuspidi oppure dei punti angolosi*)

[A] La funzione ha tre massimi relativi, due minimi e due cuspid [B] La funzione ha due massimi relativi, quattro minimi e due cuspidi. [C] La funzione ha tre massimi relativi, due minimi, una cuspid ed un punto angoloso [D] La funzione ha non più di due massimi relativi, due minimi e due cuspidi [E] La funzione ha due punti angolosi e tre massimi [F] La funzione è ovunque derivabile ed ha tre punti in cui vale zero [G] nessuna delle altre

Quesito n. D Sia data la funzione $f: (-\pi, \pi) \rightarrow \mathbf{R}$ $f(x) = \sqrt{|\sin x(1 + \sin x)|}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera (*I massimi e/o i minimi potrebbero essere essi stessi delle cuspidi oppure dei punti angolosi*)

[A] La funzione ha tre massimi relativi, due minimi assoluti, una cuspid ed un punto angoloso. [B] La funzione ha tre massimi relativi, un solo massimo assoluto e due punti angolosi. [C] La funzione ha due massimi, un solo minimo ed è ovunque derivabile [D] La funzione ha solo due massimi e solo due minimi [E] La funzione ha due punti angolosi e nessun minimo [F] La funzione è ovunque derivabile e tre punti in cui la derivata vale zero [G] nessuna delle altre

Quesito n. E Sia data la funzione $f: (-\frac{5}{4}\pi, \frac{5}{4}\pi) \rightarrow \mathbf{R}$ $f(x) = \sqrt{|\sin x(1 - \cos x)|}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera (*I massimi e/o i minimi potrebbero essere essi stessi delle cuspidi oppure dei punti angolosi*)

[A] La funzione ha due massimi, tre minimi e due cuspidi. [B] La funzione ha due massimi relativi e due punti angolosi. [C] La funzione ha un solo minimo ed è ovunque derivabile [D] La funzione ha due soli massimi e due soli minimi [E] La funzione ha due punti angolosi [F] La funzione è ovunque derivabile ed ha tre punti in cui la derivata vale zero [G] nessuna delle altre

Quesito n. F Sia data la funzione $f: [-\pi, \pi] \rightarrow \mathbf{R}$ $f(x) = \sqrt{|\cos x(1 - \sin x)|}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera (*I massimi e/o i minimi potrebbero essere essi stessi delle cuspidi oppure dei punti angolosi*)

[A] La funzione ha tre massimi, almeno due minimi ed una cuspid. [B] La funzione ha due massimi relativi e due punti angolosi. [C] La funzione ha un solo minimo ed è ovunque derivabile [D] La funzione ha due soli massimi e due soli minimi [E] La funzione ha due punti angolosi [F] La funzione è ovunque derivabile e tre punti in cui la derivata vale zero [G] nessuna delle altre

Problema n. 3159

Quesito n. A La funzione $||x|^3 - x^2|$ ha

[A] due punti angolosi; altrove è derivabile [B] tre punti angolosi; altrove è derivabile [C] un punto angoloso e una cuspid; altrove è derivabile [D] due cuspidi; altrove è derivabile [E] è derivabile ovunque [F] non è ovunque derivabile non essendo ovunque continua [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B La funzione $\sqrt{|x|^3 - x^2}$ ha

[A] due cuspidi e un punto angoloso; altrove è derivabile [B] due cuspidi; altrove è derivabile [C] un punto a tangente verticale e due cuspidi; altrove è derivabile [D] tre cuspidi; altrove è derivabile [E] un punto angoloso e due punti a tangente verticale; altrove è derivabile [F] tre punti angoloso; altrove è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C La funzione $|x^2 - 1|^{1/3} \cos(|x|)$ ha

[A] due flessi a tangente verticale; altrove è derivabile [B] due flessi a tangente verticale ed un punto angoloso; altrove è derivabile [C] due flessi a tangente verticale ed una cuspid; altrove è derivabile [D] due punti angolosi ed una cuspid; altrove è derivabile [E] un flesso a tangente verticale; altrove è derivabile [F] due cuspidi e un punto angoloso; altrove è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D La funzione $f(x) = \begin{cases} 0 & x \leq 0 \\ e^{-1/x} & 0 < x \leq 1 \\ 1/e & x > 1 \end{cases}$ ha

[A] un solo punto angoloso; altrove è derivabile [B] un punto angoloso e una cuspid; altrove è derivabile [C] due cuspidi; altrove è derivabile [D] una sola cuspid; altrove è derivabile [E] un flesso a tangente verticale e un punto angoloso; altrove è derivabile [F] è derivabile ovunque [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E La funzione $(|x^2(x-1)|)^{1/3}$ ha

[A] due cuspidi; altrove è derivabile [B] un punto angoloso e una cuspid; altrove è derivabile [C] due flessi a tangente verticale; altrove è derivabile [D] un flesso a tangente verticale e una cuspid; altrove è derivabile [E] due punti angolosi; altrove è derivabile [F] un flesso a tangente verticale e un punto angoloso; altrove è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F La funzione $\sin(x|x-1|)^{1/3}$ ha

[A] una cuspid e un flesso a tangente verticale; altrove è derivabile [B] un flesso a tangente verticale e un punto angoloso; altrove è derivabile [C] due cuspidi; altrove è derivabile [D] due punti angolosi; altrove è derivabile [E] due flessi a tangente verticale; altrove è derivabile [F] una cuspid; altrove è derivabile [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Integrali e Integrali impropri

4/dicembre/2012;

Problema n. 3045

Quesito n. A $\int_1^{+\infty} (1 - \cos \frac{1}{x^\alpha}) \ln^\beta(1 + e^x) dx$ converge se e solo se:

[A] $\alpha > \frac{1+\beta}{2}$ [B] $\alpha > \frac{\beta}{2}$ [C] $\alpha > \beta$ [D] $\alpha < \frac{2+\beta}{2}$ [E] $\alpha > 0, \beta > 0$ [F] $\alpha < 1 + \beta$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\int_0^1 \ln(1 + \frac{x}{\ln^\alpha x}) \ln(1 + e^{\frac{1}{2x}}) dx$ converge se e solo se:

[A] $\alpha > 1$ [B] $\alpha < 2$ [C] $\alpha < 1$ [D] $\alpha > 2$ [E] $\alpha > 0$ [F] $\alpha < 0$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\int_0^{+\infty} \frac{(1 - \cos x)^\alpha}{\sin x^\beta} \ln^{-2}(1 + e^x) dx$ converge se e solo se:

[A] $\alpha > \frac{\beta-1}{2}$ [B] per nessun valore di α e β [C] $\alpha < \frac{\beta+1}{2}$ [D] $\alpha > \frac{\beta+2}{4}$ [E] $\alpha < \frac{2\beta-1}{2}$ [F] $\alpha > \frac{2\beta-1}{4}$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\int_0^{+\infty} (x^2 + e^{|\ln(|\ln x|)|})^\alpha)^{-1} dx$ converge se e solo se:

[A] $\alpha \in \mathbf{R}$ [B] $\alpha > 1$ [C] $\alpha > -1$ [D] per nessun valore di α [E] $\alpha < 1$ [F] $\alpha < -1$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E $\int_1^{+\infty} (\ln^\beta(1 + \ln^\alpha x) + x^2)^{-1}$ converge se e solo se:

[A] $\alpha\beta < 1$ [B] $\alpha > 2, \beta < 1$ [C] $\alpha < 2, \beta < 1$ [D] $\alpha + \beta < 1$ [E] $\alpha - \beta < 1$ [F] $2\alpha\beta > 1$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F $\int_1^{+\infty} x^{-1-|\ln x|^{-\alpha}} dx$ converge se e solo se:

[A] $\alpha < 1$ [B] $\alpha > 2$ [C] $\alpha > 1$ [D] $\alpha < 4$ [E] $\alpha < 2$ [F] $\alpha > 4$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3050

Quesito n. A Sia $a \geq 0$. L'integrale improprio $\int_1^{+\infty} x^a (\sin \frac{1}{x^a} - \frac{1}{x^a}) dx$ converge se e solo se

[A] $a > \frac{1}{2}$ [B] $a > 1$ [C] $a > 2$ [D] $a \leq \frac{1}{2}$ [E] $a = -1$ [F] $a > 0$ [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia $a \geq 0$. L'integrale improprio $\int_1^{+\infty} (e^{\frac{1}{x^a}} - 1)^a (a^2 - 1) dx$ converge se e solo se

[A] $a \geq 1$ **[B]** $a \geq 2$ **[C]** $a > 1$ **[D]** $a \leq \frac{1}{2}$ **[E]** $0 < a < 1$ **[F]** $1 \leq a \leq 2$
[G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia $a \geq 0$. L'integrale improprio $\int_1^{+\infty} (\ln(1 + \frac{1}{x^a}) - \frac{1}{x^a})^a dx$ converge se e solo se

[A] $a > \frac{1}{\sqrt{2}}$ **[B]** $a > 2$ **[C]** $a \geq 2$ **[D]** $0 < a < \frac{1}{\sqrt{2}}$ **[E]** $1 < a < 2$ **[F]** $a > 0$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia $a \geq 0$. L'integrale improprio $\int_0^1 (\arctan x^a - \sin x^a)^{-a} dx$ converge se e solo se

[A] $0 \leq a < \frac{1}{\sqrt{3}}$ **[B]** $a > 3$ **[C]** $a \geq 3$ **[D]** $0 < a < \frac{1}{\sqrt{2}}$ **[E]** $1 < a \leq 2\sqrt{3}$
[F] $a > \sqrt{3}$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia $a \geq 0$. L'integrale improprio $\int_0^1 (e^{x^a} - e^{-x^a} - 2x^a)^{-a} dx$ converge se e solo se

[A] $0 \leq a < \frac{1}{\sqrt{3}}$ **[B]** $a > 3$ **[C]** $a \geq 1$ **[D]** $0 < a \leq \frac{1}{\sqrt{2}}$ **[E]** $1 < a < 2\sqrt{3}$
[F] $a > \sqrt{2}$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia $a \geq 0$. L'integrale improprio $\int_0^1 (\arctan x^a - \sin 2x^a)^{-a} dx$ converge se e solo se

[A] $0 \leq a < 1$ **[B]** $0 \leq a \leq 1$ **[C]** $0 < a \leq 1$ **[D]** $0 < a < \frac{1}{\sqrt{2}}$ **[E]** $1 < a \leq 2\sqrt{2}$ **[F]** $a > \sqrt{2}$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3055 molto simile al n.9860 Maple

Quesito n. A $\int_{-3}^0 dx e^{-x} (3x + 1)$

[A] $-5e^3 - 4$ **[B]** $5e^3 + 4$ **[C]** $-e^3 - 3$ **[D]** $4e^3 - 1$ **[E]** $3e^3 + 1$ **[F]** $2e^3 - 6$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B $\int_{-3}^0 dx e^{-x} (2x - 3)$

[A] $-7e^3 + 1$ **[B]** $5e^3 + 2$ **[C]** $-5e^3 + 1$ **[D]** $4e^3 + 1$ **[E]** $2e^3 - 3$ **[F]** $e^3 - 1$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C $\int_{-3}^0 dx e^{-x} (-x + 3)$

[A] $5e^3 - 2$ **[B]** $5e^3 - 2$ **[C]** $-e^3 + 3$ **[D]** $-5e^3 + 1$ **[E]** $5e^3 + 4$ **[F]** $-2e^3 + 5$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D $\int_{-3}^0 dx e^{-x} (-2x + 4)$

[A] $8e^3 - 2$ **[B]** $e^3 - 2$ **[C]** $e^3 + 8$ **[D]** $-2e^3 + 4$ **[E]** $e^3 + 9$ **[F]** $-e^3 + 4$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E $\int_{-3}^0 dx e^{-x} (-3x + 4)$

[A] $10e^3 - 1$ **[B]** $e^3 + 7$ **[C]** $-3e^3 + 4$ **[D]** $4e^3 + 4$ **[E]** $-e^3 - 3$ **[F]** $-e^3 + 4$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F $\int_{-3}^0 dx e^{-x} (-2x - 3)$

[A] $e^3 + 5$ **[B]** $5e^3 - 2$ **[C]** $-2e^3 - 3$ **[D]** $-e^3 + 1$ **[E]** $4e^3 + 4$ **[F]** $2e^3 - 6$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3061

Quesito n. A L'integrale improprio $\int_2^3 dx \frac{\ln(\frac{1}{2}x)}{(x-2)^{a+1}}$ converge se e solo se

[A] $a < 1$ **[B]** $a > 2$ **[C]** $a > 1$ **[D]** $a \leq 2$ **[E]** $a \leq 0$ **[F]** qualsiasi valore di a **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B L'integrale improprio $\int_2^\infty dx \frac{\ln(1+e^x)}{(x-1)^a}$ converge se e solo se

[A] $a > 2$ **[B]** $a < 1$ **[C]** $a > 1$ **[D]** $a \leq 2$ **[E]** $a \leq 0$ **[F]** qualsiasi valore di a **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C L'integrale improprio $\int_2^\infty dx \frac{1}{x^a + x \ln x}$ converge se e solo se

[A] $a > 1$ **[B]** $a > 2$ **[C]** $a < 1$ **[D]** $a \leq 2$ **[E]** $a \leq 0$ **[F]** qualsiasi valore di a **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D L'integrale improprio $\int_2^\infty dx \frac{1}{x^a + x \ln^2 x}$ converge se e solo se

[A] qualsiasi valore di a **[B]** $a > 2$ **[C]** $a > 1$ **[D]** $a \leq 2$ **[E]** $a \leq 0$ **[F]** $a \geq 1$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E L'integrale improprio $\int_1^\infty dx \frac{1+x^3}{x^{2a} + \ln^2 x}$ converge se e solo se

[A] $a > 2$ **[B]** $a < 1$ **[C]** $a > 1$ **[D]** $a \leq 2$ **[E]** $a \leq 0$ **[F]** qualsiasi valore di a **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F L'integrale improprio $\int_0^1 dx \frac{4 \sin x - 2 \tan(2x)}{x^a}$ converge se e solo se

[A] $a < 4$ **[B]** $a > 2$ **[C]** $a > 1$ **[D]** $a < 1$ **[E]** $a \leq 0$ **[F]** qualsiasi valore di a **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3072 Maple

Quesito n. A Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{4x+3}{1+4x^2}$

[A] $\frac{1}{2} \ln 5 + \frac{3}{2} \arctan 2$ **[B]** $\frac{1}{3} \ln 3 + \frac{5}{2} \arctan 4$ **[C]** $\frac{1}{2} \ln 5 - \frac{1}{2} \arctan 2$ **[D]** $\frac{1}{2} \arctan 5 + \frac{3}{2} \arctan 2$ **[E]** $\frac{3}{2} \ln 5 + \frac{1}{2} \arctan 2$ **[F]** $\frac{1}{2} \ln 5 + \frac{3}{2} \arctan 5$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{24x+1}{1+9x}$

[A] $\frac{4}{3} \ln 10 + \frac{1}{3} \arctan 3$ **[B]** $\frac{1}{3} \ln 2 + \frac{1}{3} \arctan 3$ **[C]** $\frac{2}{3} \ln 2 + \frac{1}{3} \arctan 24$ **[D]** $\frac{4}{3} \arctan 9 + \frac{1}{3} \arctan 3$ **[E]** $\frac{4}{3} \ln 5 + \frac{1}{3} \arctan 9$ **[F]** $\frac{2}{3} \ln 5 + \frac{1}{3} \arctan 3$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{2x+5}{1+4x^2}$

[A] $\frac{1}{4} \ln 5 + \frac{5}{2} \arctan 2$ **[B]** $\frac{1}{4} \ln 5 + \frac{1}{2} \arctan 2$ **[C]** $\frac{1}{4} \ln 2 + \frac{5}{2} \arctan 5$ **[D]** $\frac{1}{3} \ln 5 + \frac{3}{2} \arctan 4$ **[E]** $\frac{1}{4} \ln 2 + \frac{1}{2} \arctan 2$ **[F]** $\frac{1}{5} \ln 2 + \frac{3}{2} \arctan 2$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{40x+1}{1+9x^2}$

[A] $\frac{20}{9} \ln 10 + \frac{1}{3} \arctan 3$ **[B]** $\frac{20}{9} \ln 5 + \frac{1}{3} \arctan 9$ **[C]** $\frac{40}{9} \ln 10 + \frac{1}{9} \arctan 3$ **[D]** $\frac{2}{9} \ln 2 + \frac{1}{9} \arctan 9$ **[E]** $\frac{20}{3} \ln 10 + \frac{1}{3} \arctan 3$ **[F]** $\frac{10}{9} \ln 5 + \frac{1}{4} \arctan 3$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{12x+5}{1+4x^2}$

[A] $\frac{3}{2} \ln 5 + \frac{5}{2} \arctan 2$ **[B]** $\frac{3}{2} \ln 10 + \frac{5}{2} \arctan 2$ **[C]** $\frac{3}{2} \ln 5 + \frac{5}{2} \arctan 4$ **[D]** $\frac{5}{2} \ln 5 + \frac{1}{2} \arctan 2$ **[E]** $\frac{3}{2} \ln 10 + \frac{3}{2} \arctan 4$ **[F]** $\frac{3}{2} \ln 2 + \frac{3}{2} \arctan 2$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{20x+3}{1+9x^2}$

[A] $\frac{10}{9} \ln 10 + \arctan 3$ **[B]** $\frac{20}{9} \ln 5 + \frac{1}{9} \arctan 9$ **[C]** $\frac{40}{9} \ln 10 + \frac{1}{9} \arctan 3$ **[D]** $\frac{2}{9} \ln 2 + \frac{1}{9} \arctan 9$ **[E]** $\frac{2}{3} \ln 10 + \frac{20}{3} \arctan 3$ **[F]** $\frac{10}{9} \ln 5 + \frac{1}{4} \arctan 3$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3073 Maple

Quesito n. A Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{2x^2+3x}{1+4x^2}$

[A] $\frac{1}{2} - \frac{1}{4} \arctan 2 + \frac{3}{8} \ln 5$ **[B]** $\frac{1}{2} \ln 3 + \frac{3}{2} \arctan 2 - \frac{1}{2}$ **[C]** $\frac{1}{2} \ln 5 - \frac{3}{2} + \frac{3}{2} \arctan 2$ **[D]** $\frac{1}{2} \arctan 5 + \frac{5}{2} \ln 10 - \frac{3}{2} \arctan 2$ **[E]** $\frac{3}{2} \ln 5 + \frac{5}{2} \ln 3 - \frac{1}{2} \arctan 2$ **[F]** $\frac{1}{2} \ln 5 + \frac{3}{2} \arctan 4 - \ln 2$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{36x^2+1}{1+9x^2}$

[A] $4 + \frac{1}{18} \ln 10 - \frac{1}{4} \arctan 2$ **[B]** $\frac{1}{3} \ln 2 + \frac{1}{3} \arctan 9 - \frac{1}{3}$ **[C]** $\frac{5}{3} \ln 2 + \frac{2}{3} \arctan 18 + \frac{1}{3} \ln 3$ **[D]** $\frac{4}{3} \arctan 9 + \frac{1}{3} \arctan 3 - 2 \ln 2$ **[E]** $\frac{4}{3} \ln 5 + \frac{1}{3} \arctan 3 + \frac{5}{3}$ **[F]** $\frac{2}{3} \ln 5 + \frac{1}{3} \arctan 3$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{2x^2+5x}{1+4x^2}$

[A] $\frac{1}{2} - \frac{1}{4} \arctan 2 - \frac{5}{8} \ln 5$ **[B]** $\frac{1}{4} \ln 5 + \frac{3}{2} - \frac{1}{2} \arctan 4$ **[C]** $\frac{1}{4} \ln 2 - \frac{1}{2} + \frac{5}{2} \arctan 4$ **[D]** $\frac{1}{3} \ln 2 + \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \arctan 4$ **[E]** $\frac{1}{4} \ln 2 + \frac{1}{2} \arctan 4 - \frac{1}{2} \arctan 2$ **[F]** $\frac{1}{5} \ln 2 - \frac{1}{2} \arctan 4 + \frac{3}{2} \arctan 2$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{18x+x}{1+9x^2}$

[A] $2 + \frac{1}{18} \ln 10 - \frac{2}{3} \arctan 3$ **[B]** $\frac{20}{9} \ln 5 + 1 + \frac{1}{3} \arctan 18$ **[C]** $\frac{2}{9} \ln 10 - 2 + \frac{1}{9} \arctan 3$ **[D]** $\frac{4}{9} \ln 2 + 2 - \frac{1}{9} \arctan 9$ **[E]** $\frac{20}{3} \ln 10 + 4 \arctan 2 - \frac{1}{3} \arctan 3$ **[F]** $\frac{10}{9} \ln 5 + \frac{1}{4} \arctan 3$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{12x^2+5x}{1+4x^2}$

[A] $3 - \frac{3}{2} \arctan 2 + \frac{5}{8} \ln 5$ **[B]** $\frac{3}{2} \ln 10 + 2 - \frac{5}{2} \arctan 4$ **[C]** $\frac{3}{2} \ln 5 + 1 - \frac{3}{2} \arctan 4$ **[D]** $\frac{5}{2} \ln 5 + 4 \arctan 4 - \frac{1}{2} \arctan 2$ **[E]** $\frac{3}{2} \ln 10 + \arctan 2 + \frac{3}{2} \arctan 4$ **[F]** $\frac{3}{2} \ln 2 + 1 - \frac{3}{2} \arctan 2$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si calcoli $\int_0^1 dx \frac{18x+3x}{1+9x^2}$

[A] $2 + \frac{1}{6} \ln 10 - \frac{2}{3} \arctan 3$ **[B]** $\frac{20}{9} \ln 5 + 2 - \frac{1}{9} \arctan 9$ **[C]** $\frac{40}{9} \ln 10 + 2 \arctan 18 - \frac{14}{9} \arctan 3$ **[D]** $\frac{2}{9} \ln 2 + \arctan 3 - \frac{1}{9} \arctan 9$ **[E]** $\frac{2}{3} \ln 10 + \ln 2 - \frac{1}{20} \arctan 3$ **[F]** $\frac{10}{9} \ln 5 + 9 \ln 5 - \frac{1}{4} \arctan 3$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3124 Maple

Quesito n. A L'integrale $\int_1^e \ln^2(x) dx$ è uguale a:

[A] $e - 2$ **[B]** 2 **[C]** e **[D]** $e \ln 2$ **[E]** $e - \ln 2$ **[F]** e^2 **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B L'integrale $\int_1^e x^2 \ln(x) dx$ è uguale a:

[A] $\frac{1}{9}(2e^3 + 1)$ **[B]** e **[C]** $\frac{1}{16}(e - 1)$ **[D]** $\frac{1}{e} \ln(1 + e^2)$ **[E]** $\frac{e}{2}$ **[F]** $\frac{e}{9}(e + 3)$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C L'integrale $\int_1^e x \ln(x) dx$ è uguale a:

[A] $\frac{e^2+1}{4}$ **[B]** $\frac{e^2-1}{4}$ **[C]** $\frac{e^2+2}{4}$ **[D]** $\frac{e^2+1}{2}$ **[E]** $\frac{e^2+2}{2}$ **[F]** $\frac{e^2-1}{4}$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D L'integrale $\int_0^1 \ln(1 + x^2) dx$ è uguale a:

[A] $\frac{\pi}{2} - 2 + \ln 2$ **[B]** $\frac{\pi}{2} - 2e + \ln 2$ **[C]** $\frac{\pi}{4} + 2 + 2 \ln 2$ **[D]** $\frac{\pi}{2} - e + \ln 2$ **[E]** $\frac{\pi}{2} + 2e - 2 \ln 2$ **[F]** $\frac{\pi}{4} + 2 + \ln 2$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E L'integrale $\int_0^{\sqrt{e-1}} x \ln(1 + x^2) dx$ è uguale a:

[A] $\frac{1}{2}$ **[B]** 8 **[C]** $\frac{e}{4}$ **[D]** $\frac{e}{2}$ **[E]** $\frac{1}{e}$ **[F]** $\frac{2}{3}$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F L'integrale $\int_{\sqrt{e+1}}^{\sqrt{2e+1}} x \ln(x^2 - 1) dx$ è uguale a:

[A] $e \ln 2$ **[B]** e **[C]** $4 \ln 2$ **[D]** $e + \ln 2$ **[E]** $2e - \ln 2$ **[F]** $2 + e \ln 2$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 6021 molto simile al n.21**Quesito n. A** L'integrale $\int_{-1}^1 dx \frac{1}{(1+x)^{2-a}(1-x)^{a-3}}$ converge se e solo se

- ☐ A $1 < a < 4$ ☐ B $0 < a < 1$ ☐ C $a \in \mathbf{R}$ ☐ D $-\frac{1}{2} < a < 1$ ☐ E $0 < a < 3$
☐ F $1 < a < 2$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B L'integrale $\int_0^{+\infty} dx \frac{\arctan x^2}{(1+x)(\ln(1+x))^{a+1}}$ converge se e solo se

- ☐ A $0 < a < 2$ ☐ B $1 < a < 4$ ☐ C $a \in \mathbf{R}$ ☐ D $-\frac{1}{2} < a < 1$ ☐ E $-1 < a < 3$
☐ F $1 < a < 2$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C L'integrale $\int_0^{+\infty} dx \frac{a}{x^{a+1}(\ln(1+x))^{1-a}}$ converge se e solo se

- ☐ A $a \in \mathbf{R}$ ☐ B $0 < a < 1$ ☐ C $1 < a < 4$ ☐ D $-\frac{1}{2} < a < 1$ ☐ E $-1 < a < 1$
☐ F $1 < a < 2$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D L'integrale $\int_1^{+\infty} dx (\frac{1}{x^{a+3}} + \frac{1}{x^{2-a}})$ converge se e solo se

- ☐ A $-\frac{1}{2} < a < 1$ ☐ B $0 < a < 1$ ☐ C $a \in \mathbf{R}$ ☐ D $-2 < a < 2$ ☐ E $1 < a < 4$
☐ F $1 < a < 2$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E L'integrale $\int_1^{+\infty} dx (\frac{1}{x^a} + \frac{1}{x^{3-a}})$ converge se e solo se

- ☐ A $1 < a < 4$ ☐ B $0 < a < 1$ ☐ C $a \in \mathbf{R}$ ☐ D $-\frac{1}{2} < a < 1$ ☐ E $0 < a < 2$
☐ F $1 < a < 2$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F L'integrale $\int_0^{1/2} dx (\frac{\sin^2 x}{x^a} + \frac{1}{x(\ln x)^{1+a}})$ converge se e solo se

- ☐ A $0 < a < 3$ ☐ B $0 < a < 1$ ☐ C $a \in \mathbf{R}$ ☐ D $a < 3$ ☐ E $0 \leq a < 3$ ☐ F $0 \leq a < 2$
☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3108**Quesito n. A** Si dica quali dei seguenti integrali converge: $I_1 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$,

$$I_2 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin x}{\sqrt{x}} dx, I_3 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin \sqrt{x}}{x^{3/4}} dx,$$

- ☐ A I_1 diverge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ B I_1 converge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ C I_1 converge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ D I_1 diverge, I_2 diverge, I_3 converge, ☐ E I_1 converge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ F I_1 diverge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si dica quali dei seguenti integrali converge: $I_1 = \int_0^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{x}} \sin \frac{1}{\sqrt{x}} dx$,

$$I_2 = \int_0^{+\infty} \frac{|\sin x|}{x} dx, I_3 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin x^2}{x^{5/4}} dx,$$

- ☐ A I_1 converge, I_2 diverge, I_3 converge, ☐ B I_1 converge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ C I_1 converge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ D I_1 diverge, I_2 diverge, I_3 converge, ☐ E I_1 converge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ F I_1 diverge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si dica quali dei seguenti integrali converge: $I_1 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin x^2}{x^2} dx$,

$$I_2 = \int_0^{+\infty} (\frac{\pi}{2} - \arctan x) dx, I_3 = \int_0^{+\infty} \sin^2 x dx,$$

- ☐ A I_1 diverge, I_2 diverge, I_3 converge, ☐ B I_1 converge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ C I_1 converge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ D I_1 diverge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ E I_1 converge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ F I_1 diverge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si dica quali dei seguenti integrali converge: $I_1 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin x^2}{x^4} dx$,

$$I_2 = \int_0^{+\infty} (\frac{\pi}{2} - \arctan x^2) dx, I_3 = \int_0^{+\infty} \frac{\cos x^2}{x^2} dx$$

- ☐ A I_1 diverge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ B I_1 converge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ C I_1 converge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ D I_1 diverge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ E I_1 converge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ F I_1 diverge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quali dei seguenti integrali converge: $I_1 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin^2(\ln(x))}{\sqrt{x}} dx$,

$$I_2 = \int_0^{+\infty} \frac{\cos(\ln x)}{\ln(x)} dx, I_3 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin(\ln x)}{\ln^2(x)} dx$$

- ☐ A I_1 diverge, I_2 diverge, I_3 converge, ☐ B I_1 converge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ C I_1 converge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ D I_1 diverge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ E I_1 converge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ F I_1 diverge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si dica quali dei seguenti integrali converge: $I_1 = \int_0^{+\infty} \sin(x + x^2) dx$,

$$I_2 = \int_0^{+\infty} \frac{\sin(x+x^2)}{\ln(x)} dx, I_3 = \int_0^{+\infty} \frac{\cos(x+x^2)}{x^{3/2}} dx$$

- ☐ A I_1 converge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ B I_1 converge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ C I_1 converge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ D I_1 diverge, I_2 diverge, I_3 diverge, ☐ E I_1 diverge, I_2 converge, I_3 diverge, ☐ F I_1 diverge, I_2 converge, I_3 converge, ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3109**Quesito n. A** Sia dato l'integrale $\int_0^1 \frac{1}{x^a} (\frac{2}{e^{x^2}+1} - \cos x + \frac{x^4}{24})$. Allora esso converge se e solo se

- ☐ A $\alpha < 7$ ☐ B $\alpha < 4$ ☐ C $\alpha < 3$ ☐ D $\alpha < 2$ ☐ E $\alpha < 6$ ☐ F $\alpha < 0$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia dato l'integrale $\int_0^1 \frac{1}{x^a} (\frac{2}{e^{x^2}+1} - \frac{2}{e^{-x^2}+1} + x^2)$. Allora esso converge se e solo se

- ☐ A $\alpha < 7$ ☐ B $\alpha < 4$ ☐ C $\alpha < 3$ ☐ D $\alpha < 2$ ☐ E $\alpha < 6$ ☐ F $\alpha < 1$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia dato l'integrale $\int_0^1 \frac{1}{x^a} (\frac{2}{e^{x^2}+1} - \frac{2}{e^{-x^2}+1} + \sin x)$. Allora esso converge se e solo se

- ☐ A $\alpha < 4$ ☐ B $\alpha < 2$ ☐ C $\alpha < 3$ ☐ D $\alpha < 5$ ☐ E $\alpha < 6$ ☐ F $\alpha < 0$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia dato l'integrale $\int_0^1 \frac{1}{x^a} (\frac{2}{e^{x^2}+1} - \frac{2}{e^{-x^2}+1} + x \cos x)$. Allora esso converge se e solo se

- ☐ A $\alpha < 4$ ☐ B $\alpha < 2$ ☐ C $\alpha < 3$ ☐ D $\alpha < 5$ ☐ E $\alpha < 6$ ☐ F $\alpha < 0$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia dato l'integrale $\int_0^1 \frac{1}{x^a} (\frac{1}{x+1} - \frac{2}{2+x} + \ln(1 + \frac{1}{2}x - \frac{5}{8}x^2) + \frac{25}{48}x^3)$. Allora esso converge se e solo se

- ☐ A $\alpha < 5$ ☐ B $\alpha < 4$ ☐ C $\alpha < 1$ ☐ D $\alpha < 3$ ☐ E $\alpha < 6$ ☐ F $\alpha < 0$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia dato l'integrale $\int_0^1 \frac{1}{x^a} (\frac{1}{1+\ln(x+1)} - \frac{1}{1+x} - \frac{1}{2}x^2)$. Allora esso converge se e solo se

- ☐ A $\alpha < 4$ ☐ B $\alpha < 1$ ☐ C $\alpha < 2$ ☐ D $\alpha < 5$ ☐ E $\alpha < 6$ ☐ F $\alpha < 0$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3110**Quesito n. A** L'integrale $\int_0^{+\infty} \ln(1 + e^{\frac{x}{2}}) \sin(x^a + x^2)$ converge se e solo se

- ☐ A $\alpha > 1$ ☐ B $\alpha \geq 1$ ☐ C $\alpha \leq 0$ ☐ D $\alpha < 0$ ☐ E $\alpha \geq 2$ ☐ F $\alpha < 2$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B L'integrale $\int_0^{+\infty} (\ln|x|)^\alpha \cos(x + x^2)$ converge se e solo se

- ☐ A $\alpha \in \mathbf{R}$ ☐ B α positivo ☐ C $\alpha \leq 0$ ☐ D $\alpha < 0$ ☐ E α negativo ☐ F $\alpha > 0$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia $\alpha > 0$. L'integrale $\int_0^{+\infty} \frac{\sin(x+x^2) - \sin(x-x^2)}{x^\alpha}$ converge se e solo se

- ☐ A $\alpha < 3$ ☐ B $\alpha < 4$ ☐ C $\alpha > 0$ ☐ D $\alpha > 2$ ☐ E $\alpha < 2$ ☐ F $\alpha < 1$ ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D ERRORE

- ☐ A ERRORE ☐ B ERRORE ☐ C ERRORE ☐ D ERRORE ☐ E ERRORE ☐ F ERRORE ☐ G ERRORE

Quesito n. E ERRORE

- ☐ A ERRORE ☐ B ERRORE ☐ C ERRORE ☐ D ERRORE ☐ E ERRORE ☐ F ERRORE ☐ G ERRORE

Quesito n. F ERRORE

- ☐ A ERRORE ☐ B ERRORE ☐ C ERRORE ☐ D ERRORE ☐ E ERRORE ☐ F ERRORE ☐ G ERRORE

Serie numeriche

4/dicembre/2012;

Problema n. 3017**Quesito n. A** Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n \sqrt{2n+1}}{n!}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{7n+2}$

si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- ☐ A S_1 converge, S_2 diverge ☐ B S_1 converge, S_2 converge ☐ C S_1 diverge, S_2 diverge ☐ D S_1 diverge, S_2 converge ☐ E S_1 converge, S_2 è irregolare ☐ F S_1 è irregolare, S_2 diverge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n \sqrt{3n+2}}{n!}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{6n+3}$ si

dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- ☐ A S_1 converge, S_2 diverge ☐ B S_1 converge, S_2 converge ☐ C S_1 diverge, S_2 diverge ☐ D S_1 diverge, S_2 converge ☐ E S_1 converge, S_2 è irregolare ☐ F S_1 è irregolare, S_2 diverge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n \sqrt{4n+3}}{n!}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{5n+4}$ si

dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- ☐ A S_1 converge, S_2 diverge ☐ B S_1 converge, S_2 converge ☐ C S_1 diverge, S_2 diverge ☐ D S_1 diverge, S_2 converge ☐ E S_1 converge, S_2 è irregolare ☐ F S_1 è irregolare, S_2 diverge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n \sqrt{5n+4}}{n!}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{6n+5}$

si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- ☐ A S_1 converge, S_2 diverge ☐ B S_1 converge, S_2 converge ☐ C S_1 diverge, S_2 diverge ☐ D S_1 diverge, S_2 converge ☐ E S_1 converge, S_2 è irregolare ☐ F S_1 è irregolare, S_2 diverge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{6^n \sqrt{6n+5}}{n!}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{7n+6}$ si

dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- ☐ A S_1 converge, S_2 diverge ☐ B S_1 converge, S_2 converge ☐ C S_1 diverge, S_2 diverge ☐ D S_1 diverge, S_2 converge ☐ E S_1 converge, S_2 è irregolare ☐ F S_1 è irregolare, S_2 diverge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{7^n \sqrt{7n+6}}{n!}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{8n+7}$ si

dica quale delle seguenti affermazioni è vera

- ☐ A S_1 converge, S_2 diverge ☐ B S_1 converge, S_2 converge ☐ C S_1 diverge, S_2 diverge ☐ D S_1 diverge, S_2 converge ☐ E S_1 converge, S_2 è irregolare ☐ F S_1 è irregolare, S_2 diverge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3018**Quesito n. A** La somma della serie $\sum_{n=10}^{\infty} (\frac{1}{2})^n$ è

- ☐ A $\frac{1}{2^9}$ ☐ B $\frac{1}{2^{10}}$ ☐ C $\frac{1}{2^{20}}$ ☐ D $\frac{1}{2}$ ☐ E 2 ☐ F 1 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B La somma della serie $\sum_{n=11}^{\infty} (\frac{1}{3})^n$ è

A $\frac{1}{2 \cdot 3^{10}}$ **B** $\frac{1}{3 \cdot 2^{11}}$ **C** $\frac{1}{2^6 \cdot 3^8}$ **D** $\frac{1}{2^5 \cdot 3^8}$ **E** $\frac{1}{3}$ **F** $\frac{1}{6}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C La somma della serie $\sum_{n=12}^{\infty} (\frac{1}{4})^n$ è

A $\frac{1}{3 \cdot 4^{11}}$ **B** $\frac{1}{4 \cdot 2^{11}}$ **C** $\frac{1}{2^6 \cdot (13)^8}$ **D** $\frac{1}{2^{12} \cdot 3^8}$ **E** $\frac{1}{4^{10}}$ **F** $\frac{1}{12}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D La somma della serie $\sum_{n=13}^{\infty} (\frac{1}{5})^n$ è

A $\frac{1}{4 \cdot 5^{12}}$ **B** $\frac{1}{4 \cdot 4^{12}}$ **C** $\frac{1}{5^6 \cdot 4^8}$ **D** $\frac{1}{2^{12} \cdot 5^8}$ **E** $\frac{1}{5^{12}}$ **F** $\frac{1}{(13)^2}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E La somma della serie $\sum_{n=14}^{\infty} (\frac{1}{6})^n$ è

A $\frac{1}{5 \cdot 6^{13}}$ **B** $\frac{1}{6 \cdot 5^{12}}$ **C** $\frac{1}{5^6 \cdot 6^8}$ **D** $\frac{1}{2^{14} \cdot 5^8}$ **E** $\frac{1}{5^{14}}$ **F** $\frac{1}{(14)^{14}}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F La somma della serie $\sum_{n=15}^{\infty} (\frac{1}{7})^n$ è

A $\frac{1}{6 \cdot 7^{14}}$ **B** $\frac{1}{7 \cdot 6^{14}}$ **C** $\frac{1}{5^6 \cdot 4^{14}}$ **D** $\frac{1}{2^{12} \cdot 5^{14}}$ **E** $\frac{1}{7^{12}}$ **F** $\frac{1}{7^2}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3025

Quesito n. A Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$ convergente a x e tale che $x_1 =$

$x_2 = x_3 = 1$. Si calcoli la somma della serie $\sum_{n=1}^{\infty} y_n$ dove $y_n = x_{n+2} + 2x_{n+3}$

A $3x - 8$ **B** $2x$ **C** $3x$ **D** $3x - 2$ **E** $2x + 3$ **F** $x + 2$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$ convergente a x e tale che $x_1 = x_2 =$

$x_3 = 1$. Si calcoli la somma della serie $\sum_{n=1}^{\infty} y_n$ dove $y_n = 2x_{n+2} + 3x_{n+3}$

A $5x - 13$ **B** $2x + 7$ **C** $5x + 11$ **D** $3x - 2$ **E** $2x + 5$ **F** $x + 5$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$ convergente a x e tale che $x_1 = x_2 =$

$x_3 = 1$. Si calcoli la somma della serie $\sum_{n=1}^{\infty} y_n$ dove $y_n = 3x_{n+2} + 4x_{n+3}$

A $7x - 18$ **B** $5x + 12$ **C** $3x - 15$ **D** $4x - 3$ **E** $3x + 4$ **F** $x + 12$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$ convergente a x e tale che $x_1 = x_2 =$

$x_3 = 1$. Si calcoli la somma della serie $\sum_{n=1}^{\infty} y_n$ dove $y_n = 4x_{n+2} + 5x_{n+3}$

A $9x - 23$ **B** $5x + 4x$ **C** $4x + 25$ **D** $4x - 5$ **E** $5x - 4$ **F** $9x + 27$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$ convergente a x e tale che $x_1 = x_2 =$

$x_3 = 1$. Si calcoli la somma della serie $\sum_{n=1}^{\infty} y_n$ dove $y_n = 5x_{n+2} + 6x_{n+3}$

A $11x - 28$ **B** $28x + 4$ **C** $9x + 25$ **D** $12x - 16$ **E** $25x - 24$ **F** $19x + 21$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$ convergente a x e tale che $x_1 = x_2 =$

$x_3 = 1$. Si calcoli la somma della serie $\sum_{n=1}^{\infty} y_n$ dove $y_n = 6x_{n+2} + 7x_{n+3}$

A $13x - 33$ **B** $13x + 23$ **C** $15x + 25$ **D** $17x - 26$ **E** $27x - 31$ **F** $26x + 11$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3027

Quesito n. A Data una generica successione $a_k \rightarrow 0$ si considerino le seguenti tre affermazioni: **(1)** la serie $\sum_{k=0}^{\infty} a_k^2$ converge, **(2)** la serie $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{k}$, converge **(3)** esiste una sottosuccessione n_k tale che la serie $\sum_{k=0}^{\infty} a_{n_k}$ converge. Si dica se

A **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **B** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **C** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **E** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Date due successioni generiche a_k e b_k definiamo la successione $c_k = a_k b_k$. Sia la serie $\sum_{k=0}^{\infty} a_k$ convergente e si considerino le tre affermazioni: **(1)** se b_k è limitata la serie $\sum_{k=0}^{\infty} a_k b_k$ converge, **(2)** se $b_k \rightarrow 0$ allora la serie $\sum_{k=0}^{\infty} a_k b_k$, converge **(3)** se $\sum_{k=0}^{\infty} |a_k|$ converge e b_k è limitata allora converge pure la serie $\sum_{k=0}^{\infty} a_k b_k$,

A **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **B** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **C** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **E** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Data una generica successione a_k tale che $a_k = o(\frac{1}{\ln(k)})$

per $k \rightarrow +\infty$ si considerino le seguenti tre affermazioni: **(1)** $S_1 = \sum_{k=0}^{\infty} a_k^2$

converge, **(2)** $S_2 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{k}$ converge, **(3)** $S_3 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k^2 \ln(k)}{k}$ converge

e si dica quale delle seguenti è vera

A **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **B** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **C** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **E** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D È data una generica successione a_n tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} |a_{n+1} -$

$a_n| = 0$. Si considerino le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_n}{n^{3/2}}$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_n^2}{n^{5/2}}$, $S_3 =$

$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_n^3}{n^{9/2}}$ e le affermazioni: **(1)** S_1 converge, **(2)** S_2 converge e **(3)** S_3 converge.

A **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **B** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **C** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **E** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Data una generica successione a_k tale che $a_k = o(\frac{1}{\ln(k)})$ per

$k \rightarrow +\infty$ si considerino le seguenti tre affermazioni: **(1)** $S_1 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{k^{3/2}}$ con-

verge, **(2)** $S_2 = \sum_{k=2}^{\infty} \frac{a_k}{k \ln^{1/3}(\ln k)}$ converge, **(3)** $S_3 = \sum_{k=2}^{\infty} \ln(k) \frac{a_k^2}{k}$ converge e si dica quale delle seguenti è vera

A **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **B** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **C** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **E** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F È data una generica successione $a_k > 0$ tale che $\lim_{k \rightarrow +\infty} a_k =$

0. Si considerino le affermazioni: **(1)** la serie $\sum_{k=1}^{\infty} a_k^{\frac{1}{k}}$ converge **(2)** esi-

ste un numero intero p tale che la serie $\sum_{k=1}^{\infty} a_k^p$, converge, **(3)** la serie

$\sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k a_k$, converge

A **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **B** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **C** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **E** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3029

Quesito n. A Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} n^{5/2} (1 - \cos \frac{1}{n})^2$, $S_2 =$

$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{-2n^{1/2} + 1}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A S_1 converge, S_2 diverge **B** S_1 converge, S_2 converge **C** S_1 diverge, S_2 converge **D** S_1 diverge, S_2 diverge **E** S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge ma non assolutamente **F** S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (1 - \cos \frac{1}{\sqrt{n}})^2$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{-2n^{1/2} + 5n^2}$

si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A S_1 diverge, S_2 converge **B** S_1 converge, S_2 diverge **C** S_1 converge, S_2 converge **D** S_1 diverge, S_2 diverge **E** S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge **F** S_1 converge, S_2 converge ma non assolutamente **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} n^2 (\ln(1 + \frac{1}{n}))^4$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{1/2} - 3n}$

si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A S_1 converge, S_2 diverge **B** S_1 converge, S_2 converge **C** S_1 diverge, S_2 converge **D** S_1 diverge, S_2 diverge **E** S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge **F** S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge ma non assolutamente **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} n \sin \frac{1}{n + n^3}$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{-2/3} + n^{3/2}}$

si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A S_1 converge, S_2 converge **B** S_1 converge, S_2 diverge **C** S_1 diverge, S_2 converge **D** S_1 diverge, S_2 diverge **E** S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge **F** S_1 converge, S_2 converge ma non assolutamente **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} n \tan \frac{1}{n + n^3}$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2n - n^{1/2}}$

si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

A S_1 converge, S_2 diverge **B** S_1 diverge, S_2 diverge **C** S_1 diverge, S_2 converge **D** S_1 converge, S_2 converge **E** S_1 diverge, S_2 converge ma non assolutamente **F** S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (e^{1/n} - 1)$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{1/2} - 3n^{5/2}}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 diverge, S_2 converge ☐ B S_1 diverge, S_2 diverge ☐ C S_1 converge, S_2 diverge ☐ D S_1 converge, S_2 converge ☐ E S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge ☐ F S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3031

Quesito n. A Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ convergente e tale che $a_n > 0$. Sia data la successione b_n tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} b_n = 3$. Si considerino le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n a_n b_n$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n + a_n^2}{1 + na_n}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente e S_2 diverge ☐ B S_1 converge assolutamente e S_2 converge ☐ C S_1 converge ma non assolutamente e S_2 diverge ☐ D S_1 converge ma non assolutamente e S_2 converge ☐ E S_1 non converge e S_2 diverge ☐ F S_1 non converge e S_2 converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ convergente e tale che $a_n > 0$. Sia data la successione b_n tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} b_n = -3$. Si considerino le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n a_n b_n$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + 2^{a_n}}{1 + 2^n a_n}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente e S_2 diverge ☐ B S_1 converge assolutamente e S_2 converge ma non assolutamente ☐ C S_1 converge ma non assolutamente e S_2 diverge ☐ D S_1 converge ma non assolutamente e S_2 converge ma non assolutamente ☐ E S_1 non converge e S_2 diverge ☐ F S_1 non converge e S_2 converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ convergente e tale che $a_n > 0$. Sia data la successione b_n tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} b_n = -5$. Si considerino le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n a_n b_n$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^n + e^{a_n}}{1 + n^{a_n}}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente e S_2 diverge ☐ B S_1 converge assolutamente e S_2 converge ☐ C S_1 converge ma non assolutamente e S_2 diverge ma non assolutamente ☐ D S_1 converge ma non assolutamente e S_2 converge ma non assolutamente ☐ E S_1 non converge e S_2 diverge ☐ F S_1 non converge e S_2 converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ convergente e tale che $a_n > 0$. Sia data la successione b_n tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} b_n = 5$. Si considerino le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n a_n b_n$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! + \sin(a_n)}{1 + n! a_n}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente e S_2 diverge ☐ B S_1 converge assolutamente e S_2 converge ma non assolutamente ☐ C S_1 converge ma non assolutamente e S_2 diverge ☐ D S_1 converge ma non assolutamente e S_2 converge ma non assolutamente ☐ E S_1 non converge e S_2 diverge ☐ F S_1 non converge e S_2 converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ convergente e tale che $a_n > 0$. Sia data la successione b_n tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} b_n = -3$. Si considerino le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n a_n b_n$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^4 + a_n^4}{1 + n^4 a_n}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente e S_2 diverge ☐ B S_1 converge assolutamente e S_2 converge ☐ C S_1 converge ma non assolutamente e S_2 diverge ☐ D S_1 converge ma non assolutamente e S_2 converge ☐ E S_1 non converge e S_2 diverge ☐ F S_1 non converge e S_2 converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la serie $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ convergente e tale che $a_n > 0$. Sia data la successione b_n tale che $\lim_{n \rightarrow +\infty} b_n = -3$. Si considerino le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n a_n b_n$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^n + \ln(1 + a_n)}{1 + e^n a_n}$. Si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente e S_2 diverge ☐ B S_1 converge assolutamente e S_2 converge ☐ C S_1 converge ma non assolutamente e S_2 diverge ☐ D S_1 converge ma non assolutamente e S_2 converge ☐ E S_1 non converge e S_2 diverge ☐ F S_1 non converge e S_2 converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3036

Quesito n. A Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} n^{5/2} \left(1 - \cos \frac{(-1)^n}{n}\right)^2$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^{\ln n}}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente ☐ B S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge assolutamente ☐ C S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge ☐ D S_1 non converge, S_2 converge assolutamente ☐ E S_1 non converge, S_2 converge ma non assolutamente ☐ F S_1 non converge, S_2 non converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} n^{3/2} \left(1 - \cos \frac{(-1)^n}{\sqrt{n}}\right)^2$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(\ln n)^n}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 diverge, S_2 converge assolutamente ☐ B S_1 diverge, S_2 converge ma non assolutamente ☐ C S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge ma non assolutamente ☐ D S_1 converge assolutamente, S_2 converge ma non assolutamente ☐ E S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente ☐ F S_1 converge ma assolutamente, S_2 converge assolutamente ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} n^2 \left(\ln(1 + (-1)^n e^{-n})\right)$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\ln(1 + e^n)}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente, S_2 diverge ☐ B S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge ☐ C S_1 converge assolutamente, S_2 converge ☐ D S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge ☐ E S_1 non converge, S_2 converge ☐ F S_1 non converge, S_2 diverge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} n \sin \frac{1}{n + (-1)^n n^3}$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\ln(1 + e^{2n})}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente, S_2 diverge ☐ B S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge ☐ C S_1 converge assolutamente, S_2 converge ☐ D S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge ☐ E S_1 non converge, S_2 converge ☐ F S_1 non converge, S_2 diverge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n \tan \left(\frac{1}{n} + \frac{1}{n^3}\right)$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(\ln(1 + e^{n^2}))^{1/2}}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 non converge, S_2 diverge ☐ B S_1 non converge, S_2 converge ☐ C S_1 non converge, S_2 è irregolare ☐ D S_1 converge, S_2 diverge ☐ E S_1 converge, S_2 converge ☐ F S_1 converge, S_2 è irregolare ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (e^{1/n} - 1)^2$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(\ln n)^{\sqrt{n}}}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

☐ A S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente ☐ B S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge assolutamente ☐ C S_1 converge ma non assolutamente, S_2 diverge ☐ D S_1 non converge, S_2 converge assolutamente ☐ E S_1 non converge, S_2 converge ma non assolutamente ☐ F S_1 non converge, S_2 non converge ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3038 Maple

Quesito n. A Si calcoli $16 \cdot \sum_{k=2}^{+\infty} \frac{3^{k-2}}{2^{2k+2}}$
☐ A 1 ☐ B 2 ☐ C 4 ☐ D 8 ☐ E 16 ☐ F 32 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si calcoli $32 \cdot \sum_{k=3}^{+\infty} \frac{3^{k-2}}{2^{2k+1}}$
☐ A 3 ☐ B 2 ☐ C 1 ☐ D 8 ☐ E 16 ☐ F 32 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si calcoli $256 \cdot \sum_{k=4}^{+\infty} \frac{3^{k-2}}{2^{2k+2}}$
☐ A 9 ☐ B 128 ☐ C 1 ☐ D 8 ☐ E 16 ☐ F 32 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si calcoli $320 \cdot \sum_{k=2}^{+\infty} \frac{3^{k-2}}{2^{3k+2}}$
☐ A 2 ☐ B 6 ☐ C 4 ☐ D 3 ☐ E 160 ☐ F 9 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si calcoli $256 \cdot \sum_{k=2}^{+\infty} \frac{2^{k-2}}{4^{k+2}}$
☐ A 2 ☐ B 128 ☐ C 1 ☐ D 3 ☐ E 16 ☐ F 4 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si calcoli $128 \cdot \sum_{k=2}^{+\infty} \frac{3^{k-2}}{4^{k+2}}$
☐ A 2 ☐ B 128 ☐ C 1 ☐ D 4 ☐ E 16 ☐ F 32 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

☐ A S_1 converge assolutamente, S_2 converge ma non assolutamente
 ☐ B S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente
 ☐ C S_1 converge non assolutamente, S_2 converge assolutamente
 ☐ D S_1 converge assolutamente, S_2 non converge
 ☐ E S_1 non converge, S_2 converge assolutamente
 ☐ F S_1 converge, S_2 non converge
 ☐ G nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Date le due serie $S_1 = \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^2 - 2n}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n^2 - \sqrt{n}}$, si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente [B] S_1 converge assolutamente, S_2 converge non assolutamente [C] S_1 converge non assolutamente, S_2 converge assolutamente [D] S_1 converge assolutamente, S_2 non converge [E] S_1 non converge, S_2 converge assolutamente [F] S_1 converge, S_2 non converge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Date le due serie $S_1 = \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n} - n^3}$ e $S_2 = \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n} - n}$, si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge assolutamente, S_2 converge non assolutamente [B] S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente [C] S_1 converge non assolutamente, S_2 converge assolutamente [D] S_1 converge assolutamente, S_2 non converge [E] S_1 non converge, S_2 converge assolutamente [F] S_1 converge, S_2 non converge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^{3/2} + 1}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n - 101\sqrt{n}}$, si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge assolutamente, S_2 converge non assolutamente [B] S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente [C] S_1 converge non assolutamente, S_2 converge assolutamente [D] S_1 converge assolutamente, S_2 non converge [E] S_1 non converge, S_2 converge assolutamente [F] S_1 non converge, S_2 converge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n - (n+1)^{3/2}}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n} - 2n^2}$, si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente [B] S_1 converge assolutamente, S_2 converge non assolutamente [C] S_1 converge non assolutamente, S_2 converge assolutamente [D] S_1 converge assolutamente, S_2 non converge [E] S_1 non converge, S_2 converge assolutamente [F] S_1 converge, S_2 non converge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n} + n}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{3n^3 - 2n^2}$, si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge non assolutamente, S_2 converge assolutamente [B] S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente [C] S_1 converge non assolutamente, S_2 converge non assolutamente [D] S_1 converge assolutamente, S_2 non converge [E] S_1 non converge, S_2 converge assolutamente [F] S_1 non converge, S_2 non converge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3046

Quesito n. A Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n \sqrt{2n+1}}{n!}$, $S_3 = S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} n^{5/2} (1 -$

$\cos \frac{1}{n})^2$, $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{\ln n}}$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge, S_2 converge S_3 converge [B] S_1 converge, S_2 converge S_3 diverge [C] S_1 diverge, S_2 diverge S_3 converge [D] S_1 diverge, S_2 converge S_3 converge [E] S_1 converge, S_2 diverge S_3 converge [F] S_1 diverge, S_2 diverge S_3 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n^2} \sqrt{3n+2}}{n!}$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{6n+3}$,

$S_3 = \sum_{n=1}^{\infty} \left(\tan \frac{\pi}{2} \frac{n}{n+1} - \frac{2}{\pi} n - \frac{2}{\pi} \right)$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 converge ma non assolutamente [B] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 converge assolutamente [C] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 diverge [D] S_1 converge, S_2 diverge, S_3 diverge [E] S_1 converge, S_2 converge, S_3 diverge [F] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 converge ma non assolutamente [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Date le serie $S_1 = \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n \ln(1+e^n)}{\ln n!}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \left(\cos \frac{\pi}{2} \frac{n}{n+1} - \frac{\pi}{2} \right)$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge [B] S_1 converge assolutamente, S_2 converge [C] S_1 diverge, S_2 diverge [D] S_1 diverge, S_2 converge [E] S_1 è irregolare, S_2 diverge [F] S_1 è irregolare, S_2 converge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \left(\left(\cos \frac{\pi}{2} \frac{n}{n+1} \right)^{-1} - \frac{2}{\pi} n - \frac{2}{\pi} \right)$ e

$S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \ln \left(1 + \frac{1}{n \ln^2 n} \right)$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge ma non assolutamente, S_2 converge assolutamente [B] S_1 converge assolutamente, S_2 converge assolutamente [C] S_1 diverge, S_2 diverge [D] S_1 diverge, S_2 converge [E] S_1 converge assolutamente, S_2 è irregolare [F] S_1 è irregolare, S_2 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \left(\tan \frac{\pi}{2} \frac{n}{n+1} \right)^{-1}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \ln(1 + \frac{1}{n \ln n (\ln \ln n)^2})$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 diverge, S_2 converge assolutamente [B] S_1 converge, S_2 converge [C] S_1 diverge, S_2 diverge [D] S_1 diverge, S_2 converge ma non assolutamente [E] S_1 converge, S_2 è irregolare [F] S_1 è irregolare, S_2 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Date le due serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{4+\ln^2 n}}{n!}$ e $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \left(\left(\sin \frac{n}{n^2+1} \right)^{-1} - n \right)$ si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 converge, S_2 converge ma non assolutamente [B] S_1 converge, S_2 converge assolutamente [C] S_1 diverge, S_2 diverge [D] S_1 diverge, S_2 converge ma non assolutamente [E] S_1 converge, S_2 è irregolare [F] S_1 diverge, S_2 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3048

Quesito n. A Siano date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(\ln(1+n))^n}{n!}$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{1+\frac{1}{n^3}}}$,

$S_3 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n)! e^{2n}}{n^{2n}}$. Allora

[A] S_1 converge, S_2 diverge, S_3 diverge [B] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 converge [C] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 diverge [D] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 diverge [E] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 converge [F] S_1 converge, S_2 converge, S_3 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano date le serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(\ln(1+n))^n}{(n-1)!}$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{1+\frac{\ln n}{n^3}}}$,

$S_3 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln^2 n}{n^{1+\frac{1}{n}}}$.

[A] S_1 converge, S_2 diverge, S_3 diverge [B] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 converge [C] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 diverge [D] S_1 converge, S_2 diverge, S_3 diverge [E] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 converge [F] S_1 converge, S_2 converge, S_3 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano date le serie $S_1 = \sum_{n=2}^{\infty} n^{-1-\frac{1}{\ln^{3/2} n}}$, $S_2 = \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^{1-\frac{1}{n}} \cdot \ln^2 n}$,

$S_1 = \sum_{n=0}^{\infty} n^2 \left(1 - \frac{1}{n} \right)^{n^2+1}$,

[A] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 converge [B] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 converge [C] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 diverge [D] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 diverge [E] S_1 converge, S_2 converge, S_3 converge [F] S_1 converge, S_2 converge, S_3 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Date le tre serie $S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{1+\frac{1}{n}}}$, $S_2 = \sum_{n=2}^{\infty} (\ln n) \cdot n^{-1-\frac{1}{\ln^{1/2} n}}$,

$S_3 = \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^{1+\frac{1}{2n}} \cdot \ln n}$, si dica quale delle seguenti affermazioni è vera

[A] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 diverge [B] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 converge [C] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 diverge [D] S_1 converge, S_2 diverge, S_3 diverge [E] S_1 converge, S_2 converge, S_3 converge [F] S_1 converge, S_2 converge, S_3 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sono date le tre serie $S_3 = \sum_{n=2}^{\infty} n^{-1-\frac{1}{\ln^{1/2} n}}$, $S_2 = \sum_{n=2}^{\infty} \frac{n! e^n}{n^n \cdot \ln n}$,

$S_3 = \sum_{n=1}^{\infty} n \left(1 - \frac{1}{n} \right)^n \ln^3 n$. Allora

[A] S_1 converge, S_2 diverge, S_3 diverge [B] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 converge [C] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 diverge [D] S_1 converge, S_2 diverge, S_3 converge [E] S_1 converge, S_2 converge, S_3 converge [F] S_1 converge, S_2 converge, S_3 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sono date le tre serie $S_1 = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{n! e^n}{n^{n+1}}$, $S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} \left(1 - \frac{1}{n} \right)^n \ln n$,

$S_3 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln n}{n^{1+\frac{1}{n}}}$.

[A] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 diverge [B] S_1 diverge, S_2 diverge, S_3 converge [C] S_1 diverge, S_2 converge, S_3 converge [D] S_1 converge, S_2 diverge, S_3 converge [E] S_1 converge, S_2 converge, S_3 converge [F] S_1 converge, S_2 converge, S_3 diverge [G] nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3094

Quesito n. A Data la successione $a_k > 0$ siano: $S_1 = \sum_{k=0}^{\infty} a_k$, $S_2 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{1+a_k}$, $S_3 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{1+a_k^2}$. Si considerino le affermazioni seguenti: **(1)** se S_1 converge anche S_2 converge, **(2)** se S_1 diverge anche S_2 diverge, **(3)** se S_1 converge anche S_3 converge. Si dica quale delle prossime affermazioni è vera:

[A] **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera [B] **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera [C] **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera [D] **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa [E] **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera [F] **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa [G] nessuna delle altre

Quesito n. B Data la successione $a_k > 0$ si definisca $S_k = \sum_{j=0}^k a_j$. Siano: $A_1 = \sum_{k=0}^{\infty} a_k$, $A_2 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{S_k}$, $A_3 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{1+a_k}$. Si considerino le affermazioni seguenti: **(1)** se A_1 converge anche A_2 converge, **(2)** se A_1 diverge anche A_2 diverge, **(3)** se A_1 diverge anche A_3 diverge. Si dica quale delle prossime affermazioni è vera:

A **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **B** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **C** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **E** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre

Quesito n. C Data la successione $a_k > 0$ si definisca $S_k = \sum_{j=0}^k a_j$. Siano: $A_1 = \sum_{k=0}^{\infty} a_k$, $A_2 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{S_k^2}$, $A_3 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{1+a_k^2}$. Si considerino le affermazioni seguenti: **(1)** se A_1 converge anche A_2 converge, **(2)** se A_1 diverge A_2 converge, **(3)** se A_1 diverge A_3 può convergere. Si dica quale delle prossime affermazioni è vera:

A **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **B** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **C** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **E** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre

Quesito n. D Data la successione $a_k > 0$ si definisca $S_k = \sum_{j=0}^k a_j$. Siano: $A_1 = \sum_{k=0}^{\infty} a_k$, $A_2 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{1+ka_k}$, $A_3 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{1+k^2a_k}$. Si considerino le affermazioni seguenti: **(1)** se A_1 converge anche A_2 converge, **(2)** se A_1 diverge anche A_2 diverge, **(3)** anche se A_1 diverge A_3 converge. Si dica quale delle prossime affermazioni è vera:

A **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **B** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **C** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **E** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre

Quesito n. E Data la successione $a_k > 0$ e δ un qualsiasi numero positivo. Si definisca $S_k = \sum_{j=0}^k a_j$. Siano: $A_1 = \sum_{k=0}^{\infty} a_k$, $A_2 = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\sqrt{a_k}}{k}$, $A_3 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{S_k^{1+\delta}}$. Si considerino le affermazioni seguenti: **(1)** se A_1 converge anche A_2 converge, **(2)** se A_1 diverge anche A_3 diverge, **(3)** anche se A_1 converge A_3 converge. Si dica quale delle prossime affermazioni è vera:

A **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **B** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **C** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **E** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **G** nessuna delle altre

Quesito n. F Date le successioni $a_k > 0$ e b_k (non necessariamente positiva) Si definiscano $S_k = \sum_{j=0}^k a_j$ e $R_k = \sum_{j=0}^k b_j$. Siano: $A_1 = \sum_{k=0}^{\infty} a_k$, e $B_1 = \sum_{k=0}^{\infty} b_k$, $A_2 = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\sqrt{a_k}}{k}$, $B_2 = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\sqrt{|b_k|}}{k}$, $A_3 = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{a_k}{S_k \ln(S_k)}$. Si considerino le affermazioni seguenti: **(1)** se A_1 converge anche A_2 converge, **(2)** se B_1 converge anche B_2 converge, **(3)** se A_1 diverge A_3 diverge. Si dica quale delle prossime affermazioni è vera:

A **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è falsa **B** **(1)** è falsa, **(2)** è vera, **(3)** è vera **C** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è vera **D** **(1)** è vera, **(2)** è vera, **(3)** è falsa **E** **(1)** è falsa, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **F** **(1)** è vera, **(2)** è falsa, **(3)** è vera **G** nessuna delle altre

Serie di potenze

4/dicembre/2012;

Problema n. 3016

Quesito n. A La serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x-1)^n}{n}$ converge se e solo se x appartiene all'insieme:

A $[0, 1)$ **B** $(0, 1)$ **C** $[-1, 1]$ **D** $(-1, 1)$ **E** $[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ **F** $[-1, 0)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B La serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x-2)^n}{n}$ converge se e solo se x appartiene all'insieme:

A $(\frac{1}{2}, \frac{3}{2})$ **B** $[1, \frac{3}{2})$ **C** $[\frac{1}{2}, \frac{2}{3})$ **D** $(0, \frac{2}{3})$ **E** $[\frac{1}{4}, \frac{3}{2})$ **F** $[0, 2)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C La serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x-3)^n}{n}$ converge se e solo se x appartiene all'insieme:

A $[1, 2)$ **B** $(0, 1)$ **C** $[-2, 1]$ **D** $(1, 2)$ **E** $(-2, 2)$ **F** $[-1, 0)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D La serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x-4)^n}{n}$ converge se e solo se x appartiene all'insieme:

A $[\frac{3}{2}, \frac{5}{2})$ **B** $[\frac{3}{2}, \frac{7}{2})$ **C** $[\frac{1}{2}, \frac{3}{2})$ **D** $(\frac{1}{2}, \frac{5}{2})$ **E** $[\frac{1}{2}, \frac{9}{2})$ **F** $(0, \frac{1}{2}]$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E La serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x-5)^n}{n}$ converge se e solo se x appartiene all'insieme:

A $[2, 3)$ **B** $(0, 1)$ **C** $[-1, 1]$ **D** $(-1, 1)$ **E** $[-3, -2)$ **F** $[-1, 0)$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F La serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x-6)^n}{n}$ converge se e solo se x appartiene all'insieme:

A $[\frac{5}{2}, \frac{7}{2})$ **B** $[0, \frac{5}{2})$ **C** $[2, 6)$ **D** $(0, 2)$ **E** $[-2, 6)$ **F** $[\frac{3}{2}, \frac{5}{2})$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3028

Maple

Quesito n. A La serie $\sum_{k=0}^{\infty} (2^k + \frac{1}{2^k})(3x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $-\frac{1}{2} < x < -\frac{1}{6}$ **B** $-\frac{1}{2} < x \leq \frac{1}{6}$ **C** $-\frac{1}{6} < x < \frac{1}{2}$ **D** $\frac{1}{6} \leq x < \frac{1}{2}$ **E** $-\frac{1}{2} \leq x < -\frac{1}{6}$ **F** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{1}{6}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B La serie $\sum_{k=0}^{\infty} ((\frac{2}{3})^k + \frac{1}{4^k})(3x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $-\frac{5}{6} < x < \frac{1}{6}$ **B** $-\frac{5}{6} < x < -\frac{1}{6}$ **C** $\frac{1}{6} < x < \frac{5}{6}$ **D** $-\frac{5}{6} \leq x < \frac{1}{6}$ **E** $-\frac{5}{6} < x \leq \frac{1}{6}$ **F** $-\frac{5}{6} < x \leq -\frac{1}{6}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C La serie $\sum_{k=0}^{\infty} ((\frac{2}{3})^k + \frac{1}{4^k})(-3x+2)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $\frac{1}{6} < x < \frac{7}{6}$ **B** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{7}{6}$ **C** $-\frac{7}{6} < x < -\frac{1}{6}$ **D** $-\frac{7}{6} \leq x \leq \frac{1}{6}$ **E** $-\frac{1}{6} \leq x < \frac{1}{6}$ **F** $-\frac{7}{6} < x < \frac{7}{6}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D La serie $\sum_{k=0}^{\infty} ((\frac{2}{3})^k + \frac{1}{4^k})(-3x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $-\frac{1}{6} < x < \frac{5}{6}$ **B** $\frac{1}{6} < x \leq \frac{5}{6}$ **C** $-\frac{5}{6} < x \leq -\frac{1}{6}$ **D** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{1}{6}$ **E** $\frac{1}{6} \leq x < \frac{5}{6}$ **F** $-\frac{1}{6} \leq x < \frac{5}{6}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E La serie $\sum_{k=0}^{\infty} ((\frac{4}{3})^k + \frac{1}{4^k})(-2x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $\frac{1}{4} < x < \frac{7}{8}$ **B** $-\frac{1}{8} < x < \frac{7}{8}$ **C** $-\frac{1}{8} < x < \frac{1}{8}$ **D** $-\frac{7}{8} < x < \frac{1}{8}$ **E** $-\frac{7}{8} < x < -\frac{1}{8}$ **F** $\frac{1}{8} < x \leq \frac{7}{8}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F La serie $\sum_{k=0}^{\infty} ((\frac{3}{2})^k + \frac{1}{4^k})(-2x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $\frac{1}{6} < x < \frac{5}{6}$ **B** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{5}{6}$ **C** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{1}{3}$ **D** $-\frac{1}{2} < x \leq \frac{1}{6}$ **E** $-\frac{1}{3} \leq x < \frac{1}{6}$ **F** $\frac{1}{6} < x < \frac{1}{3}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3040

Civetta con il 3028

Quesito n. A La serie $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{k} (2^k + \frac{1}{2^k})(3x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $-\frac{1}{2} \leq x < -\frac{1}{6}$ **B** $-\frac{1}{2} < x \leq \frac{1}{6}$ **C** $-\frac{1}{6} < x < \frac{1}{2}$ **D** $\frac{1}{6} \leq x < \frac{1}{2}$ **E** $-\frac{1}{6} < x < -\frac{1}{6}$ **F** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{1}{6}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B La serie $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{k^2} ((\frac{2}{3})^k + \frac{1}{4^k})(3x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $-\frac{5}{6} \leq x \leq \frac{1}{6}$ **B** $-\frac{5}{6} < x < \frac{1}{6}$ **C** $\frac{1}{6} < x < \frac{5}{6}$ **D** $-\frac{5}{6} \leq x < \frac{1}{6}$ **E** $-\frac{5}{6} < x \leq \frac{1}{6}$ **F** $-\frac{5}{6} < x \leq -\frac{1}{6}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C La serie $\sum_{k=0}^{\infty} k^2 ((\frac{2}{3})^k + \frac{1}{4^k})(-3x+2)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $\frac{1}{6} < x < \frac{7}{6}$ **B** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{7}{6}$ **C** $-\frac{7}{6} < x < -\frac{1}{6}$ **D** $-\frac{7}{6} \leq x \leq \frac{1}{6}$ **E** $-\frac{1}{6} \leq x < \frac{1}{6}$ **F** per nessun valore di x **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D La serie $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{k}} ((\frac{2}{3})^k + \frac{1}{4^k})(-3x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{5}{6}$ **B** $\frac{1}{6} < x \leq \frac{5}{6}$ **C** $-\frac{5}{6} < x \leq -\frac{1}{6}$ **D** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{1}{6}$ **E** $\frac{1}{6} \leq x < \frac{5}{6}$ **F** $-\frac{1}{6} < x < \frac{5}{6}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E La serie $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{k^3} ((\frac{4}{3})^k + \frac{1}{4^k})(-2x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $\frac{1}{8} \leq x \leq \frac{7}{8}$ **B** $\frac{1}{8} < x < \frac{7}{8}$ **C** $-\frac{1}{8} < x \leq \frac{1}{8}$ **D** $-\frac{7}{8} < x < \frac{1}{8}$ **E** $-\frac{7}{8} < x < -\frac{1}{8}$ **F** $\frac{1}{8} < x < \frac{7}{8}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F La serie $\sum_{k=0}^{\infty} k^3 ((\frac{3}{2})^k + \frac{1}{4^k})(-2x+1)^k$ converge se e solo se x appartiene all'insieme

A $\frac{1}{6} < x < \frac{5}{6}$ **B** $-\frac{1}{6} < x \leq \frac{5}{6}$ **C** $\frac{1}{6} \leq x \leq \frac{5}{6}$ **D** $-\frac{5}{6} < x \leq \frac{1}{6}$ **E** $\frac{1}{6} \leq x < \frac{5}{6}$ **F** per nessun valore di x **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Numeri complessi

4/dicembre/2012;

Problema n. 3107

Quesito n. A Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-2-i) + 2+4i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 2 **B** 0 **C** -2 **D** 1 **E** 4 **F** 3 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(2+i) + 2+4i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A -2 **B** 0 **C** 2 **D** 1 **E** 4 **F** 3 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-4+i) + 6-2i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 3 **B** 0 **C** -2 **D** 1 **E** 4 **F** 2 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(1-2i) + 6+8i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 0 **B** 2 **C** -2 **D** 1 **E** 4 **F** 3 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-6-i) + 10 = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 4 **B** 0 **C** -2 **D** 1 **E** 2 **F** 3 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-2-2i) + 8-4i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 1 **B** 0 **C** -2 **D** 2 **E** 4 **F** 3 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3112

Quesito n. A Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-3+i) + 4-3i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $2-\frac{3}{2}i$ **B** 0 **C** $2+\frac{1}{2}i$ **D** $2i$ **E** $3+3i$ **F** $2+\frac{3}{2}i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2+3iz+2i-6 = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $-1-2i$ **B** $1+2i$ **C** $2i$ **D** i **E** $-i$ **F** $2-i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-3-3i) + 4i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $\frac{5}{2}(1+i)$ **B** 0 **C** $\frac{5}{2}(1-i)$ **D** $\frac{1}{2}(1+i)$ **E** $(1-i)$ **F** 1 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $2z^2 + (-3-4i) + 17+6i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $\frac{5}{4}$ **B** 2 **C** $\frac{1}{2}-i$ **D** $\frac{3}{2}-2i$ **E** $\frac{1}{2}i$ **F** i **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(3i-6) + 12-14i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $5-i$ **B** $3+i$ **C** $2i$ **D** i **E** $-2i$ **F** $3i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-1-2i) + 6+10i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $3i$ **B** 0 **C** $-2i$ **D** 2 **E** 4 **F** $3+i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3114

Quesito n. A Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $8z^2 + z(2-8i) + 15+8i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 0 **B** $2-\frac{3}{2}i$ **C** $2+\frac{1}{2}i$ **D** $2i$ **E** $3+3i$ **F** $2+\frac{3}{2}i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-2-i) - 8i-6 = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 0 **B** $1+2i$ **C** $2i$ **D** i **E** $-i$ **F** $2-i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $2z^2 + z(-3-2i) + 5 = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 1 **B** 0 **C** $\frac{5}{2}(1-i)$ **D** $\frac{1}{2}(1+i)$ **E** $(1-i)$ **F** i **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $2z^2 + z(-1+2i) + 11-8i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $-2i$ **B** 2 **C** $\frac{1}{2}-i$ **D** $\frac{3}{2}-2i$ **E** $\frac{1}{2}i$ **F** i **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $2z^2 + z(-3-2i) + 5 = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 1 **B** $3+i$ **C** $2i$ **D** i **E** $-2i$ **F** $3i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $z^2 + z(-3+2i) + 10-6i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $\frac{5}{2}$ **B** 0 **C** $-2i$ **D** $2i$ **E** 4 **F** $\frac{3}{2}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3115

Quesito n. A Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $8z^2 + z(12i-2) + 7+6i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $-\frac{1}{2}i$ **B** $2-\frac{3}{2}i$ **C** $2+\frac{1}{2}i$ **D** $2i$ **E** $3+3i$ **F** $2+\frac{3}{2}i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $2z^2 + z(3i-2) - 2+6i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $-\frac{1}{2}i$ **B** $1+2i$ **C** $2i$ **D** $-\frac{3}{2}i$ **E** $-i$ **F** $2-i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $2z^2 + z(3i+2) - 2+9i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $-\frac{7}{4}i$ **B** 0 **C** $\frac{5}{2}(1-i)$ **D** $\frac{1}{2}(1+i)$ **E** $(1-i)$ **F** 1 **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $2z^2 + z(5i-2) - 1+8i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $-i$ **B** 2 **C** $\frac{1}{2}-i$ **D** $\frac{3}{2}-2i$ **E** $\frac{1}{2}i$ **F** i **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $8z^2 + z(2+12i) + 7+9i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A $-\frac{7}{4}i$ **B** $3+i$ **C** $2i$ **D** $\frac{1}{2}+i$ **E** $-2i$ **F** $\frac{1}{4}+2i$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Se z_1 e z_2 sono le soluzioni della equazione $8z^2 + z(-2+4i) + 3+4i = 0$ allora $\frac{z_1+2z_2}{2}$ oppure $\frac{2z_1+z_2}{2}$ è pari a

A 0 **B** $\frac{5}{2}$ **C** $-2i$ **D** $2i$ **E** 4 **F** $\frac{3}{2}$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Stangata Precorsi

4/dicembre/2012

Problema n. 3116

Maple

Quesito n. A Siano $P(x) = 3x^5 + x^3 + 3x - 1$, $S(x) = x^2 + x + 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $3x^3 - 3x^2 + x + 2$ **B** $3x^3 - 3x^2 - x + 1$ **C** $3x^3 + 2x^2 + x + 2$ **D** $3x^3 + 3x^2 + x + 2$ **E** $3x^3 + x + 1$ **F** $3x^3 - 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano $P(x) = 5x^4 + 3x^3 - 7$, $S(x) = x^2 - 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $5x^2 + 3x + 5$ **B** $5x^2 - 2x + 1$ **C** $5x^2 - 1$ **D** $5x^2 - 1$ **E** $5x^2 - x + 2$ **F** $5x^2 + x$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano $P(x) = 4x^4 - 2x^3 + 10x^2 + 3x$, $S(x) = 2x^2 + x + 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $2x^2 - 2x + 5$ **B** $2x^2 + x + 1$ **C** $2x^2 - 2x + 2$ **D** $2x^2 + 3x - 2$ **E** $2x^2 - 4x + 4$ **F** $2x^2 + x + 8$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano $P(x) = x^5 - 3x^2 + x + 5$, $S(x) = x^2 - x + 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $x^3 + x^2 - 4$ **B** $x^3 + x^2 - x + 2$ **C** $x^3 - x^2 + 2x - 1$ **D** $x^3 + x - 6$ **E** $x^3 - x^2 - x$ **F** $x^3 + x^2 + x + 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano $P(x) = 4x^5 - 3x^3 + x - 2$, $S(x) = x^3 + x^2 - 3$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $4x^2 - 4x + 1$ **B** $4x^2 - 1$ **C** $4x^2 + 2x + 1$ **D** $4x^2 + 4x + 4$ **E** $4x^2 - 2x + 2$ **F** $4x^2 + x + 2$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Siano $P(x) = x^5 - x - 1$, $S(x) = x^2 + 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$ con $Q(x)$. Si trovi $Q(x)$.

A $x^3 - x$ **B** $x^3 - 2x^2 + x - 1$ **C** $x^3 - 2x^2 + x + 1$ **D** $x^3 + x + 1$ **E** $x^3 + 1$ **F** $x^3 - 2x$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3117

Maple

Quesito n. A Siano data la disequazione $\frac{x-1}{x^2} - 2 < \frac{x-1}{x}$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

A un intervallo del tipo $(-\infty, a) \cup (b, +\infty)$, **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ **D** tutto **R** **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano data la disequazione $\frac{x-3}{x} + \frac{x+3}{x^2} > \frac{2}{3}$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

A tutto **R** tranne due punti **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ **D** tutto **R** **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano data la disequazione $\frac{x-3}{x^2-x} - \frac{x+3}{x^2+x} > \frac{4-3x}{x^2-1}$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

A un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, +\infty) \setminus \{d\}$, $a < d < b$ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ **D** tutto **R** tranne tre punti **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano data la disequazione $\frac{4x}{x-3} - \frac{5x+3}{9-x^2} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

A un insieme del tipo $(-\infty, a) \cup (b, c) \cup (d, +\infty)$, **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ **D** un intervallo del tipo $(a, b) \cup (c, d)$, **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano data la disequazione $1 - \frac{3x}{x^2-9} + \frac{x}{2x-6} < 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

A un intervallo del tipo (a, b) **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ **D** tutto **R** **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la disequazione $\frac{2x+3}{x^2-1} - \frac{3}{1-x} + 2 > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $(-\infty, a) \cup (d, +\infty)$ ☐ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$
☐ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ ☐ **D** tutto **R** tranne due punti ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3118 Maple

Quesito n. A Sia data la disequazione $\sqrt{2x+4} > x-2$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **C** un insieme del tipo $[a, +\infty)$ ☐ **D** tutto **R** ☐ **E** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la disequazione $2\sqrt{5-x} > x+3$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ ☐ **B** un insieme del tipo $(-\infty, a]$ ☐ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a] \cup (b, c)$ ☐ **D** un insieme del tipo $(-\infty, a] \cup [b, c)$ ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la disequazione $\sqrt{x^2+3} > 3x-1$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ ☐ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **C** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, +\infty)$ ☐ **D** tutto **R** ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la disequazione $\sqrt{3x+3} > 2x-1$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **B** un intervallo del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **C** un insieme del tipo $[a, +\infty)$ ☐ **D** un insieme del tipo $[a, b] \cup (c, d)$, $c > b$ ☐ **E** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la disequazione $\sqrt{x^2+x+3} < x+6$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **B** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ ☐ **D** tutto **R** ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F da fare Sia data la disequazione $\sqrt{4-9x^2} < x+2$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $[a, b] \cup (c, d]$ ☐ **B** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, d)$ ☐ **C** un insieme del tipo $[a, b]$ ☐ **D** un insieme del tipo $(a, b] \cup [c, d)$ ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3119 Maple

Quesito n. A Sia data la disequazione $\frac{x+1}{3+\sqrt{2-x}} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **B** un insieme del tipo $[a, b]$ ☐ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ ☐ **D** un insieme del tipo $(-\infty, a]$ ☐ **E** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **F** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la disequazione $\frac{x-\sqrt{x-1}}{x^2+2} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $[a, +\infty)$ ☐ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **C** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, d)$, $c > b$ ☐ **D** un insieme del tipo $(a, b] \cup [c, d)$ ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la disequazione $\frac{x-2}{x-\sqrt{x+1}} < 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo (a, b) ☐ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **C** un intervallo del tipo (a, b) e un insieme del tipo $(c, +\infty)$, $c > b$ ☐ **D** tutto **R** ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la disequazione $\frac{x-2}{x-\sqrt{x-1}} < 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **B** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **C** un insieme del tipo $[a, b] \cup (c, d]$ ☐ **D** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **E** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, d)$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la disequazione $\frac{x-2}{x-\sqrt{2x-1}} < 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $[a, b] \cup (b, c)$ ☐ **B** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **C** un insieme del tipo $[a, b]$ ☐ **D** tutto $[a, b] \cup (c, d]$ ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la disequazione $\frac{x^2-4}{4-\sqrt{2x-1}} < 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $[a, b] \cup (c, +\infty)$ ☐ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **C** un insieme del tipo $(a, b] \cup [c, d)$ ☐ **D** un insieme del tipo $[a, +\infty)$ ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3120 Maple

Quesito n. A Siano data la disequazione $\frac{|x|-\sqrt{|x-1|}}{x^2-x} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** tutto **R** tranne un intervallo del tipo $[-a, a]$ ☐ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **C** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ ☐ **D** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **E** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **F** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano data la disequazione $\frac{x|x|-\sqrt{|x-1|}}{x^2-x} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **B** un insieme del tipo $[a, +\infty)$ ☐ **C** tutto **R** tranne due punti ☐ **D** tutto **R** ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano data la disequazione $\frac{|x|-\sqrt{2|x+3|}}{2-x^2} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $(-a, -b) \cup (b, a)$ ☐ **B** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ ☐ **C** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, +\infty)$ ☐ **D** un insieme del tipo $(-a, -b] \cup [b, a)$ ☐ **E** un intervallo del tipo $[-a, -b) \cup (b, a]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano data la disequazione $\frac{|x|-\sqrt{1-x}}{x^2-x} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $(-\infty, a) \cup (b, c)$ ☐ **B** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **C** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **D** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **E** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, d)$, $c > b$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano data la disequazione $\frac{|x|-\sqrt{1-x^2}}{x^2-x} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un insieme del tipo $[-a, -b) \cup (b, c)$ ☐ **B** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **C** un insieme del tipo $[a, b]$ ☐ **D** un insieme del tipo $(-a, -b) \cup (b, a)$ ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un intervallo del tipo $(a, b]$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Siano data la disequazione $\frac{|x|-\sqrt{x-x^2}}{x^2-x} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

- ☐ **A** un intervallo del tipo (a, b) ☐ **B** un insieme del tipo $[a, b]$ ☐ **C** un insieme del tipo $(a, b]$ ☐ **D** tutto **R** tranne un insieme del tipo (a, b) ☐ **E** un intervallo del tipo $[a, b]$ ☐ **F** un insieme del tipo $[a, b) \cup (c, +\infty)$, $c > b$ ☐ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3121 Controllato una volta

Quesito n. A Si calcoli l'area dell'insieme $2 \geq |y| \geq |x-1|$

- ☐ **A** 8 ☐ **B** 5 ☐ **C** 4 ☐ **D** 6 ☐ **E** 2 ☐ **F** 10 ☐ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si calcoli l'area dell'insieme $|y| \leq |x| - \frac{1}{2}$, $|x| \leq 2$

- ☐ **A** $\frac{9}{2}$ ☐ **B** 6 ☐ **C** $\frac{3}{2}$ ☐ **D** $\frac{5}{2}$ ☐ **E** 7 ☐ **F** 4 ☐ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si calcoli l'area dell'insieme $|x| \geq 2y \geq |x-2|$, $|x| \leq 3$

- ☐ **A** $\frac{3}{2}$ ☐ **B** 1 ☐ **C** $\frac{7}{2}$ ☐ **D** 4 ☐ **E** $\frac{9}{2}$ ☐ **F** 2 ☐ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si calcoli l'area dell'insieme $\frac{3}{2} \geq y \geq ||\frac{1}{4}x| - 2|$

- ☐ **A** 18 ☐ **B** 20 ☐ **C** 10 ☐ **D** 8 ☐ **E** 4 ☐ **F** $\frac{9}{2}$ ☐ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si calcoli l'area dell'insieme $2|x| - 1 \leq y \leq |x|$

- ☐ **A** 1 ☐ **B** 2 ☐ **C** 4 ☐ **D** 3 ☐ **E** 5 ☐ **F** 6 ☐ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si calcoli l'area dell'insieme $2|x| - 1 \leq |y| \leq |x| + 1$

- ☐ **A** 8 ☐ **B** 1 ☐ **C** 4 ☐ **D** 3 ☐ **E** 5 ☐ **F** 6 ☐ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3122

Quesito n. A Si disegni l'insieme $|y| \geq |x^2 - 1|$

- ☐ **A** ☐ **B** ☐ **C** ☐ **D** ☐ **E** ☐ **F** ☐ **G**

Quesito n. B Si disegni l'insieme $|y| \leq x|x| - \frac{1}{2}$

- ☐ **A** ☐ **B** ☐ **C** ☐ **D** ☐ **E** ☐ **F** ☐ **G**

Quesito n. C Si disegni l'insieme $2y \geq x|x| - 1|$

- ☐ **A** ☐ **B** ☐ **C** ☐ **D** ☐ **E** ☐ **F** ☐ **G**

Quesito n. D Si disegni l'insieme $y \geq ||2x^2| - 1|$

- ☐ **A** ☐ **B** ☐ **C** ☐ **D** ☐ **E** ☐ **F** ☐ **G**

Quesito n. E Si disegni l'insieme $(2|x| - 1)^2 \leq y \leq |x|$

- ☐ **A** ☐ **B** ☐ **C** ☐ **D** ☐ **E** ☐ **F** ☐ **G**

Quesito n. F Si disegni l'insieme $x^2 + 2|x| - 1 \leq |y| \leq |x|$

- ☐ **A** ☐ **B** ☐ **C** ☐ **D** ☐ **E** ☐ **F** ☐ **G**

Problema n. 3123 Controllato una volta

Quesito n. A Sia data la disequazione $\cos x (\cos x - \frac{1}{2}) \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

- ☐ **A** $\frac{3}{2}\pi$ ☐ **B** $\frac{4}{3}\pi$ ☐ **C** $\frac{\pi}{2}$ ☐ **D** $\frac{5}{6}\pi$ ☐ **E** π ☐ **F** $\frac{\pi}{3}$ ☐ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la disequazione $\cos x (\cos x + \frac{\sqrt{3}}{2}) \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

- ☐ **A** $\frac{4}{3}\pi$ ☐ **B** $\frac{5}{3}\pi$ ☐ **C** $\frac{\pi}{2}$ ☐ **D** $\frac{5}{6}\pi$ ☐ **E** π ☐ **F** $\frac{\pi}{3}$ ☐ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la disequazione $\cos x(\cos x + \frac{1}{\sqrt{2}}) \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A $\frac{3}{2}\pi$ **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{5}{6}\pi$ **E** π **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la disequazione $\cos x(\sin x - \frac{1}{2}) > 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A π **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{5}{6}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la disequazione $\sin x(\cos x + \frac{1}{\sqrt{2}}) > 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A π **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{5}{6}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la disequazione $\cos x(\cos x + \frac{1}{2}) \leq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A $\frac{\pi}{3}$ **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{5}{6}\pi$ **F** π **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3125

Maple

Quesito n. A Siano $P(x) = -x^5 + x^4 - x^3 + x^2 + x + 1$, $S(x) = x^2 + x + 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $-x^3 + 2x^2 - 2x + 1$ **B** $-x^3 - 3x^2 - x + 1$ **C** $-x^3 + 2x^2 + x + 2$ **D** $-x^3 + 3x^2 + x + 2$ **E** $-x^3 + x + 1$ **F** $-x^3 - 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano $P(x) = -x^5 + x^4 - x^3 + x^2 + x + 1$, $S(x) = x^2 - x + 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $-x^3 + 1$ **B** $-x^3 + 5x^2 - 2x + 1$ **C** $-x^3 - 1$ **D** $-x^3 + x + x^2 - 1$ **E** $-x^3 - x^2 - x + 2$ **F** $-x^3 + 2x^2 + 2x$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano $P(x) = -x^5 + x^4 - x^3 + x^2 + x + 1$, $S(x) = x^2 - x - 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $-x^3 - 2x - 1$ **B** $-x^3 + x^2 + x + 1$ **C** $-x^3 - x^2 - x + 2$ **D** $-x^3 - x^2 + x - 2$ **E** $-x^3 + x^2 - x + 4$ **F** $-x^3 - 2x^2 + x + 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano $P(x) = -x^5 + x^4 - x^3 + x^2 + x + 1$, $S(x) = x^2 + x - 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $-x^3 + 2x^2 - 4x + 7$ **B** $-x^3 + x^2 - x + 2$ **C** $-x^3 - x^2 + 7x - 1$ **D** $-x^3 + x - 6$ **E** $-x^3 - x^2 - x$ **F** $-x^3 + x^2 + x + 1$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano $P(x) = -x^5 + x^4 - x^3 + x^2 + x + 1$, $S(x) = -x^2 - 2x + 1$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $x^3 - 3x^2 + 8x - 20$ **B** $x^3 + 4x^2 - 1$ **C** $x^3 + 4x^2 + 2x + 1$ **D** $x^3 + 4x^2 + 4x + 25$ **E** $x^3 + 4x^2 - 2x + 2$ **F** $x^3 + 4x^2 + x + 2$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Siano $P(x) = -x^5 + x^4 - x^3 + x^2 + x + 1$, $S(x) = -x^2 + x + 2$. $\frac{P(x)}{S(x)} = Q(x) + \frac{R(x)}{S(x)}$. Si trovi $Q(x)$.

A $x^3 + 3x + 2$ **B** $x^3 - 2x^2 + x - 1$ **C** $x^3 - 2x^2 + x + 1$ **D** $x^3 + x + 1$ **E** $x^3 + 1$ **F** $x^3 - 2x$ **G** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3126

Controllato una volta

Quesito n. A Sia data la disequazione $|\cos x| \geq |\sin x|$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A π **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{\pi}{2}$ **D** $\frac{5}{6}\pi$ **E** $\frac{2}{3}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la disequazione $|\cos x| \geq \sin x$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A $\frac{3}{2}\pi$ **B** $\frac{5}{3}\pi$ **C** $\frac{\pi}{2}$ **D** $\frac{5}{6}\pi$ **E** π **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la disequazione $|\cos x| \geq \sqrt{3}|\sin x|$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A $\frac{2}{3}\pi$ **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{5}{6}\pi$ **E** $\frac{\pi}{2}$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la disequazione $|\cos x| \geq \sqrt{3}\sin x$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A $\frac{4}{3}\pi$ **B** $\frac{5}{6}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{2}{3}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la disequazione $\sqrt{3}|\cos x| > |\sin x|$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A $\frac{4}{3}\pi$ **B** $\frac{2}{3}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{5}{6}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la disequazione $\sqrt{3}|\cos x| > \sin x$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A $\frac{5}{3}\pi$ **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{2}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{5}{6}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3127

Maple

Quesito n. A Si dica quanto vale $(4^{\log_3 2})^{\log_2 9}$

A 16 **B** 9 **C** 2 **D** 4 **E** 81 **F** 1 **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si dica quanto vale $(9^{\log_2 3})^{\log_3 4}$

A 81 **B** 9 **C** 2 **D** 4 **E** 16 **F** 1 **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si dica quanto vale $(16^{\log_3 2})^{\log_4 3}$

A 2 **B** 9 **C** 27 **D** 4 **E** 16 **F** 1 **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si dica quanto vale $(16^{\log_3 2})^{\log_4 25}$

A 16 **B** 9 **C** 2 **D** 5 **E** 25 **F** 1 **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quanto vale $(16^{\log_{25} 2})^{\log_4 5}$

A 2 **B** 9 **C** 4 **D** 5 **E** 16 **F** 1 **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si dica quanto vale $(4^{\log_3 2})^{\log_2 3}$

A 2 **B** 9 **C** 25 **D** 5 **E** 16 **F** 1 **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3128

Controllato una volta

Quesito n. A Sia data la disequazione $\cos x(|\cos x| - \frac{1}{2}) \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono è costituito da uno o più intervalli la cui lunghezza complessiva è

A π **B** $\frac{5}{3}\pi$ **C** $\frac{\pi}{2}$ **D** $\frac{5}{6}\pi$ **E** $\frac{4}{3}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la disequazione $\cos x(-|\cos x| + \frac{\sqrt{3}}{2}) \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono è costituito da uno o più intervalli la cui lunghezza complessiva è

A π **B** $\frac{5}{3}\pi$ **C** $\frac{\pi}{2}$ **D** $\frac{5}{6}\pi$ **E** $\frac{4}{3}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la disequazione $\cos x(-|\cos x| + \frac{1}{\sqrt{2}}) \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono è costituito da uno o più intervalli la cui lunghezza complessiva è

A π **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{5}{6}\pi$ **E** $\frac{\pi}{2}$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la disequazione $\cos x(|\sin x| - \frac{1}{2}) > 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono è costituito da uno o più intervalli la cui lunghezza complessiva è

A π **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{5}{6}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la disequazione $\sin x(-|\cos x| + \frac{1}{\sqrt{2}}) > 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono è costituito da uno o più intervalli la cui lunghezza complessiva è

A π **B** $\frac{3}{4}\pi$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{5}{6}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la disequazione $\cos x(-|\sin x| + \frac{\sqrt{3}}{2}) \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono è costituito da uno o più intervalli la cui lunghezza complessiva è

A π **B** $\frac{\pi}{3}$ **C** $\frac{5}{3}\pi$ **D** $\frac{\pi}{2}$ **E** $\frac{5}{6}\pi$ **F** $\frac{4}{3}\pi$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3129

Quesito n. A L'espressione $\frac{a + \sqrt{a^2 - 4}}{a - \sqrt{a^2 - 4}} - \frac{a - \sqrt{a^2 - 4}}{a + \sqrt{a^2 - 4}}$ è uguale a

A $a\sqrt{a^2 - 4}$ **B** $\sqrt{a^2 - 4}$ **C** $\sqrt{a^2 + 4}$ **D** a **E** $\frac{a}{2}$ **F** $\sqrt{a}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B L'espressione $\frac{a(a+2)\sqrt{a-2}}{\sqrt{a-2} + \sqrt{a+2}} + \frac{a(a-2)\sqrt{a+2}}{\sqrt{a-2} + \sqrt{a+2}}$ è uguale a

A $a\sqrt{a^2 - 4}$ **B** $\sqrt{a^2 - 4}$ **C** $\sqrt{a^2 + 4}$ **D** a **E** $\frac{a}{2}$ **F** $\sqrt{a}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C L'espressione $\frac{2\sqrt{a+3}\sqrt{x}}{2\sqrt{a}-3\sqrt{x}} - \frac{6\sqrt{x}(2\sqrt{a+3}\sqrt{x})}{4a-9x}$ è uguale a

A 1 **B** $\sqrt{3x}$ **C** $\sqrt{3a}$ **D** $\sqrt{ax}$ **E** $\sqrt{a+x}$ **F** $\sqrt{a+\sqrt{x}}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D L'espressione $\frac{m}{a + \sqrt{a^2 - 2mx}} + \frac{m}{a - \sqrt{a^2 - 2mx}}$ è uguale a

A $\frac{a}{2}$ **B** $\sqrt{ax}$ **C** $a+x$ **D** 1 **E** $\sqrt{a}$ **F** $\sqrt{a+x}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E L'espressione $\frac{\sqrt{a+x}}{\sqrt{a+x} - \sqrt{a-x}} - \frac{\sqrt{a-x}}{\sqrt{a+x} + \sqrt{a-x}}$ è uguale a

A $\frac{a}{2}$ **B** $\sqrt{ax}$ **C** $a+x$ **D** 1 **E** $\sqrt{a}$ **F** $\sqrt{a+\sqrt{x}}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F L'espressione $\frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{2}+\sqrt{2+\sqrt{3}}} + \frac{2-\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{2+\sqrt{3}}}$ è uguale a

A $\sqrt{2}$ **B** $\sqrt{3}$ **C** $\sqrt{2+\sqrt{3}}$ **D** $\sqrt{6}$ **E** 2 **F** 1 **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3130

Controllato una volta

Quesito n. A Sia data la disequazione $\frac{|\cos x| + \sin x}{\cos x - \sin x} \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a

A $\frac{\pi}{2}$ **B** $\frac{4}{3}\pi$ **C** π **D** $\frac{5}{6}\pi$ **E** $\frac{2}{3}\pi$ **F** $\frac{\pi}{3}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la disequazione $\frac{\cos x + |\sin x|}{\cos x - \sin x} \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a
[A] $\frac{3}{2}\pi$ **[B]** $\frac{5}{3}\pi$ **[C]** $\frac{\pi}{2}$ **[D]** $\frac{5}{6}\pi$ **[E]** π **[F]** $\frac{\pi}{3}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la disequazione $\frac{\cos x + \sin x}{|\cos x| - \sin x} \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a
[A] $\frac{\pi}{2}$ **[B]** $\frac{4}{3}\pi$ **[C]** $\frac{5}{3}\pi$ **[D]** $\frac{5}{6}\pi$ **[E]** $\frac{3}{2}\pi$ **[F]** $\frac{\pi}{3}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la disequazione $\frac{\sqrt{3}\cos x + \sin x}{\cos x - \sqrt{3}|\sin x|} \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a
[A] $\frac{2}{3}\pi$ **[B]** $\frac{5}{6}\pi$ **[C]** $\frac{5}{3}\pi$ **[D]** $\frac{\pi}{2}$ **[E]** $\frac{3}{2}\pi$ **[F]** $\frac{\pi}{3}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la disequazione $\frac{\sqrt{3}|\cos x| + \sin x}{\cos x - \sin x} \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a
[A] $\frac{2}{3}\pi$ **[B]** $\frac{4}{3}\pi$ **[C]** $\frac{5}{3}\pi$ **[D]** $\frac{\pi}{2}$ **[E]** $\frac{5}{6}\pi$ **[F]** $\frac{\pi}{3}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Sia data la disequazione $\frac{\cos x + |\sin x|}{\frac{1}{\sqrt{3}}\cos x - \sin x} \geq 0$. L'insieme dei valori di $x \in [-\pi, \pi]$ che la risolvono ha complessivamente lunghezza pari a
[A] $\frac{4}{3}\pi$ **[B]** $\frac{3}{2}\pi$ **[C]** $\frac{5}{3}\pi$ **[D]** $\frac{\pi}{2}$ **[E]** $\frac{5}{6}\pi$ **[F]** $\frac{\pi}{3}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3131 Maple

Quesito n. A Si dica quanto vale $(4^{\log_{\frac{1}{4}} 2})^{2\log_2 3}$
[A] $\frac{1}{9}$ **[B]** $\frac{1}{4}$ **[C]** $\frac{4}{3}$ **[D]** $\frac{3}{4}$ **[E]** 4 **[F]** 3 **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si dica quanto vale $(2^{\log_{\frac{1}{2}} 3})^{3\log_3 2}$
[A] $\frac{1}{8}$ **[B]** $\frac{1}{4}$ **[C]** $\frac{1}{3}$ **[D]** $\frac{2}{3}$ **[E]** 4 **[F]** 2 **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si dica quanto vale $(3^{\log_{\frac{1}{3}} 2})^{\log_2 3}$
[A] $\frac{1}{3}$ **[B]** $\frac{2}{3}$ **[C]** $\frac{1}{9}$ **[D]** $\frac{2}{9}$ **[E]** 1 **[F]** 2 **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si dica quanto vale $(5^{\log_{\frac{1}{5}} 2})^{\log_4 25}$
[A] $\frac{1}{5}$ **[B]** $\frac{2}{25}$ **[C]** $\frac{1}{9}$ **[D]** $\frac{2}{3}$ **[E]** 25 **[F]** 5 **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si dica quanto vale $(7^{\log_{\frac{1}{7}} 2})^{2\log_4 5}$
[A] $\frac{1}{5}$ **[B]** $\frac{1}{25}$ **[C]** $\frac{1}{9}$ **[D]** $\frac{2}{5}$ **[E]** 1 **[F]** 2 **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si dica quanto vale $(4^{\log_{\frac{1}{4}} 5})^{\log_5 3}$
[A] $\frac{1}{3}$ **[B]** $\frac{2}{3}$ **[C]** $\frac{1}{9}$ **[D]** $\frac{4}{3}$ **[E]** 1 **[F]** 2 **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3132 Maple

Quesito n. A Sia data la disequazione $\frac{x+2}{x} + 3x > \frac{5x+6}{2}$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $(a, +\infty) \setminus \{b\}$, **[B]** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ **[C]** un insieme del tipo $[a, +\infty)$ **[D]** $(-\infty, a) \setminus \{b\}$, $b < a$ **[E]** un intervallo del tipo (a, b) **[F]** un intervallo del tipo $(a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la disequazione $\frac{x+1}{x-1} - \frac{x-1}{x+1} > \frac{8}{3}$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, d)$, **[B]** un insieme del tipo $(-\infty, a]$ **[C]** un insieme del tipo $(-\infty, a] \cup (b, c)$, **[D]** un insieme del tipo $(-\infty, a] \cup [b, c)$, **[E]** un intervallo del tipo $[a, b)$ **[F]** un intervallo del tipo $(a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la disequazione $\frac{x-3}{x} + \frac{x+3}{x^2} > \frac{2}{3}$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] tutto **R** tranne un punto **[B]** un insieme del tipo $(a, +\infty)$ **[C]** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, +\infty)$, **[D]** tutto **R** **[E]** un intervallo del tipo $[a, b)$ **[F]** un intervallo del tipo $(a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la disequazione $\frac{x-3}{x^2-x} - \frac{x+3}{x^2+x} > \frac{2-3x}{x^2-1}$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, +\infty) \setminus \{d\}$, **[B]** un intervallo del tipo $[a, b)$ **[C]** un insieme del tipo $[a, +\infty)$ **[D]** un insieme del tipo $[a, b) \cup (c, d)$, **[E]** un intervallo del tipo (a, b) **[F]** un intervallo del tipo $(a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la disequazione $\frac{x+1}{x-2} - \frac{4}{x+1} > \frac{5x-3}{(x-2)(x+1)}$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $(-\infty, a) \cup (b, c) \cup (d, +\infty)$, **[B]** un intervallo del tipo (a, b) **[C]** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ **[D]** un insieme del tipo $(-\infty, a) \cup (b, c)$, **[E]** un intervallo del tipo $[a, b)$ **[F]** un intervallo del tipo $(a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F da fare Sia data la disequazione $\frac{x}{x-3} + \frac{5x+3}{9-x^2} > 0$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $(-\infty, a) \cup (b, +\infty) \setminus \{c\}$, **[B]** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, d)$, **[C]** un insieme del tipo $(a, b]$ **[D]** un insieme del tipo $(a, b) \cup [c, d)$, **[E]** un intervallo del tipo $[a, b)$ **[F]** un intervallo del tipo $[a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3133

Quesito n. A Se $a > 0$ L'espressione $\sqrt{2x^2 + a^2} - \sqrt{2x^2 - a^2} \sqrt{2x^2 + a^2} + \sqrt{2x^2 - a^2}$ è uguale a
[A] $a\sqrt{2}$ **[B]** $\sqrt{2}$ **[C]** $\sqrt{a+x}$ **[D]** a **[E]** $\frac{x}{2}$ **[F]** $\sqrt{x}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Se $a > 2$ e $x > 1$ l'espressione $\sqrt{\frac{a^2x+4}{2x}} + \frac{2a}{\sqrt{x}}$ + $\sqrt{\frac{a^2x+4}{2x} - \frac{2a}{\sqrt{x}}}$ è uguale a

[A] $a\sqrt{2}$ **[B]** $\sqrt{a+x}$ **[C]** $\sqrt{a^2+x^2}$ **[D]** $a+x$ **[E]** $\frac{x}{2}$ **[F]** $\sqrt{ax}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Per $x > 1$ e $a > 2$ l'espressione $\frac{\sqrt{a^3x^3+2a^2x^3+ax^3}-\sqrt{a^3x^3-2a^2x^3+ax^3}}{2(ax^2)^{1/3}}$ è uguale a

[A] $(ax^5)^{1/6}$ **[B]** $(ax)^{1/3}$ **[C]** $a^{1/3} + x^{1/6}$ **[D]** $\sqrt{a^2x^3}$ **[E]** $\sqrt{ax}$ **[F]** $\sqrt{a} + \sqrt{x}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano $a > 0$ e $b > 0$. L'espressione $(a^2)^{1/3}(ab)^{1/6} - \frac{a(ab^2)^{1/3} - b(a^2b)^{1/3}}{\sqrt{ab}}$ è uguale a

[A] $(ab^5)^{1/6}$ **[B]** $(a^2b)^{1/3}$ **[C]** $a^{1/3} + b^{1/6}$ **[D]** $\sqrt{a^2+b^3}$ **[E]** $\sqrt{ab}$ **[F]** $\sqrt{a} + \sqrt{b^3}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E L'espressione $\frac{a\sqrt{b-b\sqrt{a}}}{\sqrt{a-b\sqrt{b}}} + \frac{a\sqrt{a}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} + \frac{b\sqrt{ab-b^2}}{a-b}$ è uguale a

[A] $a+b$ **[B]** $a-b$ **[C]** a^2-b^2 **[D]** $\sqrt{a}+\sqrt{b}$ **[E]** $\sqrt{a}-\sqrt{b}$ **[F]** $\sqrt{ab}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F L'espressione $\frac{\sqrt{a^3+2a^2b+ab^2}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} + \frac{\sqrt{a^2b+2ab^2+b^3}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}}$ è uguale a

[A] $a-b$ **[B]** $\sqrt{ab}$ **[C]** $a+b$ **[D]** $\sqrt{a+b}$ **[E]** $\sqrt{a}+\sqrt{b}$ **[F]** $\sqrt{a}-\sqrt{b}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3134 Maple

Quesito n. A Sia data la disequazione $\sqrt{3x-2} \geq -x-1$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un intervallo del tipo $[a, +\infty)$ **[B]** un intervallo del tipo $(a, +\infty)$ **[C]** un intervallo del tipo $[a, b] \cup$ **[D]** tutto **R** **[E]** un intervallo del tipo (a, b) **[F]** un intervallo del tipo $(a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Sia data la disequazione $\sqrt{2x+1} \geq -x-3$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $[a, +\infty)$ **[B]** un insieme del tipo $[a, b) \cup (c, +\infty)$, **[C]** un insieme del tipo (b, c) , **[D]** un insieme del tipo $[a, b) \cup [c, +\infty)$, **[E]** un intervallo del tipo $[a, b) \cup [c, +\infty)$, **[F]** un intervallo del tipo $(a, b] \cup [c, +\infty)$, **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Sia data la disequazione $-\sqrt{3x-2} \geq -x+1$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $[a, +\infty)$ **[B]** un insieme del tipo $[a, b) \cup (c, +\infty)$, **[C]** un insieme del tipo (b, c) , **[D]** un insieme del tipo $[a, b) \cup [c, +\infty)$, **[E]** un intervallo del tipo $[a, b) \cup [c, +\infty)$, **[F]** un intervallo del tipo $(a, b] \cup [c, +\infty)$, **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Sia data la disequazione $\sqrt{4x-1} \geq x-1$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un intervallo del tipo $[a, b]$ **[B]** un intervallo del tipo $[a, b)$ **[C]** un insieme del tipo $[a, +\infty)$ **[D]** un insieme del tipo $[a, b) \cup (c, d)$, $c > b$ **[E]** un intervallo del tipo (a, b) **[F]** un intervallo del tipo $(a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Sia data la disequazione $-\sqrt{2-3x} \geq x-2$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $(-\infty, a]$ **[B]** un intervallo del tipo (a, b) **[C]** un insieme del tipo $(-\infty, a)$ **[D]** tutto **R** **[E]** un intervallo del tipo $(-\infty, a] \cup [b, c)$ **[F]** un intervallo del tipo $(a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F da fare Sia data la disequazione $-\sqrt{1-4x} \geq 2x-2$. L'insieme di **R** che costituisce la soluzione è dato da:

[A] un insieme del tipo $(-\infty, a]$ **[B]** un insieme del tipo $(a, b) \cup (c, d)$, **[C]** un insieme del tipo $(-\infty, a] \cup (b, c]$ **[D]** un insieme del tipo $(a, b] \cup [c, d)$, **[E]** un intervallo del tipo $(-\infty, a) \cup [b, c)$ **[F]** un intervallo del tipo $[a, b]$ **[G]** nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3145 Controllato una volta

Quesito n. A Siano p, q, n interi positivi. Allora $\sqrt[p]{\sqrt[q]{5^q 7^p}}$ è uguale a

[A] $n\sqrt[pq]{5^q 7^p}$ **[B]** $n(p+\sqrt[q]{35})$ **[C]** $n\sqrt[q]{35}$ **[D]** $n(p+\sqrt[pq]{5^q 7^p})$ **[E]** $n\sqrt[pq]{5^p 7^q}$ **[F]** $n(p+q)\sqrt[pq]{(35)^{pq}}$ **[G]** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano p, q, n interi positivi. Allora $\sqrt[n]{5^{-nq}7^{np}}$ è uguale a
A $\frac{\sqrt[7]{7}}{\sqrt[5]{5}}$ **B** $\frac{\sqrt[5]{5}}{\sqrt[7]{7}}$ **C** $\frac{\sqrt[7]{7}}{\sqrt[n]{5}}$ **D** $\sqrt[7]{7p5q}$ **E** $\frac{\sqrt[7]{7}}{\sqrt[5]{5}}$ **F** $\sqrt[n]{p}\sqrt[7]{7p5q}$ **G**
 Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano p, q, n interi positivi. Allora $\sqrt[nq]{p(35)^{nq}}$ è uguale a
A $\sqrt[q]{p+q}\sqrt[7]{7p+q5q}$ **B** $\sqrt[q]{p+q}\sqrt[7]{p(35)}$ **C** $\sqrt[p+q]{7p+q5q}$ **D** $\sqrt[q]{p+q}\sqrt[7]{7p+q5p-q}$
E $\sqrt[n]{p+q}\sqrt[7]{7np(35)^q}$ **F** $\sqrt[p+q]{7p+q}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano p, q, n interi positivi. Allora $\sqrt[p-q]{\frac{7p-q}{5q}}$ è uguale a
A $\sqrt[nq]{p-q}\sqrt[7]{7np(35)^{-nq}}$ **B** $\sqrt[nq]{p-q}\sqrt[7]{7np-nq5q}$ **C** $\sqrt[p-q]{\frac{7p}{5q}}$ **D** $\sqrt[q]{p+q}\sqrt[7]{\frac{7p+q}{5q}}$
E $\sqrt[p-q]{\frac{7p-q}{(35)^q}}$ **F** $\sqrt[q]{\frac{7p-q}{5^{nq}}}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano p, q, n interi positivi. Allora $\sqrt[q]{p-q}\sqrt[5]{\frac{7p-q}{7q}}$ è uguale a
A $\sqrt[nq]{p-q}\sqrt[5]{\frac{5^{np}}{(35)^{nq}}}$ **B** $\sqrt[q]{p-q}\sqrt[7]{7p-q5pq}$ **C** $\sqrt[p-q]{\frac{7p}{5q}}$ **D** $\sqrt[p-q]{7p-q5q}$
E $\sqrt[nq]{p-q}\sqrt[7]{7p-nq5q}$ **F** $\sqrt[nq]{p-q}\sqrt[7]{7p-q5q}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Siano p, q, n interi positivi. Allora $\sqrt[2-p5-q]{}$ è uguale a
A $\sqrt[nq]{\frac{5^{nq^2}2^{-pq}}{(25)^{nq^2}}}$ **B** $\sqrt[q]{\frac{5^{nq}2^{-pq}}{(25)^{nq^2}}}$ **C** $\sqrt[nq]{\frac{5^{nq^2}2^{-pq}}{(25)^{nq^2}}}$ **D** $\sqrt[nq]{\frac{5^{nq^2}2^{pq}}{(25)^{nq^2}}}$ **E**
 $\sqrt[q]{\frac{5^{nq}2^{-pq}}{(25)^{nq^2}}}$ **F** $\sqrt[nqp]{\frac{5^{npq^2}2^{-pqn}}{(25)^{nq^2}}}$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3146

Quesito n. A Si risolva la disequazione $8(2^x)^{x-4} > 1$ e si dica se l'insieme delle soluzioni è scrivibile come

A $(-\infty, a) \cup (b, +\infty)$ $a \neq b$ **B** $(a, +\infty)$ **C** $(-\infty, a)$ **D** (a, b) **E**
 Tutto **R** **F** l'insieme vuoto **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Si risolva la disequazione $\frac{1}{16}(2^{x-3})^x > 1$ e si dica se l'insieme delle soluzioni è scrivibile come

A $(-\infty, a) \cup (b, +\infty)$ $a \neq b$ **B** $(a, +\infty)$ **C** $(-\infty, a)$ **D** (a, b) **E**
 Tutto **R** **F** l'insieme vuoto **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Si risolva la disequazione $(2^{1-2x})^4 > \frac{8}{48x}$ e si dica se l'insieme delle soluzioni è scrivibile come

A Tutto **R** tranne un solo punto **B** $(a, +\infty)$ **C** $(-\infty, a) \cup (b, +\infty)$ $a \neq b$ **D** (a, b) **E** Tutto **R** **F** l'insieme vuoto **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Si risolva la disequazione $(2^{x+4})^{2x} > \frac{1}{24x^2 \cdot 8}$ e si dica se l'insieme delle soluzioni è scrivibile come

A Tutto **R** **B** l'insieme vuoto **C** $(-\infty, a) \cup (b, +\infty)$ $a \neq b$ **D** (a, b) **E** $(a, +\infty)$ **F** Tutto **R** tranne un solo punto **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Si risolva la disequazione $(2^x)^{x-6} > \frac{1}{512}$ e si dica se l'insieme delle soluzioni è scrivibile come

A Tutto **R** tranne un solo punto **B** $(a, +\infty)$ **C** $(-\infty, a) \cup (b, +\infty)$ $a \neq b$ **D** (a, b) **E** Tutto **R** **F** l'insieme vuoto **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Si risolva l'equazione $(2^x)^{x+3} < \frac{1}{8}$ e si dica se l'insieme delle soluzioni è scrivibile come

A L'insieme vuoto **B** $(a, +\infty)$ **C** $(-\infty, a) \cup (b, +\infty)$ $a \neq b$ **D** (a, b) **E** Tutto **R** **F** Tutto **R** tranne un solo numero **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3147 Controllato una volta

Quesito n. A Siano $a = (3^{100})^3$, $b = (5^{100})^2$, $c = ((15)^{10})^{10}$. Allora

A $c < b < a$ **B** $c < a < b$ **C** $a < b < c$ **D** $a < c < b$ **E**
 $b < c < a$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano $a = (800)^5$, $b = ((400)^5)^2$, $c = ((200)^4)^5$. Allora

A $a < b < c$ **B** $c < a < b$ **C** $c < b < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $b < c < a$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano $a = ((10000)^{10})^5$, $b = ((100))^{10}$, $c = ((10)^{10})^3$. Allora

A $b < c < a$ **B** $c < a < b$ **C** $c < b < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano $a = ((10)^3)^{100}$, $b = (5^{10})^{40}$, $c = (25)^{100}$. Allora

A $c < b < a$ **B** $c < a < b$ **C** $b < c < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano Allora $a = (3^{10})^{501}$, $b = (3^{100})^{50}$, $c = (9^5)^{502}$.

A $b < a < c$ **B** $c < a < b$ **C** $b < c < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $c < b < a$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Siano $a = (3)^{400}$, $b = (10)^{200}$, $c = (81)^{99}$. Allora

A $c < a < b$ **B** $b < a < c$ **C** $b < c < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $c < b < a$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3148

Quesito n. A Siano dati i numeri $a = 1, 2346\overline{7}$, $b = 1, 2346\overline{7}$, $c = 1, 2346\overline{7}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $a < b < c$ **B** $c < a < b$ **C** $c < b < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $b < c < a$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano dati i numeri $a = 1, 4444\overline{6}$, $b = 1, 4444\overline{6}$, $c = 1, 4444\overline{6}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $b < c < a$ **B** $c < a < b$ **C** $c < b < a$ **D** $a < b < c$ **E**
 $a < c < b$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano dati i numeri $a = 1, 333\overline{4}$, $b = 1, 333\overline{4}$, $c = 1, 333\overline{4}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $c < a < b$ **B** $b < c < a$ **C** $c < b < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano dati i numeri $a = 1, 01020\overline{3}$, $b = 1, 01020\overline{3}$, $c = 1, 01020\overline{3}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $b < c < a$ **B** $c < a < b$ **C** $c < b < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano dati i numeri $a = 1, 01020\overline{3}$, $b = 1, 01020\overline{3}$, $c = 1, 01020\overline{3}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $b < a < c$ **B** $c < a < b$ **C** $b < c < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $c < b < a$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Siano dati i numeri $a = 2, 3689\overline{2}$, $b = 2, 3689\overline{2}$, $c = 2, 3689\overline{2}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $a < c < b$ **B** $b < a < c$ **C** $b < c < a$ **D** $c < a < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $c < b < a$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Problema n. 3151

Quesito n. A Siano dati i numeri $a = 0, 0000\overline{2}$, $b = 0, 0000\overline{2}$, $c = 0, 0000\overline{2}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $a < b < c$ **B** $c < a < b$ **C** $c < b < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $b < c < a$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. B Siano dati i numeri $a = 0, 22220\overline{2}$, $b = 0, 22220\overline{2}$, $c = 0, 22220\overline{2}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $c < b < a$ **B** $c < a < b$ **C** $b < c < a$ **D** $a < b < c$ **E**
 $a < c < b$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. C Siano dati i numeri $a = 0, 3333\overline{1}$, $b = 0, 3333\overline{1}$, $c = 0, 3333\overline{1}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $a < c < b$ **B** $b < c < a$ **C** $c < b < a$ **D** $c < a < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. D Siano dati i numeri $a = 0, 02020\overline{1}$, $b = 0, 02020\overline{1}$, $c = 0, 02020\overline{1}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $b < c < a$ **B** $c < a < b$ **C** $c < b < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $b < a < c$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. E Siano dati i numeri $a = 0, 1111\overline{2}$, $b = 0, 1111\overline{2}$, $c = 0, 1111\overline{2}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $c < a < b$ **B** $b < a < c$ **C** $b < c < a$ **D** $a < c < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $c < b < a$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta

Quesito n. F Siano dati i numeri $a = 0, 2222\overline{1}$, $b = 0, 2222\overline{1}$, $c = 0, 2222\overline{1}$. Allora (si ricorda che $0, \underbrace{00 \dots 0}_n \overline{9} = (10)^{-n}$)

A $b < a < c$ **B** $a < c < b$ **C** $b < c < a$ **D** $c < a < b$ **E**
 $a < b < c$ **F** $c < b < a$ **G** Nessuna delle altre risposte è esatta